

# 多项式 3

## 分治 FFT

### 算法简介

$O(n \log^2 n)$  时间解决一些难以直接使用 FFT 解决的问题。

### 算法例题

[洛谷p4721](#)

#### 题意

给定  $g_0, g_1, \dots, g_{n-2}$

已知  $f_0=1, f_{i+1}=\sum_{j=0}^i f_j g_{i-j}$  求  $f_0, f_1, \dots, f_{n-1}$

#### 题解

发现转移过程可以用 CDQ 分治优化，区间  $[\text{lef}, \text{mid}]$  对区间  $[\text{mid}, \text{rig}]$  的贡献为

$f_{i+1} \gets \sum_{j=\text{lef}}^{\text{mid}} f_j g_{i-j}$

套用 NTT 可以  $O(n \log n)$  求出  $\sum_{j=\text{lef}}^{\text{mid}} f_j g_{i-j}$ , ( $\text{mid} \leq i < \text{rig}$ ) 于是总时间复杂度为  $O(n \log^2 n)$

```
const int MAXN=1e5+5,Mod=998244353,G=3,Inv_G=332748118;
int quick_pow(int a,int b){
    int ans=1;
    while(b){
        if(b&1)
            ans=1LL*ans*a%Mod;
        a=1LL*a*a%Mod;
        b>>=1;
    }
    return ans;
}
int rev[MAXN<<2];
int build(int k){
    int n, pos=0;
    while((1<<pos)<=k) pos++;
    n=1<<pos;
    _for(i,0,n) rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)<<(pos-1));
}
```

```
    return n;
}

void NTT(int *f,int n,int type){
    for(i,0,n)if(i<rev[i])
        swap(f[i],f[rev[i]]);
    int t1,t2;
    for(int i=1;i<n;i<<=1){
        int w=quick_pow(type==1?G:Inv_G,(Mod-1)/(i<<1));
        for(int j=0;j<n;j+=(i<<1)){
            int cur=1;
            for(k,j,j+i){
                t1=f[k],t2=1LL*cur*f[k+i]%Mod;
                f[k]=(t1+t2)%Mod,f[k+i]=(t1-t2)%Mod;
                cur=1LL*cur*w%Mod;
            }
        }
    }
    if(type==-1){
        int div=quick_pow(n,Mod-2);
        for(i,0,n)
            f[i]=(1LL*f[i]*div%Mod+Mod)%Mod;
    }
}
int f[MAXN],g[MAXN],t1[MAXN<<2],t2[MAXN<<2];
void solve(int lef,int rig){
    if(lef==rig) return;
    int mid=lef+rig>>1;
    solve(lef,mid);
    int n1=mid-lef,n2=rig-lef-1,n=build(n1+n2);
    rep(i,0,n1)t1[i]=f[i+lef];for(i,n1+1,n)t1[i]=0;
    rep(i,0,n2)t2[i]=g[i];for(i,n2+1,n)t2[i]=0;
    NTT(t1,n,1);NTT(t2,n,1);
    for(i,0,n)t1[i]=1LL*t1[i]*t2[i]%Mod;
    NTT(t1,n,-1);
    for(i,mid,rig)f[i+1]=(f[i+1]+t1[i-lef])%Mod;
    solve(mid+1,rig);
}
int main()
{
    int n=read_int();
    for(i,0,n-1)
        g[i]=read_int();
    f[0]=1;
    solve(0,n-1);
    for(i,0,n)
        space(f[i]);
    return 0;
}
```

## 多项式求逆

洛谷 p4238

## 算法简介

给定  $f(x)$  求  $f(x)f^{-1}(x) \equiv 1 \pmod{x^n}$  时间复杂度  $O(n \log n)$

算法实现

假设已知  $f(x) \equiv 1 \pmod{x^{\lceil \frac{n}{2} \rceil}}$

由于  $f(x) \equiv -1 \pmod{x^n}$  显然有  $f(x) \equiv 1 \pmod{x^{\lfloor \frac{n}{2} \rfloor}}$

于是  $f^{-1}(x) - f_0^{-1}(x) \equiv 0 \pmod{x^{\lfloor \frac{n}{2} \rfloor}}$

两倍同时平方，有  $f^2(x) - 2f'(x)f_0 + f_0^2 \equiv 0 \pmod{x^n}$

两边同时乘以  $f(x)$  有  $f^{\wedge \{-1\}}(x) \equiv f_0^{\wedge \{-1\}}(x)(2-f(x)f_0^{\wedge \{-1\}}(x)) \pmod{x^n}$

