

## 团队

做毕设，摸了。

## 个人

**zzh**

[Codeforces Round #645 \(Div. 2\)](#): pro: 5/6/6 rk: 80/18169

学习了一下 SA

**pmxm**

**jsh**

## 本周推荐

**zzh**

**pmxm**

**jsh**

错排问题（错位排列）

错排，是个时常会听到，但做到就有点抓瞎的东西。

原始的全错位排列问题的做法有很多种，但要记得了解到做法的本质，因为出题通常就是某种做法的本质没变，在条件上稍加改动而已。

具体的可参考 [错排问题 - 维基百科](#) 和 [错排公式 - 百度百科](#)

牛客练习赛64 - D - 宝石装箱

[题目链接](#)

题意：

共  $n$  个编号的宝石和  $n$  个编号的箱子（ $n \leq 8000$ ）每个箱子要装有恰好一个宝石，但第  $i$  个宝石不能放在第  $a_i$  个箱子里。

问有多少种装箱的方案数。取模。

$a_i$  不是个排列，可能有重。

错排改了改，每个物品的限制虽然还是一个，但限制可能有重复。

范围上看  $\mathcal{O}(n^2)$  就能过。

那我们考虑一下容斥，记  $A_i$  为每个箱子要装有恰好一个宝石的情况下，第  $i$  个宝石放在了第  $a_i$  个箱子的方案集合，方案数就是 
$$|\bigcap_{i=1}^n \bar{A}_i| = |S| - \sum_{i=1}^n |A_i| + \sum_{1 \leq i < j \leq n} |A_i \cap A_j| - \dots + (-1)^n |A_1 \cap \dots \cap A_n|$$

哦天哪，我们把所有  $j$  个  $A_i$  的交集的大小的和，记为  $S_j$  即有  $j$  个宝石放错，其余随便放的方案数。问题的答案就是 
$$\sum_{i=0}^n (-1)^i S_i$$

这个  $S_j$  很好算。记第  $i$  个箱子有  $b_i$  个宝石不能放，那么对于放错宝石的数量贡献与否，可以得到多项式 
$$\prod_i (1 + b_i x)$$

记展开的第  $i$  项系数为  $c_i$  即  $i$  个宝石放错的玩法。我们乘上其余宝石乱排的方案数，有  $S_i = c_i (n-i)!$

那个多项式展开就是个背包  $\mathcal{O}(n^2)$  DP 一下，剩下的都好做。

zzh's comment 多嘴一下 FFT 甚至可以做到  $\mathcal{O}(n \log^2 n)$

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:intrepidword:2020.05.22-2020.05.28\\_%E5%91%A8%E6%8A%A5&rev=1590765462](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:intrepidword:2020.05.22-2020.05.28_%E5%91%A8%E6%8A%A5&rev=1590765462)

Last update: 2020/05/29 23:17