

[2019 Multi-University Training Contest 1]

比赛网址

训练结果

- rank:算了这个别说了
- 完成情况 : 3/6/13

题解

B Operation

补题

题意

给了一个序列，要求实现两种操作

1. 给定 l, r 求 $a[l..r]$ 种选出其中的一些值的最大异或和
2. 在序列的后面加一个 x

题解

开始想到线段树套线性基，发现时间和空间都爆了。后发现我们可以记录 $a[1..i]$ 的线性基，添加时候则从高位到低位，尽量用当前的基去替换之前的基，这样能使所有的基离 r 更近。查询的时候只用位置大于 l 的基。

```
#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<cstring>
#define ll long long
using namespace std;
int read()
{
    int k=0,f=1;char c=getchar();
    for(;!isdigit(c);c=getchar()) if(c=='-') f=-1;
    for(;isdigit(c);c=getchar()) k=k*10+c-'0';return k*f;
}
const int N=1000055;
int T,n,m,a[N],pos[N][35],base[N][35],Base[35],Pos[35];
void build(int p,int x)
```

```
{
    for(int i=29;i>=0;i--)
    {
        if(x&(1<<i))
        {
            if(!Base[i])
            {
                Base[i]=x,Pos[i]=p;
                return;
            }
            else
            {
                if(p>Pos[i])
                    swap(p,Pos[i]),swap(x,Base[i]);
            }
            x^=Base[i];
        }
    }
}
int main()
{
    for(T=read();T;T--)
    {
        memset(Base,0,sizeof(Base));
        memset(Pos,0,sizeof(Pos));
        n=read();m=read();
        for(int i=1;i<=n;i++)
            a[i]=read();
        for(int i=1;i<=n;i++)
        {
            build(i,a[i]);
            for(int j=0;j<=29;j++)
                base[i][j]=Base[j],pos[i][j]=Pos[j];
        }
        int lans=0;
        for(int i=1;i<=m;i++)
        {
            int l,r,opt;
            opt=read();
            if(!opt)
            {
                l=(read()^lans)%n+1;
                r=(read()^lans)%n+1;
                if(l>r) swap(l,r);
                int ans=0;
                for(int j=29;j>=0;j--)
                {
                    if(pos[r][j]>=l)
                    {
```

```

        if((ans^base[r][j])>ans)
            ans=ans^base[r][j];
    }
}
printf("%d\n",lans=ans);
}
else
{
    l=read()^lans;
    n++;a[n]=l;
    build(n,a[n]);
    for(int j=0;j<=29;j++)
        base[n][j]=Base[j],pos[n][j]=Pos[j];
}
}
}
return 0;
}

```

D Vacation

solved by wxg

题意

有 n 辆汽车在过绿灯，每辆车给了距离红绿灯的位置，长度和最大速度。不能超车。假设每辆车都按最优方案驾驶，问最后一辆车过红绿灯的时间

题解

可以想象，最后几辆车一定是贴在一起通过的，我们只需要枚举 x 计算最后 x 俩车贴贴后通过时间，取一个最大值即可。

```

#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<cstring>
#include<algorithm>
using namespace std;
int read()
{
    int k=0,f=1;char c=getchar();
    for(;!isdigit(c);c=getchar()) if(c=='-') f=-1;
    for(;isdigit(c);c=getchar()) k=k*10+c-'0';return f*k;
}
const int N=100055;
int n,m,l[N],s[N],v[N];
int main()
{

```

```
while (scanf ("%d", &n) != EOF)
{
    for (int i=0; i<=n; i++)
        scanf ("%d", &l[i]);
    for (int i=0; i<=n; i++)
        scanf ("%d", &s[i]);
    for (int i=0; i<=n; i++)
        scanf ("%d", &v[i]);
    double ans=1.*s[0]/v[0], sum=0;
    for (int i=1; i<=n; i++)
    {
        sum+=l[i];
        ans=max (ans, ((sum+s[i])/v[i]));
    }
    printf (".8f\n", ans);
}
return 0;
}
```

