

网络流入门

算法简介

几个概念

容量

每条边 (u,v) 都有一个权值 $c(u,v)$ 被称为容量，而当边不属于这个图时，容量为0

流

流满足以下几个条件：

容量限制：流经过边的流量不能超过该边的容量，即 $f(u,v) \leq c(u,v)$

斜对称性：每条边的流量与其相反边的流量之和为0，即 $f(u,v) = -f(v,u)$

流守恒性：从源点流出的流量等于汇点流入的流量

剩余容量

表示一条边的容量与流量之差 $c_f(u,v) = c(u,v) - f(u,v)$

残量网络

对于流函数 f 的残存网络 G_f 是网络 G 中所有结点和剩余容量大于0的边构成的子图。注意，剩余容量大于0的边可能不在原图中。可以理解为，残量网络中包括了那些还剩下流量空间的边构成的图，也包括虚边（即反向边）。

增广路

在原图中若一条从源点到汇点的路径上所有边的剩余容量都大于0，这条路叫做增广路。

对于网络流，现在主流的有 EK, Dinic, SAP, ISAP 算法

算法思想

我们先设点数为 n 边数为 m

\$EK\$

使用 \$BFS\$ 进行增广。

具体来说就是从源点一直 \$BFS\$ 走来走去，碰到汇点就停，然后进行增广，要注意一下流量合不合法。

增广方式：把找到的增广路再走一遍，走的时候把这条路的能够成的最大流量减下去，然后给答案加上最小流量。

增广的时候要注意建造反向边，原因是这条路不一定是最优的，这样子程序可以进行反悔。假如我们对这条路进行增广了，那么其中的每一条边的反向边的流量就是它的流量。

时间复杂度为 $O(nm^2)$ 效率较低。

\$Dinic\$

每次增广前，我们先用 BFS 来将图分层。设源点的层数为 \$0\$，那么一个点的层数便是它离源点的最近距离。

何时停止：如果不存在到汇点的增广路（即汇点的层数不存在），我们即可停止增广。

优化：

多路增广：在一次 DFS 中找出多条增广路。

当前弧优化：因为一条边最多可以被增广一次，所以我们下一次进行增广的时候，就可以不必再走那些已经被增广过的边。

时间复杂度为 $O(n^2m)$ 在稀疏图上效率和 \$EK\$ 算法相当，但在稠密图上效率要比 \$EK\$ 算法高很多。在求解二分图最大匹配问题时 \$Dinic\$ 算法的时间复杂度是 $O(m\sqrt{n})$

我们要确保找到的增广路是最短的，所以我们每次找增广路的时候，都只找比当前点层数多1的点进行增广（这样就可以确保我们找到的增广路是最短的）。

```
void addEdge(int i,int a,int b,ll c,int d) {
    u[i]=a;
    v[i]=b;
    w[i]=c;
    rev[i]=d;
    nex[i]=first[a];
    first[a]=i;
}
bool bfs(ll s,ll t) {
    memset(d,0x7fffffff,sizeof(d));
    memset(vis,0,sizeof(vis));
    Q.push(s);
    vis[s]=1;
    d[s]=0;
    while(Q.size()) {
        int p=Q.front();
```

```

    Q.pop();
    for(int i=first[p]; i!=-1; i=nex[i])
        if(!vis[v[i]] && w[i]>0) {
            vis[v[i]]=1;
            d[v[i]]=d[p]+1;
            Q.push(v[i]);
        }
    }
    return vis[t];
}
ll dfs(ll x,ll t,ll a) {
    if(x==t || a==0)return a;
    ll flow=0,f;
    for(ll& i=cur[x]; i!=-1; i=nex[i])
        if(d[x]+1==d[v[i]] && (f=dfs(v[i],t,min(a,w[i])))>0) {
            w[i]-=f;
            w[rev[i]]+=f;
            a-=f;
            flow+=f;
            if(a==0)break;
        }
    return flow;
}
ll Dinic(int s,int t) {
    ll flow=0;
    while(bfs(s,t)) {
        for(int i=1; i<=n; i++)cur[i]=first[i];
        flow+=dfs(s,t,oo);
    }
    return flow;
}

// 加边操作

for(int i=0; i<m; i++) {
    a=read();
    b=read();
    c=read();
    addEdge(2*i,a,b,c,2*i+1);
    addEdge(2*i+1,b,a,0,2*i);
}