现在考虑逆元存在条件，发现只要  $[x^0]f(x)$  的逆元存在，就可以递推出  $f(x)$  的逆元。

于是  $f^{-1}(x)$  存在等价于  $\left(x^0 f(x)\right)^{-1}$  存在。

时间复杂度有  $T(n) = T\left(\frac{n}{2}\right) + O(n \log n)$  于是  $T(n) = O(n \log n)$

递归版与递推版效率相差不大。

```

//递归版
int temp[MAXN<<2];
void polyinv(int *f,int *g,int n){
    if(n==1)
        return g[0]=quick_pow(f[0],Mod-2),void();
    polyinv(f,g,(n+1)>>1);
    int m=build(n<<1);
    _for(i,0,n)temp[i]=f[i];_for(i,n,m)temp[i]=0;
    NTT(temp,m,1);NTT(g,m,1);
    _for(i,0,m)g[i]=(2-1LL*temp[i]*g[i]%Mod)*g[i]%Mod;
    NTT(g,m,-1);
    _for(i,n,m)g[i]=0;
}
//递推版
int temp[MAXN<<2];
void polyinv(int *f,int *g,int n){
    g[0]=quick_pow(f[0],Mod-2);
    int n1=2,n2=4,pos=2;
    while((n1>>1)<n){
        for(i,0,n2)rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)<<(pos-1));

```

```
_for(i,0,n1)temp[i]=f[i];_for(i,n1,n2)temp[i]=0;
NTT(temp,n2,1);NTT(g,n2,1);
_for(i,0,n2)g[i]=(2-1LL*temp[i]*g[i]%Mod)*g[i]%Mod;
NTT(g,n2,-1);
_for(i,n1,n2)g[i]=0;
n1<<=1,n2<<=1,post++;
}
n1>>=1;
_for(i,n,n1)g[i]=0;
}
```

## 多项式开根

洛谷p5277

### 算法简介

给定  $g(x)$  求  $f^2(x) \equiv g(x) \pmod{x^n}$  时间复杂度  $O(n \log n)$

### 算法实现

假设已知  $f_0^2(x) \equiv g(x) \pmod{x^{\lceil \frac{n}{2} \rceil}}$

两边平方，有  $(f_0^2(x) - g(x)) \equiv 0 \pmod{x^n}$

两边加上  $4f_0^2(x)g(x)$  有  $(f_0^2(x) + g(x))^2 \equiv 4f_0^2(x)g(x) \pmod{x^n}$

两边除以  $4f_0^2(x)$  有  $\left(\frac{f_0^2(x) + g(x)}{2f_0^2(x)}\right)^2 \equiv g(x) \pmod{x^n}$

于是有  $f(x) \equiv \frac{f_0^2(x) + g(x)}{2f_0^2(x)} \pmod{x^n}$

现在考虑  $f(x)$  存在条件，发现只要  $([x^0]f(x))^2 \equiv [x^0]g(x) \pmod p$  有解即可。

考虑  $\text{BSGS}$  求出  $[x^0]g(x)$  对应原根的幂次，即可得到  $[x^0]f(x)$

```
HASH_Table<int,int> H;
int bsgs(int a,int b){
    H.clear();
    int m=sqrt(Mod)+1,t=b,base;
    for(int i=1;i<=m;i++){
        t=1LL*t*a%Mod;
        H.insert(t,i);
    }
    t=1,base=quick_pow(a,m);
    for(int i=1;i<=m;i++){
        t=1LL*t*base%Mod;
```

```

        if(H.find(t)!=-1) return m*i-H.find(t);
    }
    return -1;
}
int temp[MAXN<<2],inv_f[MAXN<<2];
void polysqrt(int *f,int *g,int n){
    f[0]=quick_pow(3,bsgs(3,g[0])/2);
    int n1=2,n2=4,pos=2,inv2=quick_pow(2,Mod-2);
    while((n1>>1)<n){
        _for(i,0,n2)rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)<<(pos-1));
        _for(i,0,n2)inv_f[i]=0;
        ployinv(f,inv_f,n1);
        _for(i,0,n1)temp[i]=g[i];_for(i,n1,n2)temp[i]=0;
        NTT(inv_f,n2,1);NTT(temp,n2,1);
        _for(i,0,n2)temp[i]=1LL*temp[i]*inv_f[i]%Mod;
        NTT(temp,n2,-1);
        _for(i,0,n1)f[i]=1LL*(f[i]+temp[i])*inv2%Mod;
        n1<<=1,n2<<=1,pos++;
    }
    n1>>=1;
    _for(i,n,n1)f[i]=0;
}