E Path

□胡 by fyh □written by wxg

题意

给了一个图，去掉一个边的代价为边权，问为使 $1-n$ 的最短路变长，最小代价是多少。

题解

求出最短路径的新图，可以看出答案为最小割

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <algorithm>
#include <cstring>
#include <queue>
#define ll long long
#define int long long
using namespace std;
int read()
{
    int k=0, f=1; char c=getchar();
    for (; !isdigit(c); c=getchar()) if (c=='-') f=-1;
    for (; isdigit(c); c=getchar()) k=k*10+c-'0'; return k*f;
}
```

```

const int N=200055;
const ll inf=1ll<<60;
typedef pair<int,int> P;
int T,n,m,s,t;
int tot=1,iter[N],head[N],to[N],nextt[N],w[N],d[N],vis[N];
queue<int> q;
struct graph
{
    int tot=0,to[N],nextt[N],head[N],w[N];
    int u[N],v[N],c[N];
    ll dis[N];
    priority_queue <P,vector<P>,greater<P> > q;
    void add(int a,int b,int c)
    {
        to[++tot]=b;
        w[tot]=c;
        nextt[tot]=head[a];
        head[a]=tot;
    }
    void dij()
    {
        for(int i=2;i<=n;i++)
            dis[i]=1ll<<60;
        dis[1]=0;
        q.push(P(0,1));
        while(!q.empty())
        {
            P k=q.top();q.pop();
            int u=k.second;if(dis[u]<k.first) continue;
            for(int i=head[u];i;i=nextt[i])
                if(dis[to[i]]>dis[u]+w[i])
                {
                    dis[to[i]]=dis[u]+w[i];
                    q.push(P(dis[to[i]],to[i]));
                }
        }
    }
}G;
void add(int a,int b,int c)
{
    to[++tot]=b;
    w[tot]=c;
    nextt[tot]=head[a];
    head[a]=tot;
}
bool bfs()
{
    for(int i=1;i<=n;i++) d[i]=-1;
    d[s]=0;q.push(s);
    while(!q.empty())
    {

```

```
    int u=q.front();q.pop();
    for(int i=head[u];i;i=nextt[i])
        if(w[i]>0&&[to[i]]==-1)
            d[to[i]]=d[u]+1,q.push(to[i]);
    }
    return d[t]!=-1;
}
int dfs(int u,int f)
{
    if(f==0||u==t) return f;
    for(int &i=iter[u];i;i=nextt[i])
    {
        if(d[to[i]]==d[u]+1&&w[i]>0)
        {
            int ff=dfs(to[i],min(f,w[i]));
            if(ff>0)
            {
                w[i]-=ff;w[i^1]+=ff;
                return ff;
            }
        }
    }
    return 0;
}
int dinic()
{
    int fl=0,f;
    while(1)
    {
        if(!bfs()) return fl;
        for(int i=1;i<=n;i++)
            iter[i]=head[i];
        while(f=dfs(s,inf)) fl+=f;
    }
    return fl;
}
main()
{
    for(T=read();T;T--)
    {
        G.tot=0;
        for(int i=1;i<=n;i++)
            G.head[i]=0;
        for(int i=1;i<=tot;i++)
            head[i]=0;
        tot=1;
        n=read();m=read();
        for(int i=1;i<=m;i++)
        {
            int a,b,c;
```