```

\$ISAP\$

\$Dinic\$ 算法中，每次求完增广路之后要跑一遍 \$BFS\$ 分层。ISAP的策略是在反图中，从 \$t\$ 到 \$s\$ 点进行 \$BFS\$。

增广过程和 \$Dinic\$ 类似，选择比当前点层数少 \$1\$ 的点来增广，所以也存在当前弧优化。

但不同的是 ISAP 在找增广路的途中会完成下一步的分层，比如现在到了 s 号点，其层数为 d_s 结束这个点的增广过程后，遍历残量网络上 s 的所有出边，找到层最小的出点 j 然后令 $d_j = d_s + 1$ 当无出边时，则 $d_s = n$ 则当 $d_s \geq n$ 时，图上不存在增广路，此时即可终止算法。

ISAP 还存在 GAP 优化，记录层数为 s 的点的数量为 $\text{num}[s]$ 每当将一个点的层数从 x 更新到 y 时，要同时更新 num 数组的值，当某次更新之后，如果 $\text{num}[x] = 0$ 则图中出现断层，必然找不到增广路，则可以直接终止算法(将 d_s 标记为 n)

时间复杂度与 Dinic 等同，但是实际时间上优于 Dinic

```
inline void addedge(int u,int v,int val){
    node[++cnt].v=v;
    node[cnt].val=val;
    node[cnt].next=head[u];
    head[u]=cnt;
}

void bfs(){
    memset(dep,-1,sizeof(dep));
    memset(gap,0,sizeof(gap));
    dep[t]=0;
    gap[0]=1;
    queue<ll>q;
    q.push(t);
    while(!q.empty()){
        int u=q.front();
        q.pop();
        for(int i=head[u];i;i=node[i].next) {
            int v=node[i].v;
            if(dep[v]!=-1) continue;
            q.push(v);
            dep[v]=dep[u]+1;
            gap[dep[v]]++;
        }
    }
    return;
}

long long maxflow;
ll dfs(ll u,ll flow){
    if(u==t){
        maxflow+=flow;
        return flow;
    }
    ll used=0;
    for(int i=cur[u];i;i=node[i].next){
        cur[u]=i;
        ll d=node[i].v;
        if(node[i].val&&dep[d]+1==dep[u]){
            int mi=dfs(d,min(node[i].val,flow-used));
```

```

        if(mi){
            node[i].val -= mi;
            node[i^1].val += mi;
            used += mi;
        }
        if(used == flow) return used;
    }
}
--gap[dep[u]];
if(gap[dep[u]] == 0) dep[s] = n + 1;
dep[u]++;
gap[dep[u]]++;
return used;
}
long long ISAP(){
    maxflow = 0;
    bfs();
    while(dep[s] < n)        memcpy(cur, head, sizeof(head)), dfs(s, inf);
    return maxflow;
}

//加边操作

for(int i = 1; i <= m; i++){
    u = Read(); v = Read(); w = Read();
    addedge(u, v, w); addedge(v, u, 0);
}

```

预流推进

思想：从源点疯狂“灌水”，水不停流向汇点，能流多少流多少，最后汇点的水的量，就是最大流。

余流：每个点当前有多少水。

步骤：

假装源点有无限的水，并向周围的点推流，推的流量不能超过自身的余流，也不能超过边的容量，并让周围的点入队（ s 和 t 不能入队）。

不断取队首的元素，对队首元素进行推流。

队列为空的时候结束算法，此时汇点的余流即为最大流。

但是有可能会存在两个点之间来回推流，导致死循环。

于是我们需要给每个点设置一个高度，让水只从高出往低处走，在算法进行的时候，不断地对有余流的点更改高度（更新为与它相邻（算反向边）且最低的点的高度 + 1），直到这些点全部没有余流为止。而此时，因为两个点来回推流的时候，高度会不断上升，而超过 s 的高度之后，他们自动会把流还给 s 。这样就不会死循环了，而 s 的初始高度我们设为 n 即可。

