

简况

[比赛链接](#)

AC 5题，Rank 19th

总结与反思

cmx

lpy

xsy

题解

D

\$P^TAP=D, D \in \text{diag}(n)\$
 $x^T Ax = y^T Dy, y = P^{-1}x, x = Py$, 利用合同变换求解 \$P, D\$
 原问题变为:
 $\begin{gathered} \max: b^T P & \& \text{s.t.: } \sum_{i=1}^N e_i y_i^2 \leq 1, e_i \text{ 为 } D \text{ 对角元} \\ b^T P = d, (\sum_{i=1}^N d_i y_i^2)^2 \leq (\sum_{i=1}^N \frac{d_i^2}{e_i}) (\sum_{i=1}^N e_i y_i^2) \end{gathered}$

F

\$水题，取3倍 maxlen 比较，据说2倍就行，不会证明\$

by Hardict

I. 1 or 2

I是被认为相当精彩的一道题。赛场上是用了一个网络流假算法，结果因为数据太水侥幸通过。

首先 \$d=1\$ or \$d=2\$ 意味着残存图是由线段和环组成的。网络流/费用流的想法其实在这题来说相当自然。我

赛场上的想法是每个点拆出入两点，源点连向左奇数点，右奇数点连向汇点，再按照读入的边，左往右连边。最后d=2的点右往左连cap=2的边。到达一个点的边被赋予-1的费用。我以为只要求出最小费用最大流，一单位流就可以代表了线段，费用取反，看和度数之和是否相等，就能判断了。

事实上这个想法漏洞百出，首先根本没有解决好d=2成环的问题。另外仔细想想，如果一条流量路径从a到b，那么反映在网络上就是有左a到右b的一条路径，那么一定就意味着有左b到右边a的一条流量吗？恰恰是不一定，有可能最大流的对应的图是不对称的。利用三点环，每个点的d为1，就可以否定了（当然赛场上特判了这类奇数个d=1的情况，不过也会有其他反例）。

另外一种比较简单的构图，是直接源点连左边，右边连汇点，cap=度数。这种的话也是这样，虽然原图是对称的，可能最大流对应的图是不对称的（情况不多，所以大概都没被卡掉）。

接下来介绍一下正解。

首先，如果所有d=1，那么相当于求一个一般图的最大匹配，看是否和总点数相等。这里有一个现成的，我没学过的带花树算法。那么存在d=2的点怎么处理呢？

我们把d=2的点拆分成两个点，同时对于哪些两头都是d=2的点(x,y)的边，引入点e和e'

引入边(x, e) (x', e) (y, e') (y', e') (e, e')

对于一头是d=1(x)，一头是d=2(y)的边

引入边 (x,y')(x,y)

如果都是d=1则直接连。

这样构造出来的新图，我们在上面跑一般图的最大匹配，看是否每个点都参与匹配，即可。

真的是一种很神仙的构图方式，对于(x, e) (x', e) (y, e') (y', e') (e, e')五条边，如果e和e'匹配，对应该边没有在残图中。反之e和e'和两头各自的点匹配，对应该边在残图中。其他的d=1点和d=2点的匹配之类，也都能在原图上找到完全对应的连接方式。

而如果不是完全匹配，那么对应在原图也就找不到方案。

感觉这个构图，真的很神仙，可以当做一种特别的技巧记住。

以后这类问题，基本都是带花树算法，千千万万不要往网络流的巨坑里面走。一定要仔细思考！

by cmx

J

$$\begin{aligned} I_n &= \int_0^1 x^n (1-x)^n dx \xrightarrow{\text{分部积分}} \frac{1}{n+1} \int_0^1 (1-x)^{n+1} dx \\ &= \frac{n!}{(2n)!} \int_0^1 x^{2n} dx = \frac{(n!)^2}{(2n+1)!} \end{aligned}$$

不过这好像是和 γ 函数相关，有直接的结论

by Hardict

补题

H

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:alchemist:2020_nowcoder_multiuniversity_1&rev=1594814997

Last update: 2020/07/15 20:09