```

## 多项式对数函数

[洛谷p4725](#)

### 算法简介

给定  $f(x)$  求模  $x^n$  意义下的  $\ln f(x)$  时间复杂度  $O(n \log n)$

### 算法实现

$$\begin{aligned} &\mathrm{d}(\ln f(x)) \equiv \frac{f'(x)}{f(x)} \mathrm{d}x \pmod{x^n} \\ &\ln f(x) - \ln f(0) \equiv \int_0^x f'(t) f^{-1}(t) \mathrm{d}t \pmod{x^n} \end{aligned}$$

由于一般只考虑  $f(0)=1$  的情况，同时易知  $\int f'(x) f^{-1}(x) \mathrm{d}x$  常数项为  $0$ ，于是有

$$\ln f(x) \equiv \int f'(x) f^{-1}(x) \mathrm{d}x \pmod{x^n}$$

```

int inv_f[MAXN<<2];
void polyn(int *f,int n){
    mem(inv_f,0);
    ployinv(f,inv_f,n);
    int m=build((n-1)<<1);
    _rep(i,1,n)f[i-1]=1LL*f[i]*i%Mod;_for(i,n,m)f[i]=0;
}

```

```
NTT(f,m,1);NTT(inv_f,m,1);
    _for(i,0,m)f[i]=1LL*f[i]*inv_f[i]%Mod;
    NTT(f,m,-1);
    for(int i=n-1;i>=0;i--)f[i]=1LL*f[i-1]*quick_pow(i,Mod-2)%Mod;
    f[0]=0;
    _for(i,n,m)f[i]=0;
}
```

## 多项式牛顿迭代法

### 算法简介

给定多项式  $g(x)$  求  $f(x)$  满足  $g(f(x)) \equiv 0 \pmod{x^n}$  时间复杂度  $O(n \log n)$

### 算法实现

首先单独求出  $[x^0]g(f(x)) \equiv 0 \pmod{x}$  假设已知  $g(f_0(x)) \equiv 0 \pmod{x^{\lceil \frac{n}{2} \rceil}}$

将  $g(x)$  在  $f_0(x)$  处泰勒展开，有

$$\sum_{i=0}^{\infty} \frac{g^{(i)}(f_0(x))}{i!} (f(x) - f_0(x))^i \equiv 0 \pmod{x^n}$$

同时有  $x^{\lceil \frac{n}{2} \rceil} \mid (f(x) - f_0(x))$  于是有  $(f(x) - f_0(x))^i \equiv 0 \pmod{x^n} (i \geq 2)$

$$\sum_{i=0}^{\infty} \frac{g^{(i)}(f_0(x))}{i!} (f(x) - f_0(x))^i \equiv g(f_0(x)) + g'(f_0(x))(f(x) - f_0(x)) \pmod{x^n}$$

$$f(x) \equiv f_0(x) - \frac{g(f_0(x))}{g'(f_0(x))} \pmod{x^n}$$

准确来说这里把  $f_0(x)$  当成了变元  $y$   $g'(f_0(x)) = \frac{\partial g}{\partial y}(y, x)$

举个例子  $g(f_0(x)) = g(y, x) = xy + x^2 + x = \frac{\partial g}{\partial y}(f_0(x)) + x^2 + x$   $g'(f_0(x)) = \frac{\partial g}{\partial y}(y, x) = -\frac{\partial g}{\partial x}(y, x) = -\frac{\partial g}{\partial x}(f_0(x))$