奇慢无比，但是是下一个算法的基础。

\$HLPP\$

步骤：

从 s 到 t 反向 BFS 使得每个点有一个初始高度。

从 s 开始推流，将有余流的点放进优先队列，

不断从优先队列中取出高度最高的点进行推流操作，

如果还有余流，更新高度，重新放入优先队列

优先队列为空时结束算法的余流是最大流。

为什么相较于普通的预流推进变快了呢？首先我们用 BFS 预处理了高度，并且因为有优先队列，所以我们可以每次选用高度最高的点，这样大大减少了推流的次数。

优化：

GAP 优化，同 $ISAP$ 如果某个高度不存在，将所有比该高度高的节点标记为不可到达。（使它的高度为 $n+1$ 这样就会直接向 s 推流了）。

时间复杂度：理论上是 $O(n^2 \sqrt{m})$ 但是有较大常数，实际状况下，一般 $ISAP$ 已经够用。

```
inline void addEdge(const ll u, const ll v, const ll f) {
    a[u].push_back(edge(v, f, a[v].size()));
    a[v].push_back(edge(u, 0, a[u].size() - 1));
}
inline void relabel(ll n, ll t) {
    h.assign(n, n);
    h[t] = 0;
    cnt.assign(n, 0);
    que.clear();
    que.resize(n + 1);
    ll qh = 0, qt = 0;
    for(que[qt++] = t; qh < qt;) {
        ll u = que[qh++], het = h[u] + 1;
        for(Iterator p = a[u].begin(); p != a[u].end(); ++p) {
            if(h[p->to] == n && a[p->to][p->next].flow > 0) {
                cnt[h[p->to] = het]++;
                que[qt++] = p->to;
            }
        }
    }
    for(ll i = 0; i <= n; ++i) {
        llist[i].clear();
        dlist[i].clear();
    }
}
```

```

    for(ll u=0; u<n; ++u) {
        if(h[u]<n) {
            iter[u]=dlist[h[u]].insert(dlist[h[u]].begin(),u);
            if(e[u]>0)l1ist[h[u]].push_back(u);
        }
    }
    hst=(nowh=h[que[qt-1]]);
}
inline void push(ll u,edge &ed) {
    ll v=ed.to;
    ll df=min(e[u],ed.flow);
    ed.flow-=df;
    a[v][ed.next].flow+=df;
    e[u]-=df;
    e[v]+=df;
    if(0<e[v]&&e[v]<=df)l1ist[h[v]].push_back(v);
}
inline void push(ll n,ll u) {
    ll nh=n;
    for(Iterator p=a[u].begin(); p!=a[u].end(); ++p) {
        if(p->flow>0) {
            if(h[u]==h[p->to]+1) {
                push(u,*p);
                if(e[u]==0)return;
            } else nh=min(nh,h[p->to]+1);
        }
    }
    ll het=h[u];
    if(cnt[het]==1) {
        for(ll i=het; i<=hst; ++i) {
            for(List::iterator it=dlist[i].begin(); it!=dlist[i].end();
++it) {
                cnt[h[*it]]--;
                h[*it]=n;
            }
            dlist[i].clear();
        }
        hst=het-1;
    } else {
        cnt[het]--;
        iter[u]=dlist[het].erase(iter[u]);
        h[u]=nh;
        if(nh==n)return;
        cnt[nh]++;
        iter[u]=dlist[nh].insert(dlist[nh].begin(),u);
        hst=max(hst,nowh=nh);
        l1ist[nh].push_back(u);
    }
}
inline ll hlpp(ll n,ll s,ll t) {
    if(s==t)return 0;

```

```
nowh=0;
hst=0;
h.assign(n,0);
h[s]=n;
iter.resize(n);
for(ll i=0; i<n;
++i)if(i!=s)iter[i]=dlist[h[i]].insert(dlist[h[i]].begin(),i);
cnt.assign(n,0);
cnt[0]=n-1;
e.assign(n,0);
e[s]=INF;
e[t]=-INF;
for(ll i=0; i<(ll)a[s].size(); ++i)push(s,a[s][i]);
relabel(n,t);
for(ll u; nowh>=0;) {
    if(llist[nowh].empty()) {
        nowh--;
        continue;
    }
    u=llist[nowh].back();
    llist[nowh].pop_back();
    push(n,u);
}
return e[t]+INF;
}

// 加边操作

for(register int i=m; i>0; --i) {
    u=read(),v=read(),f=read();
    addEdge(u,v,f);
}
```

至此洛谷的两道模板题（基础版和加强版）结束

补充：最小割

由最大流最小割定理知，最小割等于最大流，如果求割边数量，则要将每条边的容量变为 1 ，重新跑最大流模板即可。

经典问题

现在有 n 个物品， 2 个集合 A 和 B 。如果将一个物品放入 A 集合产生了 a_i 的代价，放入 B 集合会产生 b_i 的代价，还有 m 个限制条件形如 u_i, v_i, w_i 。其表示如果 u_i, v_i 不在同一集合，会产生 w_i 的代价，每个物品必须且只能属于一个集合，求总共最

