

[比赛链接](#)

## 补题情况

题目	蒋贤蒙	王赵安	王智彪
A	0	0	0
B	2	0	0
C	0	0	0
D	0	0	0
E	0	0	0
G	0	0	0
J	2	0	0
K	0	0	0

## 题解

### B. xay loves monotonicity

#### 题意

给定一个序列  $A$  和序列  $B$  其中  $0 \leq b_i \leq 1$  接下来三种操作：

1.  $a_i \leftarrow t$
2. 对  $i \in [r]$   $b_i \leftarrow b_i + 1$
3. 给定  $l, r$  选取最长下标序列  $i_1 \leq i_2 \leq \dots \leq i_k \in [r]$  满足  $a_{i_1} \leq a_{i_2} \leq \dots \leq a_{i_k}$  且对任意  $i_t < i_{t+1}$  有  $a_{i_t} < a_{i_{t+1}}$

对每个操作  $s$ ，输出  $b_{i_t} \neq b_{i_{t+1}}$  的个数。

#### 题解

设  $ma(L, R) = \max(a[L \sim R])$ ,  $mb(L, R)$  表示  $ma(L, R)$  对应的  $b_i$  如果存在多个就取最右边的。

设  $\text{query}(L, R, p, q)$  表示假如当前序列末尾对应  $a_i = p, b_i = q$  时遍历区间  $(L, R)$  得到的答案。

于是，如果  $a_i > ma(L, M)$  则  $\text{query}(L, R, p, q) = \text{query}(M+1, R, p, q)$

否则，有  $\text{query}(L, R, p, q) = \text{query}(L, M, p, q) + \text{query}(M+1, R, ma(L, M), mb(L, M))$

建立线段树，每个区间维护  $\text{query}(M+1, R, ma(L, M), mb(L, M))$

这样，对一个询问，如果该询问正好对应一个线段树区间，则查询复杂度  $O(\log n)$

否则，将该询问拆分成  $O(\log n)$  个线段树区间，串联查询计算答案，时间复杂度  $O(\log^2 n)$

对与修改操作，修改完暴力询问更新  $\text{query}(M+1, R, ma(L, M), mb(L, M))$  由于这是线段树区间，

所以复杂度为  $O(\log n)$

所以修改的总复杂度也是  $O(\log^2 n)$  总时间复杂度  $O(n \log n + q \log^2 n)$

ps. 比赛写了  $O(nq)$  的假算法，居然过了。

```
const int MAXN=2e5+5;
int a[MAXN],b[MAXN];
int lef[MAXN<<2],rig[MAXN<<2],s[MAXN<<2],tag[MAXN<<2];
struct Node{
    int a,b;
}mv[MAXN<<2];
Node Max(Node L,Node R){
    if(L.a>R.a)
        return L;
    else
        return R;
}
void push_tag(int k){
    mv[k].b^=1;
    tag[k]^=1;
}
void push_down(int k){
    if(tag[k]){
        push_tag(k<<1);
        push_tag(k<<1|1);
        tag[k]=0;
    }
}
int query(int k,int a,int b){
    if(lef[k]==rig[k])
        return mv[k].a>=a&&mv[k].b!=b;
    push_down(k);
    if(a<=mv[k<<1].a)
        return query(k<<1,a,b)+s[k];
    else
        return query(k<<1|1,a,b);
}
void push_up(int k){
    mv[k]=Max(mv[k<<1],mv[k<<1|1]);
    s[k]=query(k<<1|1,mv[k<<1].a,mv[k<<1].b);
}
void build(int k,int L,int R){
    lef[k]=L,rig[k]=R;
    int M=L+R>>1;
    if(L==R){
        mv[k]=Node{a[M],b[M]};
        return;
    }
    build(k<<1,L,M);
```

```

    build(k<<1|1,M+1,R);
    push_up(k);
}
Node query_max(int k,int L,int R){
    if(L<=lef[k]&&rig[k]<=R)
        return mv[k];
    push_down(k);
    int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
    if(mid>=R)
        return query_max(k<<1,L,R);
    else if(mid<L)
        return query_max(k<<1|1,L,R);
    else
        return Max(query_max(k<<1,L,R),query_max(k<<1|1,L,R));
}
int query(int k,int L,int R,int a,int b){
    if(L<=lef[k]&&rig[k]<=R)
        return query(k,a,b);
    push_down(k);
    int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
    if(mid>=R)
        return query(k<<1,L,R,a,b);
    else if(mid<L)
        return query(k<<1|1,L,R,a,b);
    else{
        Node t=query_max(k<<1,L,R);
        if(a<=t.a)
            return query(k<<1,L,R,a,b)+query(k<<1|1,L,R,t.a,t.b);
        else
            return query(k<<1|1,L,R,a,b);
    }
}
void update1(int k,int pos,int v){
    if(lef[k]==rig[k]){
        mv[k].a=v;
        return;
    }
    push_down(k);
    int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
    if(mid>=pos)
        update1(k<<1,pos,v);
    else
        update1(k<<1|1,pos,v);
    push_up(k);
}
void update2(int k,int L,int R){
    if(L<=lef[k]&&rig[k]<=R){
        push_tag(k);
        return;
    }
    push_down(k);

```

```
int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
if(mid>=L)
update2(k<<1,L,R);
if(mid<R)
update2(k<<1|1,L,R);
push_up(k);
}
int main(){
int n=read_int();
_rep(i,1,n)a[i]=read_int();
_rep(i,1,n)b[i]=read_int();
build(1,1,n);
int q=read_int();
while(q--){
int opt=read_int(),t1=read_int(),t2=read_int();
if(opt==1)
update1(1,t1,t2);
else if(opt==2)
update2(1,t1,t2);
else{
if(t1==t2)
enter(0);
else{
Node t=query_max(1,t1,t1);
enter(query(1,t1+1,t2,t.a,t.b));
}
}
}
return 0;
}
```

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal\\_string:%E7%BB%84%E9%98%9F%E8%AE%AD%E7%BB%83%E6%AF%94%E8%B5%9B%E8%AE%B0%E5%BD%95:contest12&rev=1628471887](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:%E7%BB%84%E9%98%9F%E8%AE%AD%E7%BB%83%E6%AF%94%E8%B5%9B%E8%AE%B0%E5%BD%95:contest12&rev=1628471887)

Last update: 2021/08/09 09:18