

二次剩余(QRP)

Cipolla算法(素数情况下)

[wiki百科](#)

对于 $x^2 \equiv a \pmod{p}$

可以随机找一个数 s , $\text{s.t. } (\frac{s^2 - a}{p}) = -1$, 即 s 不是 p 的二次剩余, 可以知道找到 s 的期望次数为 2

考虑 $\mathbb{Z}(w = \sqrt{s^2 - a}) = \langle j + kw \rangle$ 以及如下定理

- 普通列表项目 $w^p = w * (w^2)^{\frac{p-1}{2}} = w * (s^2 - a)^{\frac{p-1}{2}} \equiv -w \pmod{p}$
- 普通列表项目 $(a+b)^p \equiv a^p + b^p \pmod{p}$

三次剩余

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

<https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:alchemist:hardict:qrp&rev=1589615492>

Last update: 2020/05/16 15:51