小代价。

对于放在集合 A 产生的代价，我们可以从源点 s 向这个点连一条容量为 a_i 的边，对于放在集合 B 产生的代价，我们可以从这个点向汇点 t 连一条容量为 b_i 的边，于是利用最小割的思想，因为一个点只能属于一个集合，所以两条边至少要有一条被选中，不然会有从 s 到 t 的流。

而对于最后一种情况，不妨设 u_i 在 A 集合里， v_i 在 B 集合里，所以现在是 $s \rightarrow u_i$ 和 $v_i \rightarrow t$ 有边，而想要承担 w_i 的代价，我们只需要在 u_i, v_i 之间连一条 w_i 的边，因为另一种情况也有可能，所以这条边要是双向的，于是图就构建完毕了。

代码练习

1. <https://www.luogu.com.cn/problem/P1345>

给定点总数 n ，边总数 m ，源点 s ，汇点 t ，边是双向边，问最少割掉多少个点才能让源点汇点失去联系

很明显是一个最小割，但这里割的是点不是边，于是需要拆点（太长时间不做连基本操作都忘了的 wz 是屑...）， s 到 n 是出点，分别对应坐标 $+n$ 的 $n+1$ 到 $2 \times n$ 是入点，对于正常的 m 条边，我们从 u 到 $v+n$ 连一条权值为 inf 的边，反向权值为 0 。因为是双向的，所以 v 到 $u+n$ 的边也是 inf 的，反向权值为 0 。为 inf 的原因是我们不要割掉这种边，我们的目的是割掉入点和出点之间的边，表示割掉这个点。而源点和汇点显然不需要割掉，所以对于其他的点我们都从入点到出点连一条正向为 1 反向为 0 的边。

```
while(~scanf("%d %d %d %d",&n,&m,&s,&t)) {
    cnt=1;
    memset(head,0,sizeof(head));
    ll u,v;
    for(int i=1;i<=n;i++){
        if(i==s||i==t){
            addedge(i+n,i,inf);
            addedge(i,i+n,0);
        }else{
            addedge(i+n,i,1);
            addedge(i,i+n,0);
        }
    }
    for(int i=1; i<=m; i++) {
        u=Read();
        v=Read();
        addedge(u,v+n,inf);
        addedge(v+n,u,0);
        addedge(v,u+n,inf);
        addedge(u+n,v,0);
    }
    n<<=1;
    printf("%lld\n",ISAP());
}
```

2. <https://www.luogu.com.cn/problem/P2857>

给定 n 只牛和 m 个牛棚 ($n \leq 1000, m \leq 20$)。每只牛都有自己的想法，将 m 个牛棚按照喜欢程度进行排序，最后给出 m 个牛棚的容量，求在所有的分配方案中，让牛所居牛棚的座次最高与最低的跨度最小

每只牛看做一个点，每个牛棚也看做一个点，再构造一个源点和汇点。首先牛棚容量是牛棚的点连到汇点，容量为牛棚容量。源点连到各个牛，容量为 1 ，最后是牛和牛棚中间的边。注意到答案具有单调性，可以二分解决，最小为 1 ，最大为 m 。对于每一个 mid 可以把从第 i 到第 $i+mid-1$ 的牛棚和所有的牛都连起来，容量为 1 ，如果跑出的最大流是 n 证明所有的牛都能分进去，二分继续。这样点数是 $O(n+m)$ ，边数是 $O(n \times m)$ ，二分次数是 $O(\log m)$ 的，每次要建 $O(m)$ 次图，但是由于各种玄学优化以及实际数据较水，所以个位数 m 就通过了。

```
bool check(int v) {
    for(int i=1; i<=m-v+1; i++) {
        cnt=1;
        memset(head,0,sizeof(head));
        s=m+n+1,t=m+n+2;
        for(int j=1; j<=n; j++) {
            addedge(s,j,1);
            addedge(j,s,0);
        }
        for(int j=1; j<=m; j++) {
            addedge(j+n,t,room[j]);
            addedge(t,j+n,0);
        }
        for(int j=1; j<=n; j++) {
            for(int k=i; k<=i+v-1; k++) {
                addedge(j,bj[j][k]+n,1);
                addedge(bj[j][k]+n,j,0);
            }
        }
        ll anss=ISAP();
        if(anss==n) return true;
    }
    return false;
}

int main() {
    while(~scanf("%d %d",&n,&m)) {
        for(int i=1; i<=n; i++) {
            for(int j=1; j<=m; j++) {
                scanf("%d",&bj[i][j]);
            }
        }
        for(int i=1; i<=m; i++) {
            scanf("%lld",&room[i]);
        }
        int l=1,r=m,ans=-1;
        while(l<=r) {
            int mid=l+r>>1;
```

```

        if(check(mid)) {
            ans=mid;
            r=mid-1;
        } else {
            l=mid+1;
        }
    }
    if(ans==-1) printf("%d\n",m);
    else printf("%d\n",ans);
}
return 0;
}

