

概述

树套树，就是在一个树型数据结构上，每个点不再是一个节点，而是另外一个树形数据结构。

经常应用在一些普通的数据结构外套上区间操作或者动态操作时候。没有固定的套路，根据题目来选不同的树型数据结构组合。

下面介绍一些常用的树套树

树状数组套线段树

例题 [CQOI2011]动态逆序对

现在给出 $1 \sim n$ 的一个排列，按照某种顺序依次删除 m 个元素，你的任务是在每次删除一个元素之前统计整个序列的逆序对数。

我们可以建立树状数组，第 i 位维护 $a[i - \text{lowbit}(i) + 1] \sim a[i]$ 的权值线段树。插入和普通的求逆序对方法相同，删除 x 的时候查询位置在后面比 x 大的数有多少即可。

为了防止内存爆找，线段树采用动态开点。

```
#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<cctype>
#include<cstring>
#define ll long long
using namespace std;

inline int read()
{
    int k=0,f=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)) {if(c=='-') f=-1;c=getchar();}
    while(isdigit(c)) k=k*10+c-'0',c=getchar();return f*k;
}

const int N=100055;
int root[N],lch[N*91],rch[N*91],sum[N*91],cnt;
int n,m,pos[N];
ll anss;

void add(int &k,int l,int r,int x)
{
    if(!k) k=++cnt;sum[k]++;
    if(l==r) return ;
    int mid=l+r>>1;
    if(x<=mid) add(lch[k],l,mid,x);
    else add(rch[k],mid+1,r,x);
}
```

```
}

void del(int k,int l,int r,int x)
{
    if(!k) return ;
    sum[k]--;
    if(l==r) return ;
    int mid=l+r>>1;
    if(x<=mid) del(lch[k],l,mid,x);
    else del(rch[k],mid+1,r,x);
}

int query(int k,int l,int r,int a,int b)
{
    if(!k) return 0;
    if(a<=l&&b>=r) return sum[k];
    int mid=l+r>>1,ans=0;
    if(a<=mid) ans+=query(lch[k],l,mid,a,b);
    if(b>mid) ans+=query(rch[k],mid+1,r,a,b);
    return ans;
}

int main()
{
    n=read();m=read();
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        int a=read();pos[a]=i;
        for(int j=i;j<=n;j+=j&-j)
            add(root[j],1,n,a);
        for(int j=i;j;j-=j&-j)
            anss+=query(root[j],1,n,a+1,n);
    }
    for(int i=1;i<=m;i++)
    {
        printf("%lld\n",anss);
        int a=read();
        if(a!=n)
        {
            for(int j=pos[a];j;j-=j&-j) anss-=query(root[j],1,n,a+1,n);
        }
        if(a!=1)
        {
            for(int j=n;j;j-=j&-j) anss-=query(root[j],1,n,1,a-1);
            for(int j=pos[a]-1;j;j-=j&-j) anss+=query(root[j],1,n,1,a-1);
        }
        for(int j=pos[a];j<=n;j+=j&-j) del(root[j],1,n,a);
    }
    return 0;
}
```

