

2020/07/25-2020/07/31周报

团队训练

李元恺

题目

比赛

[M-SOLUTIONS Programming Contest 2020\(atcoder\)](#) pros:5/6/6 rk:249

姜维翰

专题

比赛

题目

袁熙

专题

没有专题

比赛

没有比赛

题目

本周推荐

李元恺

[Codeforces Round 659 1C](#)

标签：图论、状压dp

题意：两个字符串S和T，字符集大小20，每次可以从S中选任意多个相同字符，将他们变成另一个字符，问最小多少次可以将S变成T。

思路：将每个字符作为一个点，如果存在字符 $s_i = a$ 且 $t_i = b$ 建立一条 $a \rightarrow b$ 的有向边，计这个图为 G_1

1、观察可以发现，如果一个弱联通图的最优解不是链状（若所有操作都满足上一次操作选择的边的终点等于下一次操作的起点，则是链状），则一定存在一个操作数相同的链状方案。

证明：显然每个点都至少要被一条边覆盖，如果不是链状，则一定有两条边指向相同点，此时可以把先操作的边的目标改为后操作的边的起点，重复这样调整，最终会得到一个操作数相同的链状解。

2、现在我们可以用一个序列 $\{a_n\}$ 来表示答案 a_1, a_2, \dots, a_n 表示依次执行 $a_1 \rightarrow a_2, a_2 \rightarrow a_3, \dots, a_{n-1} \rightarrow a_n$

序列合法 iff 任意 G_1 中的边 $u \rightarrow v$ 存在 $i < j$ 满足 $a_i = u, a_j = v$

3、对于 G_1 的弱联通块 G ，计其无环导出子图中点数最多的为 S ，计 $|S|=k$ ， $|G|=n$ ，则答案大于等于 $2n-k-1$

证明：设有一个解的大小为 k ，考虑向一个空图中依次加入 k 条边。

1) 若某次操作的两个端点处于同一个连通块中，则对于任意无环导出子图DAG，其大小最多减1，连通块数不变

2) 若不处于同一连通块中，则连通块数-1，所有DAG体积不变。

初始状态下有 n 个连通块，所以最多 $k-n+1$ 条边被用来减小DAG的体积，最开始我们有一个大小为 n 的DAG，所以最终最大的DAG体积至少是 $2n-k-1$

4、存在一个使答案等于 $2n-k-1$ 的方案，给出构造：设 $G(V, E)$ 最大DAG导出子图 $= S(V_1, E_1)$ ，令序列 $\{V \setminus V_1, V_1, V \setminus V_1\}$

comment: 这周做的最有意思的题，推荐给大家

袁熙

姜维翰

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:acm_life_from_zero:7.25-7.31&rev=1596173939

Last update: 2020/07/31 13:38

