

dp的优化

一、单调队列优化

单调队列优化，可以降低诸如 $dp[i]=\max\{dp[j]\}+C[i](1\leq j < i)$ 这样的动态转移方程的时间复杂度。主要的原理就是利用一个单调队列来维护 $dp[i]$ 的最值。

一道例题

[洛谷p2627](#)

我们不难写出动态转移方程 $dp[i]=\left\{\begin{aligned} \sum[i], & i\leq k \\ \max\{dp[j-1]+sum[i]-sum[j]\}, & (i-k\leq j\leq i, i>k) \end{aligned}\right.$

答案为 $ans=\max\{dp[i]\}$

但是时间复杂度为 $O(nk)$ 显然会超时

注意到 $sum[i]$ 可以直接提出，即 $dp[i]=\max\{dp[j]\}+sum[i]$ 所以我们只需用一个单调队列来维护 $dp[i]$ 的最值，复杂度可以降低为 $O(n)$

代码

```
#include <stdio.h>
#include <iostream>
using namespace std;
int n,k;
long long e[100001];
long long dp[100001];
long long sum[100001];
int q[100001];
int front=0,tail=1;
long long a(int now)
{
    return dp[now-1]-sum[now];
}
int main()
{
    scanf("%d %d",&n,&k);
    int rec=0;
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        scanf("%lld",&e[i]);
        sum[i]=sum[i-1]+e[i];
    }
    for (int i=1;i<=n;i++)
    {
        while (front<=tail&&q[front]<i-k)
```

```
front++;  
dp[i]=a(q[front])+sum[i];  
while (front<=tail&&(q[tail])<=a(i))  
tail--;  
q[++tail]=i;  
}  
long long ans=0;  
for (int i=1;i<=n;i++)  
ans=max(ans,dp[i]);  
printf("%lld",ans);  
return 0;  
}
```

练习

[洛谷p3957](#)

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:dp%E7%9A%84%E4%BC%98%E5%8C%96&rev=1588752375

Last update: 2020/05/06 16:06