

# Contest Info

date: 2020-09-20 12:00~17:00

2020中国大学生程序设计竞赛(CCPC) - 网络选拔赛

## Solutions

### 1001. Art Class

题目大意：有  $n$  次操作，每次操作往平面上加个矩形，其中矩形底边在  $x$  轴上，每次操作后求矩形并的周长。

题解：如果你把题意从周长读成了面积：) 那么就会发现是裸吉如一线段树。然而事实上周长仍然可以用吉如一线段树维护。

注意到周长可分成横向和纵向两个部分。对于横向部分，答案即为  $x$  轴有矩形覆盖的长度乘  $2$ 。这部分容易离散化后用并查集维护。

对于纵向部分，容易发现答案为  $\sum_{i=-\infty}^{+\infty} |a_i - a_{i-1}|$  其中  $a_i$  表示  $i$  位置的最大值。我们可以在线段树上维护一个区间内的答案，以及左、右端点的长度，这样这棵线段树就已经是可合并的了。

考虑使用吉如一线段树维护修改。我们还需要维护最小值，最小值数量，严格次小值。考虑一次小于严格次小值的修改，那么相当于每个最小值都往上抬了一些，这会导致周长减小。

嗯？好像有些不对。只有旁边是非最小值的最小值，才会导致答案减小。因此事实上我们需要维护的不是最小值的数量，而是最小值的段数。注意这也是很容易合并的，我们判断一下左子树的  $r$  和右子树的  $l$  是否同时等于最小值即可。此外还有一种情况，最左边和最右边的最小值段抬高时，只会导致周长减小一倍而不是两倍（可以画图理解一下），需要特殊处理。

时间复杂度  $\mathcal{O}(n \log n)$

From:  
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:  
<https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:intrepidsword:2020-ccpc-online&rev=1600936090>

Last update: 2020/09/24 16:28