```

        a=read();b=read();c=read();
        G.u[i]=a;G.v[i]=b;G.c[i]=c;
        G.add(a,b,c);
    }
    G.dij();
    for(int i=1;i<=m;i++)
    {
        if(G.dis[G.u[i]]+G.c[i]==G.dis[G.v[i]])
        {
            add(G.u[i],G.v[i],G.c[i]);
            add(G.v[i],G.u[i],0);
        }
    }
    s=1;t=n;
    printf("%lld\n",dinic());
}
return 0;
}

```

F Typewriter

solved by wxg

题意

给了一个字符串，你现在要花最小代价构造出该字符串，有两种构造方法

1. 花 p 代价在当前字符串后添加一个字符。
2. 花 q 代价在当前字符串后添加一个当前字符串的子串

题解

$dp[i]$ 表示构造出长度 i 的字符串的最小代价，有两种转移

1. $dp[i]=dp[i-1]+p$
2. $dp[i]=dp[j]+q$, j 为满足 $s[1\dots j]$ 中存在 $s[j+1\dots i]$ 的子串

问题是 j 怎么求？

首先随着 i 增加 j 是单调的

我们可以构建 $s[1\dots j]$ 的后缀自动机，当 dp 到 i 时，我们在后缀自动机上匹配 $s[i]$ ，若匹配长度与 j 的和大于等于 i ，说明 j 不用增加，反之则增加 j 直到大于等于为止。

```

#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<cstring>

```

```
#define ll long long
using namespace std;
int read()
{
    int k=0,f=1;char c=getchar();
    for(;!isdigit(c);c=getchar()) if(c=='-') f=-1;
    for(;isdigit(c);c=getchar()) k=k*10+c-'0';return k*f;
}
const int N=400055;
int n,m,ch[N][26],mxlen,P,Q;
ll dp[N];
int last,tot,link[N],len[N],size[N];
char s[N];
void init()
{
    for(int i=0;i<=tot;i++) memset(ch[i],0,sizeof(ch[i]));
    last=tot=0;len[0]=0;link[0]=-1;
}
void extend(int c)
{
    int cur=++tot,p=last;len[cur]=len[last]+1;size[cur]=1;
    for(;p!=-1&&!ch[p][c];p=link[p]) ch[p][c]=cur;
    if(p==-1) link[cur]=0;
    else
    {
        int q=ch[p][c];
        if(len[p]+1==len[q]) link[cur]=q;
        else
        {
            int clone=++tot;
            len[clone]=len[p]+1;
            link[clone]=link[q];
            memcpy(ch[clone],ch[q],sizeof(ch[q]));
            for(;p!=-1&&ch[p][c]==q;p=link[p])
                ch[p][c]=clone;
            link[q]=clone;link[cur]=clone;
        }
    }
    last=cur;
}
int get(int p,int c,int opt)
{
    if(ch[p][c])
    {
        p=ch[p][c];
        if(opt==1) mxlen++;
    }
    else
    {
        while(p!=-1&&!ch[p][c])

```

```

        p=link[p];
        if(p==-1) p=0,mxlen=0;
        else mxlen=len[p]+1,p=ch[p][c];
    }
    if(opt) return mxlen;
    return p;
}
int main()
{
    while(scanf("%s",s+1)!=EOF)
    {
        int l=strlen(s+1);
        init();scanf("%d%d",&P,&Q);
        int inslen=0,pos=0;mxlen=0;
        for(int i=1;i<=l;i++)
        {
            dp[i]=dp[i-1]+P;
            if(get(pos,s[i]-'a',1)+inslen>=i)
            {
                dp[i]=min(dp[i],dp[inslen]+Q);
                pos=get(pos,s[i]-'a',0);
            }
            else
            {
                while(get(pos,s[i]-'a',1)+inslen<i)
                {
                    extend(s[++inslen]-'a');
                }
                pos=get(pos,s[i]-'a',0);
                if(inslen<i)
                    dp[i]=min(dp[i],dp[inslen]+Q);
            }
        }
        // cout<<inslen<<" "<<mxlen<<endl;
    }
    printf("%lld\n", dp[l]);
}
return 0;
}

```

I String

补题 by hxm

题意

给定一个只包含小写字母的字符串，要求选出一个长度为 K 的子序列，满足字典序最小，同时子序列中每个字母的出现次数都在一个各自给定的范围 $[L,R]$ 内

题解

贪心。当前位置能选字典序小的就选字典序小的。对于子序的第 i 个位置，从 s_i 开始枚举到 z 尝试将当前位置后第一个该字符放入，然后看看后面剩下的子串能不能至少满足能构成长度为 K 的合法子串。具体查看如下：1、剩下能用字符能否至少构成长度为 K 2、剩下每个字符数量能否至少达到下界 L_i 这个下界即要查看每个字符的剩余字符数是否足够，还要查看子序列剩余字符数能否提供所有的字符达到下界。

然后就完了。【很不明白比赛是怎么没调出来，，】