```

3. <https://www.luogu.com.cn/problem/CF387D>

定义一个有趣的图是：

1. 存在一个点 u 有自环
2. 这个点和其他所有点 v 都有边 (u,v) 和边 (v,u)
3. 其他所有点的入度和出度刚好为 2 。
4. 没有重边

保证输入没有重边

现在可以进行增加一条边或者删除一条边的操作，问给定一个图最少操作多少次才能把它变成一张有趣的图。

首先我们遍历每一个点，让它作为结点 u 对于自环和所有的那两条边，缺少则添加它。对于其他的点，因为要保证这些点的入度出度都为 2 ，因为有 $n-1$ 个点，发现正好要 $n-1$ 条边。并且相当于每一个点都只有一条边进入和一条边发出，所以我们可以拆点并用网络流或者二分图来解决。假设网络流跑出的结果是 $tmpans$ 代表最多有这些边是有用的，其他边要删去，所以要删掉原来和 u 无关的所有边的数量 $tmpans$ 还要补足 $n-1-tmpans$ 条边，并且补足这些边一定有一组解是满足题意的。三种答案加起来即为所求。复杂度 $O(mn^{\frac{3}{2}})$

```

int main() {
    while(~scanf("%d %d",&n,&m)) {
        for(int i=1,u,v; i<=m; i++) {
            u=Read();
            v=Read();
            mapp[u][v]++;
        }
        int final_ans=INT_MAX;
        for(int i=1; i<=n; i++) {
            int anss=0;
            if(!mapp[i][i]) anss++;
            for(int j=1; j<=n; j++) {
                if(j==i) continue;
                if(!mapp[j][i]) anss++;
                if(!mapp[i][j]) anss++;
            }
        }
    }
}

```

```
    }
    memset(head,0,sizeof(head));
    cnt=1;
    int cntt=0;
    for(int j=1; j<=n; j++) {
        if(j==i) continue;
        for(int k=1; k<=n; k++) {
            if(k==i) continue;
            if(mapp[j][k]) {
                cntt++;
                addedge(j,k+n,1);
                addedge(k+n,j,0);
            }
        }
    }
    s=i,t=i+n;
    for(int j=1;j<=n;j++){
        addedge(s,j,1);
        addedge(j,s,0);
    }
    for(int j=1;j<=n;j++){
        addedge(j+n,t,1);
        addedge(t,j+n,0);
    }
    ll tmp_ans=ISAP();
    //printf("%lld\n",tmp_ans);
    int qwq=cntt-tmp_ans+n-1-tmp_ans+anss;
    if(qwq<final_ans){
        final_ans=qwq;
    }
    //printf("%d %d\n",qwq,final_ans);
}
printf("%d\n",final_ans);
}
return 0;
}
```

4. <https://www.luogu.com.cn/problem/P1344>

给定 n 个点， 1 是源点， n 是汇点，给出 m 条有向边，每条边有割掉的代价，我们想让代价最小，并且找到代价最小的前提下割掉最少的边。

割掉最少的边貌似之前有提过，将所有的边权改为 1 ，跑一遍网络流，但是这样不一定是最大流。于是我们把原来的容量乘一个很大的权值最后再加 1 ，因为权值很大，剩下的 1 不会改变最大流的值（除以原来的权值即可），而又通过最小割的理论得到结果必然是切掉最少的边的结果。注意数据范围把 inf 设大一点即可。

```
int main() {
    while(~scanf("%d %d",&n,&m)) {
        ll w;
```

```

    cnt=1;
    for(int i=1,u,v; i<=m; i++) {
        u=Read();
        v=Read();
        scanf("%lld",&w);
        addedge(u,v,(m+1)*w+1);
        addedge(v,u,0);
    }
    s=1,t=n;
    ll tmp=ISAP();
    printf("%lld %lld\n",tmp/(m+1),tmp%(m+1));
}
return 0;
}

```

5. <https://www.luogu.com.cn/problem/P3153>

舞会上有 n 个男生和 n 个女生，每首曲子需要所有男女配对跳舞，但是有一些男女互相喜欢，其他的都是互相不喜欢，要求每个男生和每个女生最多只能和 k 个不喜欢的异性跳舞，问最多能有多少首舞曲？