## 多项式指数函数

洛谷 p4726

### 算法简介

给定  $f(x)$  求模  $x^n$  意义下的  $\exp f(x)$  时间复杂度  $O(n \log n)$

## 算法实现

考虑牛顿迭代法，设  $F(x) \equiv \exp f(x) \pmod{x^n}$  于是有  $g(F(x)) \equiv \ln F(x) - f(x) \equiv 0 \pmod{x^n}$

$$\$F(x) \equiv F_0(x) - \frac{g(F_0(x))}{g'(F_0(x))} \equiv F_0(x) - \frac{\ln F_0(x) - f(x)}{1 + f'(x)} \pmod{x^n}$$

```

int ln_g[MAXN<<2];
void polyexp(int *f, int *g, int n){
    g[0]=1;
    int n1=2, n2=4, pos=2;
    while((n1>>1)<n){
        _for(i, 0, n1>>1) ln_g[i]=g[i]; _for(i, n1>>1, n2) ln_g[i]=0;
        ployln(ln_g, n1);
        ln_g[0]=(1+f[0]-ln_g[0])%Mod;
        _for(i, 1, n1) ln_g[i]=(f[i]-ln_g[i])%Mod;
        _for(i, 0, n2) rev[i]=(rev[i>>1]>>1) | ((i&1)<<(pos-1));
        NTT(g, n2, 1); NTT(ln_g, n2, 1);
        _for(i, 0, n2) g[i]=1LL*g[i]*ln_g[i]%Mod;
        NTT(g, n2, -1);
        _for(i, n1, n2) g[i]=0;
        n1<<=1, n2<<=1, pos++;
    }
    n1>>=1;
    _for(i, n, n1) g[i]=0;
}

```

## 多项式快速幂

[洛谷p5273](#)

### 算法简介

给定  $f(x)$  求模  $x^n$  意义下的  $f^k(x)$  时间复杂度  $O(n \log n)$

### 算法实现

考虑取对数将幂次运算转化为乘法运算加速算法。而多项式取对数存在  $[x^0]f(x)=1$  的限制，大多数情况下无法直接套用。

于是考虑选取  $f(x)$  第一个非零的项，即为  $a_tx^t$  然后提取出  $a_tx^t$  得到下式

$$\$f^k(x) \equiv a_t^k x^{tk} \exp(\left(k \ln \frac{f(x)}{a_t x^t}\right)) \pmod{x^n}$$

注意到如果  $k$  为高精度数，需要同时记录  $k \bmod p-1$  和  $k \bmod p$  的结果。

其中计算  $a_t^k$  需要  $k \bmod (p-1)$  计算  $k \ln \frac{f(x)}{a_tx^t}$  需要  $k \bmod p$  同时考虑提前处理  $x^{tk}$  次数大于  $x^n$  的情况。

```
int ln_f[MAXN<<2];
void polypow(int *f, int n, int k1, int k2) {
    LL pos=0, posv;
    while(!f[pos] && pos<n) pos++;
    if(pos==n) return;
    posv=quick_pow(f[pos], Mod-2);
    _for(i, pos, n) ln_f[i-pos]=f[i]*posv%Mod, f[i]=0;
    _for(i, n-pos, n) ln_f[i]=0;
    ployln(ln_f, n);
    _for(i, 0, n) ln_f[i]=1LL*ln_f[i]*k1%Mod;
    ployexp(ln_f, f, n);
    pos=pos*k2; posv=quick_pow(posv, 1LL*k2*(Mod-2)%(Mod-1));
    for(int i=n-1; i>=pos; i--) f[i]=f[i-pos]*posv%Mod;
    pos=min(pos, 1LL*n);
    _for(i, 0, pos) f[i]=0;
}
```

## 多项式除法

洛谷p4512

### 算法简介

给定  $f(x), g(x)$  不妨记  $\deg(f)=n, \deg(g)=m, n \geq m$  在  $O(n \log n)$  时间内求  $q(x), r(x)$  满足  $f(x) = q(x)g(x) + r(x)$  且  $\deg(q)=n-m, \deg(r) < m$

### 算法实现

构造函数  $f^R(x) = x^{\deg(f)} f(\frac{1}{x})$  易知  $f^R(x)$  与  $f(x)$  系数恰好颠倒，可以  $O(n)$  相互转化。

根据已知，有

$$f\left(\frac{1}{x}\right) = q\left(\frac{1}{x}\right)g\left(\frac{1}{x}\right) + r\left(\frac{1}{x}\right)$$

