## 团队

做毕设,摸了。

个人

zzh

pmxm

jsh

本周推荐

zzh

pmxm

jsh

错排问题 ( 错位排列 )

错排,是个时常会听到,但做到就有点抓瞎的东西。

原始的全错位排列问题的做法有很多种,但要记得了解到做法的本质,因为出题通常就是某种做法的本质没变,在条件上稍加改动而已。

具体的可参考 错排问题 - 维基百科 和 错排公式 - 百度百科[]

牛客练习赛64 - D - 宝石装箱

## 题目链接

## 题意:

共 n\$ 个编号的宝石和 n\$ 个编号的箱子[]\$n \le 8000\$[]每个箱子要装有恰好一个宝石,但第 \$i\$ 个宝石不能放在第  $a_i$ \$ 个箱子里。

问有多少种装箱的方案数。取模。

\$a\_i\$ 不是个排列,可能有重。

错排改了改,每个物品的限制虽然还是一个,但限制可能有重复。

范围上看 \$\mathcal{O}(n^2)\$ 就能过。

那我们考虑一下容斥,记  $$A_i$$  为每个箱子要装有恰好一个宝石的情况下,第 \$i\$ 个宝石放在了第  $$a_i$$  个箱子的方案集合,方案数就是[] \[ {\displaystyle \left|\bigcap \_{i=1}^{n} {n} {\bar {A\_{i}}}\right|=|S|-\sum \_{i=1}^{n}|A\_{i}|+\sum \_{1\leqs\land 1}\cap A\_{i}\right|=|S|-\sum \_{1}\cap \cdots \cap A\_{n}|A\_{i}\right|=|S|-\sum \_{1}\cap \cdots \cap A\_{n}|A\_{i}\right|=|S|-\sum \_{1}\cap \cdots \cap A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{n}|A\_{

哦天哪,我们把所有 \$j\$ 个 \$A\_i\$ 的交集的大小的和,记为 \$S\_j\$\_即有 \$j\$ 个宝石放错,其余随便放的方案数。问题的答案就是[ \[\sum\_{i=0}^{n} (-1)^i S\_i\]

这个 \$S\_j\$ 很好算。记第 \$i\$ 个箱子有 \$b\_i\$ 个宝石不能放,那么对于放错宝石的数量贡献与否,可以得到多项式□ \[\prod\_{i} (1 + b\_i x)\]

记展开的第 \$i\$ 项系数为 \$c\_i\$\|即 \$i\$ 个宝石放错的玩法。我们乘上其余宝石乱排的方案数,有 \$S\_i = c i (n - i)!\$\|

那个多项式展开就是个背包[]\$\mathcal{O}(n^2)\$ DP 一下,剩下的都好做。

zzh's comment□FFT 甚至可以做到 \$\mathcal{O}(n\log^{2}n)\$□

From:

https://wiki.cvbbacm.com/ - CVBB ACM Team

Permanent link:

Last update: 2020/05/29 23:10



https://wiki.cvbbacm.com/ Printed on 2025/11/29 17:12