

简况

比赛链接

AC 5题, Rank 19th

总结与反思

cmx

lpy

xsy

题解

I. 1 or 2

I是我认为相当精彩的一道题。赛场上是用了一个网络流假算法，结果因为数据太水侥幸通过。

首先 $d=1$ or $d=2$ 意味着残存图是由线段和环组成的。网络流/费用流的想法其实在这题来说相当自然。我赛场上的想法是每个点拆出入两点，源点连向左奇数点，右奇数点连向汇点，再按照读入的边，左往右连边。最后 $d=2$ 的点右往左连 $cap=2$ 的边。到达一个点的边被赋予 -1 的费用。我以为只要求出最小费用最大流，一单位流就可以代表了线段，费用取反，看和度数之和是否相等，就能判断了。

事实上这个想法漏洞百出，首先根本没有解决好 $d=2$ 成环的问题。另外仔细想想，如果一条流量路径从 a 到 b 那么反映在网络上就是有左 a 到右 b 的一条路径，那么一定就意味着有左 b 到右边 a 的一条流量吗？恰恰是不一定的，有可能最大流的对应的图是不对称的。利用三点环，每个点的 d 为 1 ，就可以否定了（当然赛场上特判了这类奇数个 $d=1$ 的情况，不过也会有其他反例）。

另外一种比较简单的构图，是直接源点连左边，右边连汇点 $cap=$ 度数。这样的话也是这样，虽然原图是对称的，可能最大流对应的图是不对称的（情况不多，所以大概都没被卡掉）。

接下来介绍一下正解。

首先，如果所有 $d=1$ 那么相当于求一个一般图的最大匹配，看是否和总点数相等。这里有一个现成的，我没学过的带花树算法。那么存在 $d=2$ 的点怎么处理呢？

我们把 $d=2$ 的点拆分成两个点，同时对于哪些两头都是 $d=2$ 的点 $[x,y]$ 的边，引入点 e 和 e'

引入边 $(x, e) (x', e) (y, e') (y', e') (e, e')$

对于一头是 $d=1[x]$ ，一头是 $d=2(y)$ 的边

引入边 $(x,y')(x,y)$

如果都是 $d=1$ 则直接连。

这样构造出来的新图

以后这类问题，千千万万不要往网络流的陷阱里面走，一定要仔细思考！

by cmx

补题

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:alchemist:2020_nowcoder_multiuniversity_1&rev=1594607112 

Last update: 2020/07/13 10:25