

动态规划

CF808E

题意

01背包 n 个物品，重量只有 $1, 2, 3$ 三种 $(n \le 10^5)$

题解

枚举拿几个重量为 3 的，然后按照性价比给 $1, 2$ 的物品进行排序，拿最高的那一些，最后讨论一下进行微调即可（可以证明需要调整的数量不打）。

CF814D

题意

n 个只有相离和包含关系的圆，覆盖奇数次的区域为阴影，偶数次为空白，选择一些圆将原图分为两部分，每部分分别计算面积，使阴影部分面积最大 $(n \le 1000)$

题解

第一种做法是贪心，即把覆盖两次的圆取出来，剩下的圆不动。
关于证明，首先通过画图不难看出来，假设第二部分初始是空白的，那么将某个圆移动至第二部分，如果该圆覆盖区域变为阴影，那么总面积一定是增加或不变的，反之会减少或不变。
同理，可以把圆转换为任意形状的闭合区域。
当把覆盖两次的圆移动至左侧后，对于两次以上的圆，无论怎么移动，第二部分出现空白，总面积 \leq 最优面积。
如果移动覆盖一次的圆，实际上就是相当于把覆盖两次及以上的圆移动到第二部分，肯定是不优的。

第二种做法是dp，画图可以发现圆的关系构成一棵树，可以通过 $O(n^2)$ 寻找包含自己最小的圆作为父亲来建树。再观察可以发现题目本质是要将这棵树的每个节点划分到两棵树上（类似虚树），其中每棵虚树上，奇数深度的点贡献为正，偶数深度的点贡献为负，因此直接dp即可。设 $f_{i,0/1,0/1}$ 为以 i 为根节点的子树中，该节点作为第一/二棵树奇/偶数深度深度的节点时的权值最大值，转移时注意细节即可。

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:2020%E6%9A%91%E5%81%87%E7%B2%BE%E9%80%89%E9%A2%98%E7%9B%AE%E5%8A%A8%E6%80%81%E8%A7%84%E5%88%92&rev=1599188628

Last update: 2020/09/04 11:03