将上式两边同时乘以  $x^n$  有

$$f^R(x) = q^R(x)g^R(x) + x^{n-\deg(r)}r^R(x)$$

由于  $n - \deg(r) \geq n-m+1$  于是有

$$f^R(x) \equiv q^R(x)g^R(x) \pmod{x^{n-m+1}}$$

于是可以利用多项式求逆求出  $q^R(x)$  然后据此求出  $q(x), r(x)$

```

int temp1[MAXN<<2],temp2[MAXN<<2];
void polydiv(int *f,int *g,int *q,int *r,int n,int m){
    _for(i,0,n)temp1[i]=f[n-1-i];
    _for(i,0,m)temp2[i]=g[m-1-i];
    ployinv(temp2,q,n-m+1);
    int N=build(2*n-m-1);
    NTT(q,N,1);NTT(temp1,N,1);
    _for(i,0,N)q[i]=1LL*q[i]*temp1[i]%Mod;
    NTT(q,N,-1);
    _for(i,0,N)temp1[i]=temp2[i]=0;
    for(int i=0,j=n-m;i<j;i++,j--)swap(q[i],q[j]);
    _for(i,n-m+1,N)q[i]=0;
    _for(i,0,n-m+1)temp1[i]=q[i];
    _for(i,0,m)temp2[i]=g[i];
    N=build(n-1);
    NTT(temp1,N,1);NTT(temp2,N,1);
    _for(i,0,N)temp1[i]=1LL*temp1[i]*temp2[i]%Mod;
    NTT(temp1,N,-1);
    _for(i,0,m-1)r[i]=(f[i]+Mod-temp1[i])%Mod;
    _for(i,0,N)temp1[i]=temp2[i]=0;
}

```

## 多项式板子汇总

```

namespace Poly{
    const int G=3;
    int rev[MAXN<<2],Wn[30][2];
    void init(){
        int m=Mod-1,lg2=0;
        while(m%2==0)m>>=1,lg2++;
        Wn[lg2][1]=quick_pow(G,m);
        Wn[lg2][0]=quick_pow(Wn[lg2][1],Mod-2);
        while(lg2){
            m<<=1,lg2--;
            Wn[lg2][0]=1LL*Wn[lg2+1][0]*Wn[lg2+1][0]%Mod;
            Wn[lg2][1]=1LL*Wn[lg2+1][1]*Wn[lg2+1][1]%Mod;
        }
    }
    int build(int k){
        int n,pos=0;
        while((1<<pos)<=k)pos++;
        n=1<<pos;
        _for(i,0,n)rev[i]=(rev[i>>1]>>1)|((i&1)<<(pos-1));
        return n;
    }
    void NTT(int *f,int n,bool type){
        _for(i,0,n)if(i<rev[i])
            swap(f[i],f[rev[i]]);
        int t1,t2;

