

比赛链接

CF Prefix Sums

题意

给出一个长度为 n 的序列，问多少次前缀和操作后序列最大值可以超过 k 保证序列至少有两个数为正 $(2 \leq n \leq 2 \times 10^5, 1 \leq k \leq 10^{18})$

题解

由F题可知，前缀和操作的增长速度是 $O(x^{n-1})$ 的，在 $k=10^{18}$ 的数据范围下，只有 $n=2,3$ 时暴力模拟复杂度过高，其它情况都可以直接暴力模拟 $n=2$ 时就是一直加一个数，可以直接算 $n=3$ 时就是一直加一个数和一个等差数列求和，解二次方程或二分都可以。（注意去掉所有前导0剩下的位数才是真正的 n 因为前面的0无论多少次操作都不会变）

CF Winter is here

题意

给出一个长度为 n 的序列 a_i 求 $\sum_{\gcd(a_1, a_2, \dots, a_k) \neq 1} k \cdot \gcd(a_1, a_2, \dots, a_k) \pmod{10^9 + 7}$ 其中 $1 \leq k \leq n$, $p_1 < p_2 < \dots < p_k$ $(n \leq 2 \times 10^5, a_i \leq 10^6)$

题解

本题是Coprime Subsequences的升级版。在上一题我们通过容斥求出了 $f_{i,j} = \sum_{\{p_1, p_2, \dots, p_k\}} \gcd(a_{p_1}, a_{p_2}, \dots, a_{p_k}) = i$ 。本题我们则需要求出 $g_{i,j} = \sum_{\{p_1, p_2, \dots, p_k\}} \gcd(a_{p_1}, a_{p_2}, \dots, a_{p_k}) = j$ 。类似上一题的方法设 $cnt_i = \sum_{j=1}^n [i|a_j]$ ，则 $g_i = \sum_{j=1}^n \binom{cnt_i}{j} - \sum_{j=1}^{ng_i} \binom{ng_i}{j}$ 。
 $= \sum_{j=1}^{ng_i} \frac{\binom{cnt_i}{j} \cdot j!}{(cnt_i-j)!} - \sum_{j=1}^{ng_i} \frac{\binom{ng_i}{j} \cdot j!}{(ng_i-j)!}$
 $= \sum_{j=0}^{ng_i-1} \binom{cnt_i-1}{j} \binom{ng_i-1}{j}$
 $= \sum_{j=0}^{ng_i-1} \binom{ng_i-1}{j}$

CF

题意

题解

CF

题意

题解

CF

题意

题解

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:2020.8.18&rev=1597854529

Last update: 2020/08/20 00:28

