

差分约束系统

概念

差分约束系统是关于 n 个未知量的 m 个形如 $x_i - x_j \leq k$ 不等式组。一般来求解的存在性问题、最优值问题以及方程组的解。

经典模型

- 线性约束：
 - 一般是在一维空间里，给出一些变量，之后告诉你这些变量的大小约束关系，求某个变量的最大值/最小值
 - 比如有 n 个人排成直线，给出之间的距离不能大于/小于某个值，求排成的最长/最短距离
 - 设 $d[i]$ 为第 i 个人的位置，根据大小关系建边即可。
 - 两道例题：[HDU3592](#) [[SCOI2011](#)]糖果
- 区间约束
 - 相比于上一个模型，我们处理的对象变成了区间。
 - 从例题 [POJ 1201](#) 来理解这个模型，给定 n 个区间，在数轴上选择最少的点，使得第 i 个区间至少有 c_i 个点。
 - 参考前缀和的思想，我们可以用 $d[i]$ 代表 $[0, i]$ 的区间里选点的数量，则对于区间 $[a_i, b_i]$ 其中点的数量为 $d[b_i] - d[a_i - 1]$ 联立 c_i 建图。同时注意为了保证 $d[i]$ 合法，还要有 $0 \leq d[i+1] - d[i] \leq 1$
 - 另一道例题：[POJ 1716](#)

建边方法

考虑松弛过后的最短路 dis 数组，对任意一条长度为 k 从 x 到 y 的有向边，满足 $dis_y \leq dis_x + k$ 移项得到 $dis_y - dis_x \leq k$ 这与开头提到的 $x_i - x_j \leq k$ 神似。

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:%E5%B7%AE%E5%88%86%E7%BA%A6%E6%9D%9F&rev=1590573461

Last update: 2020/05/27 17:57