}

线段树套平衡树

例题 洛谷P3380 二逼平衡树

让你维护一个有序数列，有以下操作：

1. 查询k在区间内的排名
2. 查询区间内排名为k的值
3. 修改某一位值上的数值
4. 查询k在区间内的前驱
5. 查询k在区间内的后继

就是平衡树问题加上了区间限制。我们外层建线段树，每一个节点维护该节点包含区间的平衡树。

操作一和操作三对线段树上包含区间的节点全部进行操作。

操作四，五，外层线段树区间查询，对每个包含[l,r]的节点得到的前驱/后继求一个最大值/最小值即可。

操作二 我们二分答案，和操作一类似，利用小于某数的个数进行二分。复杂度多一个 \log []

```
#include<iostream>
#include<cstdio>
#include<algorithm>
#include<cstring>
#include<cctype>
using namespace std;

inline int read()
{
    int k=0,f=1;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)) {if(c=='-') f=-1;c=getchar();}
    while(isdigit(c)) k=k*10+c-'0',c=getchar();return f*k;
}
const int N=100005,inf=2147483647;
struct T
{
    int ch[2],fa,size,cnt,v;
}tr[N*200];
int tot,rt[N*20],n,m,a[N];

#define l(x) tr[x].ch[0]
#define r(x) tr[x].ch[1]
void pu(int x)
{
    tr[x].size=tr[l(x)].size+tr[r(x)].size+tr[x].cnt;
```

```
}

void rotate(int x)
{
    int y=tr[x].fa,z=tr[y].fa,k=tr[y].ch[1]==x;
    tr[z].ch[tr[z].ch[1]==y]=x;tr[x].fa=z;
    tr[y].ch[k]=tr[x].ch[k^1];tr[tr[x].ch[k^1]].fa=y;
    tr[y].fa=x;tr[x].ch[k^1]=y;
    pu(y);pu(x);
}

void splay(int x,int r,int pos)
{
    while(tr[x].fa!=pos)
    {
        int y=tr[x].fa,z=tr[y].fa;
        if(z!=pos) (l(z)==y)^(l(y)==x)?rotate(x):rotate(y);
        rotate(x);
    }
    if(!pos) rt[r]=x;
}

void ins(int x,int r)
{
    int u=rt[r],f=0;
    if(!u)
    {
        tr[++tot].v=x;tr[tot].size=tr[tot].cnt=1;rt[r]=tot;return ;
    }
    while(u&&tr[u].v!=x) f=u,u=tr[u].ch[tr[u].v<x];
    if(u) {tr[u].cnt++;tr[u].size++;splay(u,r,0);return;}
    u=++tot;
    tr[u].fa=f;if(f) tr[f].ch[tr[f].v<x]=u;
    tr[u].v=x;tr[u].size=tr[u].cnt=1;splay(u,r,0);
}

void find(int x,int r)
{
    int u=rt[r];
    while(tr[u].v!=x&&tr[u].ch[tr[u].v<x])
    u=tr[u].ch[tr[u].v<x];
    splay(u,r,0);
}

int find_max(int x)
{
    while(r(x)) x=r(x);return x;
}

int lxt(int x,int r)
```

```

{
    int u=rt[r],ans=-inf;
    while(u)
    {
        if(tr[u].v<x) ans=max(ans,tr[u].v),u=r(u);
        else u=l(u);
    }
    return ans;
}

int rxt(int x,int r)
{
    int u=rt[r],ans=inf;
    while(u)
    {
        if(x<tr[u].v) ans=min(ans,tr[u].v),u=l(u);
        else u=r(u);
    }
    return ans;
}

void replace(int x,int y,int r)
{
    find(x,r);
    int u=rt[r];
    if(tr[u].cnt>1) tr[u].size--,tr[u].cnt--;
    else if(!tr[u].ch[0]) rt[r]=r(u),tr[r(u)].fa=0;
    else if(!tr[u].ch[1]) rt[r]=l(u),tr[l(u)].fa=0;
    else
    {
        splay(find_max(l(u)),rt[r],u);
        tr[tr[u].ch[0]].ch[1]=tr[u].ch[1];
        tr[r(u)].fa=l(u);tr[l(u)].fa=0;
        rt[r]=l(u);pu(l(u));
    }
    ins(y,r);
}

int ran(int x,int r)
{
    int u=rt[r],ans=0;
    while(u)
    {
        if(tr[u].v>x) u=l(u);
        else if(tr[u].v<x) ans+=tr[l(u)].size+tr[u].cnt,u=r(u);
        else {ans+=tr[l(u)].size;return ans;}
    }
    return ans;
}

#define lson k<<1,l,mid
#define rson k<<1|1,mid+1,r

```

```
void build(int k,int l,int r)
{
    for(int i=l;i<=r;i++) ins(a[i],k);
    if(l==r) return ;
    int mid=l+r>>1;
    build(lson);build(rson);
}

int sol1(int k,int l,int r,int a,int b,int x)
{
    if(a<=l&&b>=r)
    {
        return ran(x,k);
    }
    int mid=l+r>>1,ans=0;
    if(a<=mid) ans+=sol1(lson,a,b,x);
    if(b>mid) ans+=sol1(rson,a,b,x);
    return ans;
}

int sol2(int l,int r,int k)
{
    int L=0,R=1e8;
    while(R>L)
    {
        int mid=L+R>>1;
        if(sol1(1,1,n,l,r,mid)<k) L=mid+1;
        else R=mid;
    }
    return L-1;
}

void sol3(int k,int l,int r,int c,int x)
{
    replace(a[c],x,k);
    if(l==r) {a[c]=x;return;}
    int mid=l+r>>1;
    if(c<=mid) sol3(lson,c,x);
    else sol3(rson,c,x);
}

int sol4(int k,int l,int r,int a,int b,int x)
{
    if(a<=l&&b>=r) return lxt(x,k);
    int mid=l+r>>1,ans=-inf;
    if(a<=mid) ans=max(ans,sol4(lson,a,b,x));
    if(b>mid) ans=max(ans,sol4(rson,a,b,x));
    return ans;
}
```

```
int sol5(int k,int l,int r,int a,int b,int x)
{
    if(a<=l&&b>=r)
    {
        return rxt(x,k);
    }
    int mid=l+r>>1,ans=inf;
    if(a<=mid) ans=min(ans,sol5(lson,a,b,x));
    if(b>mid) ans=min(ans,sol5(rson,a,b,x));
    return ans;
}

int main()
{
    int opt,b,c,d;
    n=read();m=read();
    for(int i=1;i<=n;i++) a[i]=read();
    build(1,1,n);
    for(int i=1;i<=m;i++)
    {
        opt=read();b=read();c=read();if(opt!=3) d=read();
        if(opt==1) printf("%d\n",sol1(1,1,n,b,c,d)+1);
        else if(opt==2) printf("%d\n",sol2(b,c,d));
        else if(opt==3) sol3(1,1,n,b,c);
        else if(opt==4) printf("%d\n",sol4(1,1,n,b,c,d));
        else printf("%d\n",sol5(1,1,n,b,c,d));
    }
    return 0;
}
```

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:die_java:front_page_treeintree&rev=1589722353



Last update: 2020/05/17 21:32