

线段树合并

算法简介

一种合并多个线段树(一般为权值线段树)的算法，主要用于解决染色问题，时空间复杂度 $O(n\log n)$

算法思想

更新线段树时动态开点，合并时如果遇到叶子节点或空结点就直接 `return` 否则跑子树。

代码模板

```
const int MAXS=MAXN*60;
int root[MAXN],tot;
struct Node{
    int max_cnt,ans;//自己需要维护的信息
    int ch[2];
}node[MAXS];
void push_up(int k){//自定义
    if(node[node[k].ch[0]].max_cnt>=node[node[k].ch[1]].max_cnt)
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[0]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[0]].ans;
    else
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[1]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[1]].ans;
}
void update(int &k,int lef,int rig,int pos,int v){
    if(!k) k=++tot;
    if(lef==rig) return node[k].max_cnt+=v,node[k].ans=pos,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    if(pos>mid)
update(node[k].ch[1],mid+1,rig,pos,v);
    else
update(node[k].ch[0],lef,mid,pos,v);
    push_up(k);
}
void Merge(int &k1,int k2,int lef,int rig){
    if(!k1||!k2) return k1|=k2,void();
    if(lef==rig) return node[k1].max_cnt+=node[k2].max_cnt,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    Merge(node[k1].ch[0],node[k2].ch[0],lef,mid);
    Merge(node[k1].ch[1],node[k2].ch[1],mid+1,rig);
    push_up(k1);
}
```

算法练习

习题一

[洛谷p4556](#)

题意

给定一棵 n 个节点的数 m 个操作。

每个操作三个参数 x, y, z 表示给结点 x 到 y 的树链上的每个点打上一个 z 号标记。

经过所有操作后输出每个结点被打上的最多的标记的编号(满足条件的标记存在多个时输出编号最小的), 如果该结点未被标记过, 输出 0 。

题解 1

离散化处理标记编号, 防止 MLE

每个结点用一棵权值线段树维护该结点的所有标记状态, 树上差分打标记, 最后从叶子结点开始向上合并即可。

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <sstream>
#include <cstring>
#include <cctype>
#include <cmath>
#include <vector>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>
#include <queue>
#include <ctime>
#include <cassert>
#define _for(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)
#define _rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);++i)
#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
typedef long long LL;
inline int read_int(){
    int t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
```

```

    return sign?-t:t;
}
inline LL read_LL(){
    LL t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline char get_char(){
    char c=getchar();
    while(c==' '||c=='\n'||c=='\r')c=getchar();
    return c;
}
inline void write(LL x){
    register char c[21],len=0;
    if(!x)return putchar('0'),void();
    if(x<0)x=-x,putchar('-');
    while(x)c[++len]=x%10,x/=10;
    while(len)putchar(c[len--]+48);
}
inline void space(LL x){write(x),putchar(' ');}
inline void enter(LL x){write(x),putchar('\n');}
const int MAXN=1e5+5,MAXM=20;
struct Edge{
    int to,next;
}edge[MAXN<<1];
int head[MAXN],edge_cnt;
void Insert(int u,int v){
    edge[++edge_cnt].to=v;
    edge[edge_cnt].next=head[u];
    head[u]=edge_cnt;
}
struct LCA{
    int d[MAXN],anc[MAXN][MAXM],log2[MAXN];
    void dfs(int u,int fa,int dep){
        anc[u][0]=fa,d[u]=dep;
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==fa)continue;
            dfs(v,u,dep+1);
        }
    }
}
void build(int root,int n){
    log2[1]=0;
    _rep(i,2,n)
    log2[i]=log2[i>>1]+1;
    dfs(root,-1,1);
    _rep(i,1,n){//下标从1开始
        for(int j=1;(1<<j)<n;j++)
            anc[i][j]=-1;
    }
}

```

```
    }
    for(int j=1;(1<<j)<n;j++){
        _rep(i,1,n){
            if(anc[i][j-1]==-1)
                continue;
            anc[i][j]=anc[anc[i][j-1]][j-1];
        }
    }
}
int query(int p,int q){
    if(d[p]<d[q])
        swap(p,q);
    for(int i=log2[d[p]];i>=0;i--){
        if(d[p]-(1<<i)>=d[q])
            p=anc[p][i];
    }
    if(p==q)
        return p;
    for(int i=log2[d[p]];i>=0;i--){
        if(anc[p][i]!=-1&&anc[p][i]!=anc[q][i]){
            p=anc[p][i],q=anc[q][i];
        }
    }
    return anc[p][0];
}
}lca;
const int MAXS=MAXN*60;
int root[MAXN],tot;
struct Node{
    int max_cnt,ans;
    int ch[2];
}node[MAXS];
void push_up(int k){
    if(node[node[k].ch[0]].max_cnt>=node[node[k].ch[1]].max_cnt)
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[0]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[0]].ans;
    else
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[1]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[1]].ans;
}
void update(int &k,int lef,int rig,int pos,int v){
    if(!k) k=++tot;
    if(lef==rig) return node[k].max_cnt+=v,node[k].ans=pos,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    if(pos>mid)
        update(node[k].ch[1],mid+1,rig,pos,v);
    else
        update(node[k].ch[0],lef,mid,pos,v);
    push_up(k);
}
```

```

void Merge(int &k1,int k2,int lef,int rig){
    if(!k1||!k2) return k1|=k2,void();
    if(lef==rig) return node[k1].max_cnt+=node[k2].max_cnt,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    Merge(node[k1].ch[0],node[k2].ch[0],lef,mid);
    Merge(node[k1].ch[1],node[k2].ch[1],mid+1,rig);
    push_up(k1);
}
int X[MAXN],Y[MAXN],Z[MAXN],b[MAXN],ans[MAXN],Max_z;
void dfs(int u){
    for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
        int v=edge[i].to;
        if(lca.anc[u][0]==v)
            continue;
        dfs(v);
        Merge(root[u],root[v],1,Max_z);
    }
    ans[u]=node[root[u]].max_cnt>0?node[root[u]].ans:0;
}
int main()
{
    int n=read_int(),q=read_int(),u,v,p;
    _for(i,1,n){
        u=read_int(),v=read_int();
        Insert(u,v);
        Insert(v,u);
    }
    lca.build(1,n);
    _for(i,0,q)
    X[i]=read_int(),Y[i]=read_int(),Z[i]=read_int();
    memcpy(b,Z,sizeof(Z));
    sort(b,b+q);
    Max_z=unique(b,b+q)-b;
    _for(i,0,q){
        Z[i]=lower_bound(b,b+Max_z,Z[i])-b+1;
        update(root[X[i]],1,Max_z,Z[i],1);update(root[Y[i]],1,Max_z,Z[i],1);
        p=lca.query(X[i],Y[i]);
        update(root[p],1,Max_z,Z[i],-1);
        p=lca.anc[p][0];
        if(p!=-1)
            update(root[p],1,Max_z,Z[i],-1);
    }
    dfs(1);
    _rep(i,1,n)
    if(ans[i])
        enter(b[ans[i]-1]);
    else
        enter(0);
    return 0;
}

```

题解 2



From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E7%BA%BF%E6%AE%B5%E6%A0%91%E5%90%88%E5%B9%B6_%E5%88%86%E8%A3%82&rev=1594007436

Last update: 2020/07/06 11:50