

Contest Info

date: 2020.07.05 13:00-18:00

[practice link](#)

Solutions

C. Colorful Tree

题目大意：给你一棵树，每个结点有一个颜色。要求支持两种操作，一种是将某个结点的子树颜色全改为 c 一种是在查询某个结点子树中不同颜色的数量。

题解：修改时，将 u 子树中所有子树中的 label 删除，将 u 的 label 设为 c 显然，一个结点的颜色是其祖先中离它最近且有 label 的那个。那么就变成了一道带修莫队。时间复杂度 $\mathcal{O}(n^{\frac{5}{3}})$

标算似乎是 $\mathcal{O}(n \log n)$ 的。

H. Happiness of Frog

题目大意：给一个串 $n \leq 3000$ 问将这个串重排后回文子串数量的最大值，以及达到该数量的重排方案数。

题解：考虑所有回文子串的集合和所有相同字符对的集合。容易注意到前者有一到后者的单射。因而回文子串数量 \leq 相同字符对的数量。而当所有相同字符排列在一起时，能取到最大值。

接下来考虑有哪些其它 pattern 也能达到最大值。首先一个字符可以如前所述全部排在一起。除此之外，若一个字符 a 有三个以上，首先它们自己的位置必须成一等差数列，其次相邻两个 a 之间的串都相等，且是回文串。考虑 $a^*a^*a^*a$ ，第一个 a 后的 $*$ 和第二个 a 后的 $*$ 应当相等，这将导致第一个 a 后的第二个 $*$ 包含 a ，矛盾。因此相邻 a 之间只能是单个字符，即 $ababab\dots$ 的模式。对于有两个的字符，还可以包在某个回文串的外部，如 $abcba$ 。只有一个的字符，要么单独排列，要么被若干个有两个的字符包围，如 $abcba$

使用 dp 计数。考虑出现次数从大到小转移。设 $dp[i][j][k][u][v]$ 表示当前字符出现次数为 i 已经使用出现 i 次的字符 j 个，已经使用出现 $i-1$ 次的字符 k 个，有 u 个回文串 v 个非回文串。

- 首先将出现次数为 i 的字符直接算入 u 中，不参与转移，即 $dp[\Sigma+1][0][0][cnt[1]][0]=1$
- $dp[i][j+1][k][u+1][v] += dp[i][j][k][u][v]$
- $dp[i][j+2][k][u][v+1] += dp[i][j][k][u][v] * 2 * (cnt[i]-j-1)$
- $dp[i][j+1][k+1][u+1][v] += dp[i][j][k][u][v] * (cnt[i-1]-k)$
- 这些转移都不难。最后当 $i=2$ 时，要注意记录用来包围 u 的字符
- 最后所有 $u+v$ 可任意排列

其中 i, j 可滚动。时间复杂度 $O(\Sigma^4)$

I. Infinity Point Sets

题目大意：给一个点集，不断将其中的点对之间连线段，把交点加入点集。如果最终可有无限的点，称该点集为无限的。给定一个点集，求所有非空有限子集。无重点。

题解：一个点集有限，当且仅当点数 ≤ 4 或存在一条直线上至少有 3 个点，而该直线两侧分别至多有一个点。然后扫描线即可做。

证明自己多画画图即可。

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
<https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:intrepidword:2015-shanghai-regional>

Last update: 2020/07/11 22:21

