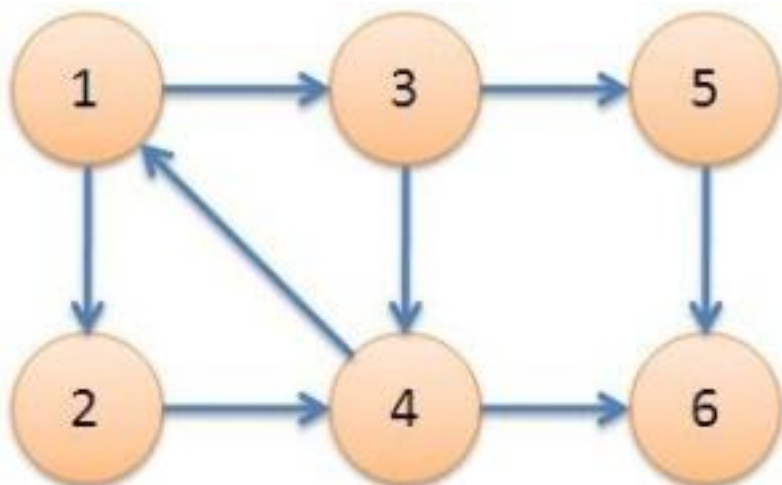


问题概述

Tarjan算法是一种由Robert·Tarjan(罗伯特·塔扬)发明的在有向图中求强连通分量的算法。

概念描述

如果在一个有向图中，任意两个顶点都可以相互到达，则称这个有向图为强连通图，非强连通图的极大强连通子图称为强连通分量。



例如上图中，由点1、2、3、4构成的子图就是一个强连通分量。

算法流程

首先引入两个数组 $dfn[]$ 和 $low[]$ 其中 $dfn[i]$ 表示点 i 第一次被搜索到的时间，与 dfn 序类似 $low[i]$ 表示在点 i 为根的 dfs 子树中，能够到达的点中 dfn 值的最小值。在整个算法结束后 $low[]$ 值相同的点就在同一强连通分量中。注意在初始化时 $low[i]=dfn[i]$

首先我们对所有 $dfn[i]=0$ 的点 i 进行 dfs 将搜到过的点压入一个栈中，如果下一个点已经在栈中，则更新 low 值。如果在某一个点回溯时发现这个点有 $dfn[x]=low[x]$ 说明以这个点为根的 dfs 子树处于同一个强连通分量中，我们把栈顶元素弹出直到 x 被弹出，这些被弹出的点组成一个强连通分量。

以上面的图作为一个例子Tarjan算法的流程如下：

dfs 到1 $dfn[1]=low[1]=1$;

dfs 到2 $dfn[2]=low[2]=2$;

dfs 到4 $dfn[4]=low[4]=3$ 4可以到1，1在栈中 $low[4]=1$;

dfs 到6 $dfn[6]=low[6]=4$ 6无法继续 dfs 有 $dfn[6]=low[6]$ 从栈中弹出6，其自己作为一个强连通分量。

从4回溯到2 $low[2]=1$;

从2回溯到1，然后dfs到3 \square $dfn[3]=low[3]=5$ \square 3可以到4，4在栈中 \square $low[3]=1$ \square

dfs到5 \square $dfn[5]=low[5]=6$ \square 由于6已经dfs过，所以无法继续dfs \square 有 $dfn[5]=low[5]$ \square 从栈中弹出5，其自己作为一个强连通分量。

回溯到1，有 $dfn[1]=low[1]$ \square 从栈中弹出3、4、2、1，它们构成一个强连通分量。

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
<https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:hotpot:tarjan&rev=1589362411>

Last update: **2020/05/13 17:33**