```
#include<algorithm>
#include<iostream>
#include<cstdlib>
#include<cstring>
#include<cstdio>
#include<vector>
#include<queue>
#include<cmath>
#include<map>
#include<set>
#define LL long long int
#define REP(i,n) for (int i = 1; i <= (n); i++)
#define Redge(u) for (int k = h[u],to; k; k = ed[k].nxt)
#define cls(s,v) memset(s,v,sizeof(s))
#define mp(a,b) make_pair<int,int>(a,b)
#define cp pair<int,int>
using namespace std;
const int maxn = 100005,maxm = 100005,INF = 0x3f3f3f3f;
inline int read(){
    int out = 0,flag = 1; char c = getchar();
    while (c < 48 || c > 57){if (c == '-') flag = 0; c = getchar();}
    while (c >= 48 && c <= 57){out = (out << 1) + (out << 3) + c - 48; c =
getchar();}
    return flag ? out : -out;
}
vector<int> pos[26];
int pi[26],K,n;
int sum[maxn][26];
int cnt[maxn],L[maxn],R[maxn];
char s[maxn],ans[maxn];
void init(){
    for (int i = 0; i < 26; i++){
        cnt[i] = 0; pos[i].clear(); pi[i] = 0;
    }
}
int main(){
    while (~scanf("%s",s + 1)){
        init();
        K = read(); n = strlen(s + 1);
        for (int i = 0; i < 26; i++) L[i] = read(),R[i] = read();
```