答案显然具有单调性，因此二分解之，比如二分到 v □

难点是如何限制只能和 k 个不喜欢的异性跳舞，这里显然要把一个人拆成喜欢和不喜欢两个点，不然无法限制不喜欢这个点。

然后是男女喜欢的话就男喜欢连向女喜欢，容量为 1 。男女不喜欢是男不喜欢连女不喜欢，容量为 1 。

最后解决源点汇点以及喜欢不喜欢之间边的问题，因为是对不喜欢有限制，而对喜欢没限制，所以是源点连男喜欢 v 的边，然后男喜欢连男不喜欢 k 的边，女那边同理，跑一遍最大流，如果等于 $n \times v$ □ 则说明可以跳 v 首，反之不可，于是此题可解。

```

string str;
int mapp[52][52];

bool check(int v) {
    cnt=1;
    memset(head,0,sizeof(head));
    for(int i=1; i<=n; i++) {
        addedge(s,i,v);
        addedge(i,s,0);
        addedge(i,i+n,m);
        addedge(i+n,i,0);
        addedge(i+3*n,t,v);
        addedge(t,i+3*n,0);
        addedge(i+2*n,i+3*n,m);
        addedge(i+3*n,i+2*n,0);
    }
    for(int i=1; i<=n; i++) {
        for(int j=1; j<=n; j++) {
            if(mapp[i][j]) {

```

```
        addedge(i, j+3*n, 1);
        addedge(j+3*n, i, 0);
    } else {
        addedge(i+n, j+n*2, 1);
        addedge(j+n*2, i+n, 0);
    }
}
}
ll tmpans=ISAP();
if(tmpans==v*n) return true;
return false;
}

int main() {
    while(~scanf("%d %d",&n,&m)) {
        for(int i=1; i<=n; i++) {
            cin>>str;
            for(int j=0; j<n; j++) {
                if(str[j]=='Y') mapp[i][j+1]=1;
            }
        }
        int l=0, r=1e9, ans=0;
        s=4*n+1, t=4*n+2;
        while(l<=r) {
            int mid=(l+r)>>1;
            if(check(mid)) {
                l=mid+1;
                ans=mid;
            } else {
                r=mid-1;
            }
        }
        printf("%d\n", ans);
    }
    return 0;
}
```

6. <https://www.luogu.com.cn/problem/P3872>

给出 N 部电影和依赖总数 M 。某人每部电影都有一个体验值，依赖关系指的是对于一个有序对 (A, B) 和一个值 C 。如果看了 A 没看 B ，则体验值减少 C 。求最大体验值。这里原始的体验值范围是 $[-1000, 1000]$ 。电影数不超过 100 。

有负数怎么建图呢？这里对于体验值正的电影，我们从源点连到这个电影代表的点，负数先不管，对于有序对 (A, B) 和值 C 。我用直觉从 A 到 B 连了一个权值为 C 的边。

剩下是原始体验值为负的情况，貌似还没出现汇点，我尝试着把这些点连向汇点，权值为给定值的相反数。这时如果对这张图跑最大流，最小割貌似是将所有的体验值正的电影选定的情况下，为了保证最后体验值最大，舍弃的最少的情况。

具体地说，舍弃从源点开始的边表示退掉体验值为正的那部电影，舍弃电影之间的边表示就是看 A 不看

\$B\$ 舍弃到汇点的边表示为了不舍弃 \$C\$ 而看 \$B\$ 所以用正的总量-最小割即为所求。

```
int main() {
    while(~scanf("%d %d",&n,&m)) {
        cnt=1;
        s=n+1,t=n+2;
        ll sum=0;
        for(int i=1,tmp; i<=n; i++) {
            tmp=Read();
            if(tmp>0) {
                addedge(s,i,tmp);
                addedge(i,s,0);
                sum+=tmp;
            } else {
                addedge(i,t,-tmp);
                addedge(t,i,0);
            }
        }
        for(int i=1,u,v,w;i<=m;i++){
            u=Read();v=Read();w=Read();
            addedge(u,v,w);
            addedge(v,u,0);
        }
        printf("%lld\n",sum-ISAP());
    }
    return 0;
}
```

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:%E7%8E%BB%E6%99%BA%E5%BD%AA:%E7%BD%91%E7%BB%9C%E6%B5%81%E5%85%A5%E9%97%A8&rev=1626252403

Last update: 2021/07/14 16:46