2025/11/29 17:36 1/2 AC自动机

AC自动机

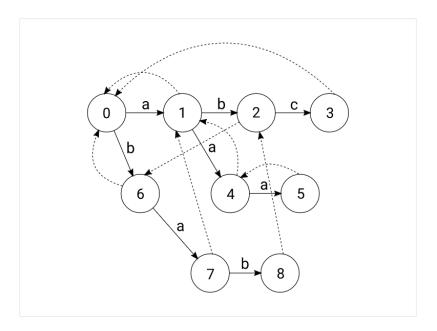
引入

\$AC\$ 自动机是一种多模式串匹配算法,一般用于解决对于在文本串中匹配一系列模式串(例:给一个文本串和一系列模式串,问模式串在文本串中一共出现了多少次)

构造

具体的构造方法我们可以参考 \$KMP\$□在每次匹配失败了之后,则需要从 \$i\$ 回到 \$fail(i)\$□即 \$fail(i)\$ 位置的前缀的是 \$i\$ 这个位置的前缀的后缀。

而 \$AC\$ 自动机则是在 \$trie\$ 上实现这样的操作。



如图所示

设 \$i\$ 的父亲为 \$i'\$□指向\$i\$点的边上的字母为\$c\$

显然,当 \$fail(i')\$ 有字母 \$c\$的出边时,该出边的指向的点即为 \$fail(i)\$□□图中 \$fail(7)=1,fail(8)=2\$□

否则,我们就应当沿着 \$fail\$ 函数一直向上寻找,直到找到为止,如果找不到一个符合条件的点,则 \$fail(i)\$ 为根。(图中fail(3)=0]

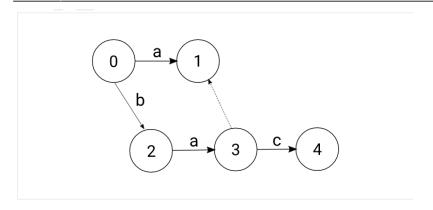
匹配

有了之前的构造之后我们的匹配较为简单,设当前在\$i\$点,每次新加入字符\$c\$,都检查\$i\$点有没有\$c\$的出边,如果有,则转移到该点,否则沿着\$fail\$去寻找这样的点(没有就会回到根结点)

如果到了一个单词结点上,则代表该单词被匹配了(可能会有\$i\$点不是单词但\$fail(i)\$是单词的情况)。

如下图3到1的情况。

17:38



为了解决此类问题,我们又可以引入后缀链接□\$nxt(i)\$表示从\$i\$沿着失配边转移,能够到达的第一个单 词结点。

后缀链接可以在失配指针之后求出,如果 \$fail(i)\$ 为单词结点,则 \$nxt(i)=fail(i)\$,否则 \$nxt(i)=nxt(fail(i))\$

优化

由于每次失配时需要用到失配指针,每次加入字符时经过节点数不确定,复杂度可能退化,但对于一个状 态,添加一个字符后,转移到的状态是确定的,这也意味着我们可以预处理每一个状态可能装一道的所有 状态。

对于节点 \$i\$,如果它有字符 \$c\$的出边,则加入 \$c\$ 时,它可以直接转移到该边指向结点,否则应该转移 到fail(i)加入对应字符转移到的点上,我们可以用递推的方式求出这些转移方式,加入这些边,得 到\$Trie\$图

模板题

P3808 □模板□AC自动机(简单版)

ps:本题由于只记录串出现次数,可以通过标记来优化复杂度。

https://wiki.cvbbacm.com/ - CVBB ACM Team

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:hotpot:ac%E8%87%AA%E5%8A%A8%E6%9C%BA&rev=1598002726

Last update: 2020/08/21 17:38



Printed on 2025/11/29 17:36 https://wiki.cvbbacm.com/