```

    for (int i = 1; i <= n; i++){
        int u = s[i] - 'a';
        pos[u].push_back(i);
        for (int j = 0; j < 26; j++) sum[i][j] = sum[i - 1][j];
        sum[i][u]++;
    }
    //cout << sum[2][0] << endl;
    int u = 1, tag = true;
    for (int i = 1; i <= K; i++){
        tag = false;
        for (int j = 0; j < 26; j++){
            //printf("[%d,%d]\n", i, j);
            if (cnt[j] >= R[j]) continue;
            while (pi[j] < pos[j].size() && pos[j][pi[j]] < u) pi[j]++;
            if (pi[j] >= pos[j].size()) continue;
            int tmp = 0;
            //puts("LXT");
            for (int k = 0; k < 26; k++) tmp += min(R[k] -
cnt[k], sum[n][k] - sum[pos[j][pi[j]] - 1][k]);
            if (tmp < K - i + 1) continue;
            //puts("LXT");
            int flag = true; tmp = 0;
            for (int k = 0; k < 26; k++){
                if (sum[n][k] - sum[pos[j][pi[j]] - 1][k] < L[k] -
cnt[k]) flag = false;
                if (k != j){
                    if (L[k] > cnt[k]) tmp += L[k] - cnt[k];
                }
            }
            if (tmp > K - i) continue;
            //puts("LXT");
            if (!flag) continue;
            cnt[j]++;
            ans[i] = j + 'a';
            u = pos[j][pi[j]++] + 1;
            tag = true;
            //puts("pick");
            break;
        }
        if (!tag) {puts("-1"); break;}
    }
    if (tag){
        for (int i = 1; i <= K; i++) putchar(ans[i]);
        puts("");
    }
}
return 0;
}

```

K Function

补题 by fyh

题意

求 $\sum_{i=1}^n \gcd(\lfloor \sqrt[3]{i} \rfloor, i), n \leq 10^{21}$

题解

很自然的对立方数进行划分

$\sum_{i=1}^n \gcd(\lfloor \sqrt[3]{i} \rfloor, i) = \sum_{i=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \sum_{j=(i-1)^3+1}^{i^3} \gcd(i, j) + \sum_{i=\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor^3}^n \gcd(\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor, i)$ 我们发现这个式子出现了很多次 $\sum_{i=1}^n \gcd(i, a)$

$\sum_{i=1}^n \gcd(i, a) = \sum_{x|a} x \sum_{i=1}^n [\gcd(i, a) = x] = \sum_{x|a} x \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{n}{x} \rfloor} [\gcd(i, \frac{a}{x}) = 1]$

$= \sum_{x|a} x \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{n}{x} \rfloor} \sum_{k|\gcd(i, \frac{a}{x})} \mu(k) = \sum_{x|a} x \sum_{k|\frac{a}{x}} \mu(k) \sum_{i=1}^{\lfloor \frac{n}{x} \rfloor} [k|i] = \sum_{x|a} x \sum_{k|\frac{a}{x}} \mu(k) \lfloor \frac{n}{xk} \rfloor$

设 $xk=d$, 则上述式子等于

$\sum_{d|a} \lfloor \frac{n}{d} \rfloor \sum_{x|d} x \mu(\frac{d}{x}) = \sum_{d|a} \lfloor \frac{n}{d} \rfloor \phi(d)$ 故 $\sum_{i=1}^n \gcd(i, a) = \sum_{d|a} \lfloor \frac{n}{d} \rfloor \phi(d)$, 对于原式右半部分的内容我们便可以通过数论分块在 $O(\sqrt[6]{n})$ 的时间内解决。

继续展开左边的式子

$\sum_{i=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \sum_{j=(i-1)^3+1}^{i^3} \gcd(i, j) = \sum_{i=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \sum_{d|i} \lfloor \frac{(i-1)^3-1}{d} \rfloor \phi(d)$

设 $xd=i$, 可继续写成

$\sum_{d=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \phi(d) \sum_{x=1}^{\lfloor \frac{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor - 1}{d} \rfloor} \lfloor \frac{(xd+1)^3-1}{d} \rfloor \phi(d)$ 左边那个整除余数是 0 , 右边余数是 $d-1$, 再进一步展开得

$\sum_{d=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \phi(d) \sum_{x=1}^{\lfloor \frac{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor - 1}{d} \rfloor} 3dx^2 + 3x + 1$ 接下来就是平方和公式和等差数列求和,

设 $y = \lfloor \frac{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor - 1}{d} \rfloor$, 得:

$\sum_{d=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \phi(d) \frac{y(y+1)(2y+1)}{2} + \sum_{d=1}^{\lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor} \phi(d) (y+1)$ 也是一个整除形式, 故依旧可以用数论分块维护, 通过 $O(\sqrt[3]{n})$ 预处理出 $\sum \phi(i)$ 就可以在 $O(\sqrt[6]{n})$ 的时间内处理每一组询问了。总时间复杂度 $O(\sqrt[3]{n} + \sqrt[6]{n} * T)$

注意, 读入要用 `_int128`, 但是在开数组的时候都要开 `int` 否则会爆空间。

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
```

```

#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
typedef long long LL;
typedef pair<int,int> PII;
#define X first
#define Y second
inline __int128 read()
{
    __int128 x=0,f=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){if(c=='-')f=-1;c=getchar();}
    while(isdigit(c)){x=x*10+c-'0';c=getchar();}
    return x*f;
}
__int128 n,ans;
const int MOD=998244353,maxN=10000000;
int
T,prime[maxN+10],len,A,sqrt3N,phi[maxN+10],phii[maxN+10],pre[maxN+10],inv2=4
99122177;
bool vis[maxN+10];
void calc()
{
    phi[1]=1;phii[1]=1;
    for(int i=2;i<=maxN;i++)
    {
        if(!vis[i])prime[++len]=i,phi[i]=i-1;
        for(int j=1;j<=len;j++)
        {
            if(i*prime[j]>maxN)break;
            vis[i*prime[j]]=1;
            if(i%prime[j]==0){
                phi[i*prime[j]]=phi[i]*prime[j];
                break;
            }
            else phi[i*prime[j]]=phi[i]*(prime[j]-1);
        }
    }
    for(int i=1;i<=maxN;i++)phii[i]=((LL)i*(LL)phi[i])%MOD;
    for(int
i=1;i<=maxN;i++)pre[i]=((LL)pre[i-1]+(LL)phi[i])%MOD,phii[i]=((LL)phii[i-1]+
(LL)phii[i])%MOD;
}
__int128 sqrt3(__int128 N)
{
    __int128 l=0,r=1e9;
    while(r-l>1)
    {
        __int128 mid=(l+r)/2;
        if(mid*mid*mid<N)l=mid;
        else r=mid;
    }
    return (r*r*r<=N) ? r : l;
}

