

团队

2020.08.03 [2020牛客暑期多校训练营（第八场）](#) pro: 5/7/11 rk: 10/685

2020.08.01 [2020牛客暑期多校训练营（第七场）](#) pro: 8/8/10 rk: 5/1090

个人

zzh

专题

无

比赛

无

题目

无

pmxm

专题

无，哦

比赛

- 2020/7/24 [SRM 788](#) problems: 1/2/3 rank: 102/190
- 2020/7/25 [ABC: M-SOLUTIONS Programming Contest 2020](#) problems: 5/6/6 rank: 58/6527

题目

无哦

jsh

比赛

- 2020/7/24 [SRM 788](#) problems: 1/2/3 rank: 112/190
- 2020/7/24 [Codeforces Round #659 \(Div. 1\)](#) problems: 2/2/6 rank: 220/1169
- 2020/7/25 [ABC: M-SOLUTIONS Programming Contest 2020](#) problems: 5/6/6 rank: 281/6527
- 2020/7/29 [Educational Codeforces Round 92 \(Rated for Div. 2\)](#) problems: 6/6/7 rank: 55/13826
- 2020/7/30 [Codeforces Round #660 \(Div. 2\)](#) problems: 5/5/5 rank: 24/13083

专题

无

题目

无

本周推荐

zzh

[XVI Open Cup named after E.V. Pankratiev. GP of Ukraine J. Joining Powers](#)

Tags number theory, binary search

题意：见链接

题解：见链接

Comment：有点意思的数论，如果你看着指数最多 \$60\$，想着去暴搜，你就输了。

pmxm

Atcoder M-SOLUTIONS Programming Contest 2020 problem E

<https://img.atcoder.jp/m-solutions2020/editorial.pdf>

Tags search

题意：平面上若干个点已在x轴，y轴建设道路。定义点权重为点上的人数和到任意一条道路的最小距离之积。问假设可以再增加k条平行于x或y轴的道路。求最小点权和。

题解：一个简单的想法是暴力枚举在哪些点上建设道路 然后check这样的复杂度是 $2^n * n^3$ 的。其实预存一张表来记录每个点建设道路后的对其他点的更新，这样check的复杂度是 n^2 的。实际上可以 3^n 去枚举所有可能的情况(无道路，平行x轴，平行y轴。这样是 $3^n * n$ 的。

Comment : 考虑清楚 $3^n, 2^n * n^2$ 等复杂度和如何优化查询

jsh

Codeforces Round #660 (Div. 2) - E. Uncle Bogdan and Projections

[题目链接](#)

Tags : 几何 Convex Hull Trick

题意 : 有 $1 \leq n \leq 2,000$ 条在 x 轴上方、平行于 x 轴的线段。现在你可以让这些线段以相同的一个方向平移到 x 轴上, 就像一个平行光源打到了这些线段上, 然后在 x 轴上投影。但是要求投影之间不能相交。记投影的范围为最大坐标和最小坐标的差, 求投影之间不相交情况下, 最小的投影范围是多大。

题解

首先, 如果线段都在同一个水平线上, 那投影的范围是不会变的。所以以下我们考虑存在有至少一对线段, 所在高度是不同的。

记投影方向与 y 的负半轴的角度为 $\theta \in (-\pi, \pi)$ 容易得出点 (x, y) 的投影的横坐标为 $f_{x, y}(\theta) = x + y \tan\{\theta\}$

让 $u = \tan\{\theta\} \in \mathbb{R}$ 改写一下函数 $g_{x, y}(u) = x + y u$ 题目需要的就是在投影之间不相交情况下, 最小化所有线段上的点的函数值的最大值和最小值的差, 相当于线段端点的函数值的最大最小差。

一个显然的想法是取线段投影没有相交、但是存在几个投影恰好相切时候的角度来对答案进行更新。

因为在投影之间完全不相交也不相切的情况下, 角度逐渐偏左或偏右会让投影之间变化到恰好相切, 根据 $g_{x, y}(u)$ 容易知道在取恰好相切的时候是能够取到答案的局部极值点的 (极大或极小都有可能, 但总有一个极值点比所有没有相切的情况要优)。

好, 接下来我们需要能够知道, 在什么情况下, 才不会有投影相交。

容易发现一对高度不同的线段, 会在某个特定的角度区间出现投影相交的情况, 而求出来区间的左右端点刚好是这两个线段投影相切时候的角度。那我们 $\mathcal{O}(n^2)$ 处理出来所有的区间 (可以用分数类), 让端点为关键点, 排个序 $\mathcal{O}(n^2 \log n)$ 然后在扫描线过程中不计算存在有投影相交情况下的关键点即可。


你会想说单关键点计算时间复杂度 $\mathcal{O}(n)$ 不就爆了吗。

会发现 $g_{x, y}(u)$ 都是些直线。应用一下 [Convex Hull Trick](#), 我们就能在 $\mathcal{O}(\log n)$ 的时间内计算 $\mathcal{O}(n)$ 个线性函数在某个自变量下的最大值啦。开两个表, 一个 g 一个 $-g$ 在关键点各自取最大值求和即可。

时间复杂度 $\mathcal{O}(n^2 \log n)$

Comment : 为数不多能现场 AK 的比赛, 写一个 E 题的题解纪念一下。

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:intrepidword:2020.07.24-2020.07.30_%E5%91%A8%E6%8A%A5&rev=1596794535 

Last update: **2020/08/07 18:02**