

WQS二分

- wqs二分可以解决形如在 n 个物品中选 k 个物品最大化/最小化总价值。直接dp一般是 $O(nk)$ 的，而如果题目满足下面的条件并且可以用 $O(n)$ 时间在不考虑选择物品个数的情况下计算出最大值/最小值，就可以用wqs二分做到 $O(n \log n)$
- 以最大化价值为例，设 x 表示选择物品的个数，设 $f(x)$ 表示选 x 个物品的最大值，如果 $f(x)$ 关于 x 是凸函数或凹函数，那么图象就是一个凸包。虽然我们不知道具体凸包长什么样，但是我们可以利用凸包的性质，通过二分直线的斜率使得这条直线与 $(k, f(k))$ 这个点“相切”，从而间接得到 $f(k)$ 的值。
- 以凸函数为例，由于图像是一个凸包，所以一条直线，如果能让直线与图象有交点的情况下截距最大，那么直线一定恰好经过凸包上的一个点，此时我们通过下面的方法求出这个点后，如果这个点的横坐标 $<k$ 那么减少斜率，否则增大斜率。
- 设直线为斜率为 mid 直线方程即为 $y = mid \times x + b$ 那么截距为 $y - mid \times x$ 当直线经过每个点时截距为 $f(x) - mid \times x$ 设经过 z 时截距最大，那么 $\max\{f(x) - mid \times x\} = f(z) - mid \times z$ 也就是说如果给每个物品的价值减少 mid 那么最大化价值时选择的物品数就是 z 此时不用考虑需要选择的物品数，只需要记录每个状态选择了几个物品即可，一般通过一次dp即可获得结果。假设最后得到的斜率为 l 此时最大截距为 b 那么答案即为 $b + l * k$
- 需要注意，一般题目中的 $f(x)$ 可能并不是严格凸或者严格凹，因此可能出现连续的点对应斜率相同，二分的时候要注意边界问题。
- 可以开一个结构体记录dp状态的最大值以及取得此时最大值的选取物品数，大幅简化代码编写的复杂度。

CF739E

- 题意:
- 题解:

林克卡特树

- 题意:
- 题解:

Tree I

- 题意:
- 题解:

CF1279F

- [F题](#)

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - **CVBB ACM Team**

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:farmer_john:jjleo:wqs%E4%BA%8C%E5%88%86&rev=1591446916 

Last update: **2020/06/06 20:35**