```

```
int main()
{
    calc();
    scanf("%d",&T);
    while(T--)
    {
        n=read();
        sqrt3N=(int)sqrt3(n);
        __int128 ans=0;
        for(int d=1;d*d<=sqrt3N;d++)
            if(sqrt3N%d==0)
            {
                ans=(ans+(n/d-
((__int128)sqrt3N*(__int128)sqrt3N*(__int128)sqrt3N-1)/d)%MOD*phi[d])%MOD;
                if(d*d!=sqrt3N)
                {
                    int t=sqrt3N/d;
                    ans=(ans+(n/t-
((__int128)sqrt3N*(__int128)sqrt3N*(__int128)sqrt3N-1)/t)%MOD*phi[t])%MOD;
                }
            }
        for(int l=1,r=0;l<=sqrt3N-1;l=r+1)
        {
            int x=(sqrt3N-1)/l;
            r=min(sqrt3N-1,(sqrt3N-1)/((sqrt3N-1)/l));
            LL tmp1=(phii[r]-phii[l-1]+MOD)%MOD,tmp2=(pre[r]-
pre[l-1]+MOD)%MOD;
            ans=(ans+tmp1*(LL)inv2%MOD*x%MOD*(x+1)%MOD*(2*x+1))%MOD;
            ans=((ans+tmp2*(x+1)%MOD*x%MOD*inv2%MOD*3%MOD)%MOD+x*tmp2%MOD)%MOD;
        }
        cout<<(LL)ans<<endl;
    }

    return 0;
}
```

训练实况

0~1h fyh摸鱼了15min,hxm读E[]wxg秒AD[]fyh写E,疯狂CE+RE[]把数据量调大之后变成WA wxg&hxm思考FB

1~2h fyh仍在尝试E hxm读M 与I,fyh放弃了E[]wxg开始写F

2~3h fyh读K[]L,与hxm交流I,澄清题意后口糊出I做法[]wxgAF,hxm开始写M并写完,但是发现误解题意,后放弃[]wxg打算重新写E

3~4h wxgAE,fyh推K无果,开始写I

4~5h wxg,hxm讨论B,口糊出来,没有写[]fyh&hxm调I无果

结果 wxg 全场最佳

训练总结

总结&反思：模板的整理是个大问题，本次用的全部是高中时候的板子 fyh 调板子题调了一年，问题出在哪最后也不知道（重写大法好）！没写出来是因为代码能力差+脑子持续掉线+细节没想清楚

改进

- 一个题至少要两个读，之后再核对题目大意是否一致，否则白给
- 板子的整理

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:die_java:front_page_springtraining5&rev=1589554904



Last update: 2020/05/15 23:01