```

```
for(int i=1,lg2=0;i<n;i<=<1,lg2++){
    int w=Wn[lg2+1][type];
    for(int j=0;j<n;j+=(i<<1)){
        int cur=1;
        for(k,j,j+i){
            t1=f[k],t2=1LL*cur*f[k+i]%Mod;
            f[k]=(t1+t2)%Mod,f[k+i]=(t1-t2)%Mod;
            cur=1LL*cur*w%Mod;
        }
    }
    if(!type){
        int div=quick_pow(n,Mod-2);
        for(i,0,n)f[i]=(1LL*f[i]*div%Mod+Mod)%Mod;
    }
}
void Mul(int *f,int _n,int *g,int _m,int xmod=0){
    int n=build(_n+_m-2);
    for(i,_n,n)f[i]=0;for(i,_m,n)g[i]=0;
    NTT(f,n,true);NTT(g,n,true);
    for(i,0,n)f[i]=1LL*f[i]*g[i]%Mod;
    NTT(f,n,false);
    if(xmod)_for(i,xmod,n)f[i]=0;
}
void Inv(const int *f,int *g,int _n){
    static int temp[MAXN<<2];
    if(_n==1)return g[0]=quick_pow(f[0],Mod-2),void();
    Inv(f,g,(_n+1)>>1);
    int n=build(( _n-1)<<1);
    for(i,( _n+1)>>1,n)g[i]=0;
    for(i,0,_n)temp[i]=f[i];for(i,_n,n)temp[i]=0;
    NTT(g,n,true);NTT(temp,n,true);
    for(i,0,n)g[i]=(2-1LL*temp[i]*g[i]%Mod)*g[i]%Mod;
    NTT(g,n,false);
    for(i,_n,n)g[i]=0;
}
void Div(const int *f,int _n,const int *g,int _m,int *q,int *r){
    static int temp[MAXN<<2];
    for(i,0,_m)temp[i]=g[_m-1-i];
    Inv(temp,q,_n-_m+1);
    for(i,0,_n)temp[i]=f[_n-1-i];
    Mul(q,_n-_m+1,temp,_n,_n-_m+1);
    for(int i=0,j=_n-_m;i<j;i++,j--)swap(q[i],q[j]);
    for(i,0,_m)r[i]=g[i];rep(i,0,_n-_m)temp[i]=q[i];
    Mul(r,_m,temp,_n-_m+1,_m);
    for(i,0,_m)r[i]=(f[i]+Mod-r[i])%Mod;
}
void Ln(const int *f,int *g,int _n){
    static int temp[MAXN<<2];
    Inv(f,g,_n);
```

```

    _for(i,1,_n)temp[i-1]=1LL*f[i]*i%Mod;
    temp[_n-1]=0;
    Mul(g,_n,temp,_n-1,_n);
    for(int i=_n-1;i;i--)g[i]=1LL*g[i-1]*quick_pow(i,Mod-2)%Mod;
    g[0]=0;
}

void Exp(const int *f,int *g,int _n){
    static int temp[MAXN<<2];
    if(_n==1)return g[0]=1,void();
    Exp(f,g,(_n+1)>>1);
    _for(i,(_n+1)>>1,_n)g[i]=0;
    Ln(g,temp,_n);
    temp[0]=(1+f[0]-temp[0])%Mod;
    _for(i,1,_n)temp[i]=(f[i]-temp[i])%Mod;
    Mul(g,(_n+1)>>1,temp,_n,_n);
}

void Pow(const int *f,int *g,int _n,int k1,int k2){
    static int temp[MAXN<<2];
    int pos=0,posv;
    while(!f[pos]&&pos<_n)pos++;
    if(1LL*pos*k2>=_n){
        _for(i,0,_n)g[i]=0;
        return;
    }
    posv=quick_pow(f[pos],Mod-2);
    _for(i,pos,_n)g[i-pos]=1LL*f[i]*posv%Mod;
    _for(i,_n-pos,_n)g[i]=0;
    Ln(g,temp,_n);
    _for(i,0,_n)temp[i]=1LL*temp[i]*k1%Mod;
    Exp(temp,g,_n);
    pos=pos*k2,posv=quick_pow(posv,1LL*k2*(Mod-2)*(Mod-1));
    for(int i=_n-1;i>=pos;i--)g[i]=1LL*g[i-pos]*posv%Mod;
    _for(i,0,po)g[i]=0;
}

void Sqrt(const int *f,int *g,int _n){
    static int temp1[MAXN<<2],temp2[MAXN<<2];
    if(_n==1)return g[0]=quick_pow(G,bsgs(3,f[0])/2),void();
    Sqrt(f,g,(_n+1)>>1);
    _for(i,(_n+1)>>1,_n)g[i]=0;
    _for(i,0,_n)temp1[i]=f[i];
    Inv(g,temp2,_n);
    Mul(temp1,_n,temp2,_n);
    int div2=quick_pow(2,Mod-2);
    _for(i,0,_n)g[i]=1LL*(g[i]+temp1[i])*div2%Mod;
}
}

```

Last  
update: 2020-2021:teams:legal\_string:jxm2001: [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal\\_string:jxm2001:%E5%A4%9A%E9%A1%B9%E5%BC%8F\\_3&rev=1597220877](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E5%A4%9A%E9%A1%B9%E5%BC%8F_3&rev=1597220877)  
2020/08/12 多项式\_3  
16:27

From:  
[https://wiki.cvbbacm.com/ - CVBB ACM Team](https://wiki.cvbbacm.com/)

Permanent link:  
[https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal\\_string:jxm2001:%E5%A4%9A%E9%A1%B9%E5%BC%8F\\_3&rev=1597220877](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E5%A4%9A%E9%A1%B9%E5%BC%8F_3&rev=1597220877)

Last update: **2020/08/12 16:27**

