

Summer Training Week 4

比赛简记

2020.08.01 2020牛客暑期多校训练营（第七场） pro 5/6/10 rank 27/???

2020.08.03 2020牛客暑期多校训练营（第八场） pro 4/5/11 rank 42/???

2020.08.06 2020-2021 BUAA ICPC Team Supplementary Training 02 pro 6/6/10 rank 4/???

Max.D.

专题

复习了一下LCT

比赛

本周暂无

题目

[牛客第八场 A. All-Star Game](#)

[去年牛客第八场 E. Explorer](#)

两道都是一种类型的题目，无向图维护连通性，模板题还可以参考LOJ 121 去年不补题，欠下的一年之后还qwq

离线之后，可持久并查集（线段树分治 xsy 下面有提到）和LCT都可以做，后者效率稍慢。

Hardict

专题

无

比赛

一场atcoder(全是板子题)

题目

MountVoom

专题

无

比赛

求求来点cf div1

题目

无

个人总结

陈铭煊 Max.D.

多练习，跟上队友思路。

龙鹏宇 Hardict

需要更新板子，多读题

肖思炀 MountVoom

感觉有些浮躁，希望能静下心来，做题的时候更加集中一些。

本周推荐

陈铭煊 Max.D.

来源：

牛客2020多校第七场 C. A National Pandemic

一道动态点分治题，后来又学到了一种树链剖分的做法，两个 \log 居然跑得比前者还要快。

标签：

动态点分治 树链剖分 树上距离的化简

题意：

T 组数据，每组给出 n 个点组成的树，每个点有初始权值 $F(x)=0$ 以及 m 个操作，操作分三种：

1. 给出点 x 和 w 为所有点增加权值 $w - \text{dist}(x, i)$ （ $\text{dist}(x, i)$ 表示 x 和 i 的树上距离）；
2. 更新点 x 处的权值为 $\min(F(x), 0)$ ；
3. 查询某个 $F(x)$

$1 \leq T \leq 5, 1 \leq n, m \leq 5 \times 10^4, 0 \leq w \leq 10000$ 需要对操作3进行回答。

题解：

看到这种树上距离有关的更新，很容易想到了动态点分治，可惜没学到家，比赛时还仔细回忆了半天细节，最后还没写出来。

基本思路是，构造点分树，点分树上每个点实际上代表了一个树上连通区域，记录三个值 S, dp, ddp （ $S[i]$ 代表点分树上节点 i 的子树中，操作1被执行的总次数， $dp[i]$ 表示点分树上子树 i 中每个点到 i 父亲 $pa[i]$ 的距离之和（如果 i 为根，取 $pa[i]=i$ ）， $ddp[i]$ 表示点分树上子树 i 中每个点到 i 的距离之和。这三个值都可以在点分树上不断走根的过程中求出。

这个时候我们如果想知道操作1为 $F(x)$ 带来的总的 dist 之和，可以从 x 开始，向上这样累加：

```
int x=u;
while (pa[u]) {
    ans += ddp[pa[u]] - dp[u] + Dis(pa[u], x) * (S[pa[u]] - S[u]);
    u = pa[u];
}
```

每次累加的值实际上是 $pa[u]$ 的非 u 点分子树到 x 的总贡献，这个值由两部分组成，一部分是 $pa[u]$ 在 u 这棵子树外的所有点，到达 $pa[u]$ 产生的贡献和，也就是 $ddp[pa[u]] - dp[u]$ ，另一部分就是 x 到 $pa[u]$ 这段路径长度产生的贡献——所有这些点都要走过这一段路。

注意一下 ddp 的值不一定等于儿子 dp 值的和哦。另外 Dis 函数可以用 RMQ 的方法求，这样就是真正 $O(m \log n)$ 效率了。

现在既然距离的贡献都解决了，其他就很容易了，操作2额外记忆一个 δ 即可。

其实要是明白透彻了，实现起来也不难。

第二种方法就显得很巧妙了：

对于操作\$1\$, 我们考虑一次修改对\$y\$来说会增加\$w-dis(x,y)\$
 $(dep(x)+dep(y)-2*dep(lca))=w-dep(x)-dep(y)+2*dep(lca)$
所以, 对于每次1操作, 我们将其到根上所有点的\$cnt+=2\$
询问的时候那部分就是求它到根的权值和。所以, 树上路径加, 路径查询, 用树链剖分, 再用数据结构来区间加, 区间求和即可。

不得不说, 这个式子很是传神。

评论:

好题

龙鹏宇 Hardict

来源:

标签:

题意:

题解:

评论:

肖思炀 MountVoom

来源:

[牛客第八场 A. All-Star Game](#)

标签:

线段树分治, 并查集

题意:

球迷*j*愿意观看球员*i*的比赛需要满足*j*是*i*的粉丝或者*j*和*i*都是*i*'的粉丝且*j*'是*i*的粉丝。

选择最少的球员进全明星赛, 使得所有球迷都愿意观看。且有*q*次粉丝关系的修改
 x 是*y*的粉丝变为不是
 x 不是*y*的粉丝变为是, 每次修改都会询问。

题解：

把球员和粉丝相连，答案即为(n个球员的连通分量个数)-(孤立球员个数)，如果有球迷的度为0，则答案为-1。

把每个关系存在的时间划分成线段树上的log个区间，线段树每个节点维护了在这段时间存活的所有边，最后遍历一次线段树即可，因为回溯时需要删边，所以需要启发式合并的并查集。

最终复杂度为 $O(n \log^2 n)$

评论：

比赛做得太慢了以至于没有时间写这道题...

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - **CVBB ACM Team**

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:alchemist:weekly_digest_9&rev=1596790446 

Last update: **2020/08/07 16:54**