

# WQS二分

- wqs二分可以解决形如在 $n$ 个物品中选 $k$ 个物品最大化/最小化总价值。直接dp一般是 $O(nk)$ 的，而如果题目满足下面的条件并且可以用 $O(n)$ 时间在不考虑选择物品个数的情况下计算出最大值/最小值，就可以用wqs二分做到 $O(n \log n)$
- 以最大化价值为例，设 $x$ 表示选择物品的个数，设 $f(x)$ 表示选 $x$ 个物品的最大值，如果 $f(x)$ 关于 $x$ 是凸函数或凹函数，那么图象就是一个凸包。虽然我们不知道具体凸包长什么样，但是我们可以利用凸包的性质，通过二分直线的斜率使得这条直线与 $(k, f(k))$ 这个点“相切”，从而间接得到 $f(k)$ 的值。
- 以凸函数为例，由于图像是一个凸包，所以一条直线，如果能让直线与图象有交点的情况下截距最大，那么直线一定恰好经过凸包上的一个点，此时我们通过下面的方法求出这个点后，如果这个点的横坐标 $<k$ 那么减少斜率，否则增大斜率。
- 设直线为斜率为 $mid$ 直线方程即为 $y = mid \times x + b$ 那么截距为 $y - mid \times x$ 当直线经过每个点时截距为 $f(x) - mid \times x$ 设经过 $z$ 时截距最大，那么 $\max\{f(x) - mid \times x\} = f(z) - mid \times z$ 也就是说如果给每个物品的价值减少 $mid$ 那么最大化价值时选择的物品数就是 $z$ 此时不用考虑需要选择的物品数，只需要记录每个状态选择了几个物品即可，一般通过一次dp即可获得结果。假设最后得到的斜率为 $l$ 此时最大截距为 $b$ 那么答案即为 $b + l * k$
- 需要注意，一般题目中的 $f(x)$ 可能并不是严格凸或者严格凹，因此可能出现连续的点对应斜率相同，二分的时候要注意边界问题。

## CF739E

- 题意:
- 题解:

## 林克卡特树

- 题意:
- 题解:

## Tree I

- 题意:
- 题解:

## CF1279F

- [F题](#)

Last update: 2020-2021:teams:farmer\_john:jjleo:wqs二分 [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer\\_john:jjleo:wqs%E4%BA%8C%E5%88%86&rev=1591415582](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:jjleo:wqs%E4%BA%8C%E5%88%86&rev=1591415582)  
2020/06/06 11:53

---

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - **CVBB ACM Team**

Permanent link: [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer\\_john:jjleo:wqs%E4%BA%8C%E5%88%86&rev=1591415582](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:jjleo:wqs%E4%BA%8C%E5%88%86&rev=1591415582) 

Last update: **2020/06/06 11:53**