

# 二次剩余(QRP)

## Cipolla算法(素数情况下)

[wiki百科](#)

对于  $x^2 \equiv a \pmod p$

可以随机找一个数  $s$ ,  $\text{t.} (\frac{s^2 - a}{p}) = -1$ , 即  $s$  不是  $p$  的二次剩余, 可以知道找到  $s$  的期望次数为 2

考虑  $\mathbb{Z}(w = \sqrt{s^2 - a}) = \{j + kw\}$  以及如下定理

- 普通列表项目  $w^p = w(w^2)^{\frac{p-1}{2}} = w(s^2 - a)^{\frac{p-1}{2}} \equiv -w \pmod p$
- 普通列表项目  $(a+b)^p \equiv a^p + b^p \pmod p$

## 三次剩余

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

<https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:alchemist:hardict:grp&rev=1589615492>

Last update: **2020/05/16 15:51**