

动态规划 1

数位DP

算法简介

一般用于处理形如区间 $[l,r]$ 中满足条件的数有几个之类问题。

算法思想

首先考虑将区间 $[l,r]$ 拆分成 $[0,r]-[0,l]$

考虑记忆化搜索，一般搜索函数为 $f(pos,s,eq,zero)$

其中 pos 表示当前搜索位置， s 表示前缀状态， eq 表示前缀是否与查询上界相等， $zero$ 表示是否有前导零。

算法练习

[洛谷p2657](#)

题意

询问区间 $[l,r]$ 中满足相邻数位之差至少为 2 的数的个数。

题解

```
int a[10],dp[10][10];
int dfs(int pos,int pre,bool eq,bool zero){
    if(!pos)return 1;
    if(!eq&&~dp[pos][pre])return dp[pos][pre];
    int ans=0,v=eq?a[pos]:9;
    _rep(i,0,v){
        if(!zero&&abs(i-pre)<2)
            continue;
        ans+=dfs(pos-1,i,eq&&i==a[pos],zero&&i==0);
    }
    if(!eq&&!zero)dp[pos][pre]=ans;
    return ans;
}
int solve(int n){
    int len=0;
    mem(dp,-1);
```

```
while(n){  
    a[++len]=n%10;  
    n/=10;  
}  
return dfs(len,0,true,true);  
}  
int main()  
{  
    int a=read_int(),b=read_int();  
    printf("%d",solve(b)-solve(a-1));  
    return 0;  
}
```

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E5%8A%A8%E6%80%81%E8%A7%84%E5%88%92_1&rev=1596109786

Last update: 2020/07/30 19:49