

# 线段树合并

## 算法简介

一种合并多个线段树(一般为权值线段树)的算法，主要用于解决染色问题，时空间复杂度  $O(m\log n)$

## 算法思想

更新线段树时动态开点，合并时如果遇到叶子节点或空结点就直接  $\text{return}$  否则跑子树。

关于空间复杂度，每次动态开点  $O(\log n)$  所以总空间复杂度  $O(m\log n)$  注意线段树是四倍空间。

关于时间复杂度，每次合并时间复杂度为两棵线段树的重叠部分的结点数，所以不会超过较小的那棵线段树的结点数。

所以合并操作的总时间复杂度等于动态开点总数，即  $O(m\log n)$

## 代码模板

```
const int MAXS=MAXN*60;
int root[MAXN],tot;
struct Node{
    int max_cnt,ans;//自己需要维护的信息
    int ch[2];
}node[MAXS];
void push_up(int k){//自定义
    if(node[node[k].ch[0]].max_cnt>=node[node[k].ch[1]].max_cnt)
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[0]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[0]].ans;
    else
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[1]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[1]].ans;
}
void update(int &k,int lef,int rig,int pos,int v){
    if(!k) k=++tot;
    if(lef==rig) return node[k].max_cnt+=v,node[k].ans=pos,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    if(pos>mid)
update(node[k].ch[1],mid+1,rig,pos,v);
    else
update(node[k].ch[0],lef,mid,pos,v);
    push_up(k);
}
void Merge(int &k1,int k2,int lef,int rig){
    if(!k1||!k2) return k1=k2,void();
    if(lef==rig) return node[k1].max_cnt+=node[k2].max_cnt,void();
```

```
int mid=lef+rig>>1;  
Merge(node[k1].ch[0],node[k2].ch[0],lef,mid);  
Merge(node[k1].ch[1],node[k2].ch[1],mid+1,rig);  
push_up(k1);  
}
```

## 算法练习

### 习题一

[洛谷p4556](#)

#### 题意

给定一棵  $n$  个节点的数  $m$  个操作。

每个操作三个参数  $x,y,z$  表示给结点  $x$  到  $y$  的树链上的每个点打上一个  $z$  号标记。

经过所有操作后输出每个结点被打上的最多的标记的编号(满足条件的标记存在多个时输出编号最小的), 如果该结点未被标记过, 输出  $0$ 。

#### 题解 1

离散化处理标记编号, 防止  $\text{MLE}$

每个结点用一棵权值线段树维护该结点的所有标记状态, 树上差分打标记, 最后从叶子结点开始向上合并即可。

```
#include <iostream>  
#include <cstdio>  
#include <cstdlib>  
#include <algorithm>  
#include <string>  
#include <sstream>  
#include <cstring>  
#include <cctype>  
#include <cmath>  
#include <vector>  
#include <set>  
#include <map>  
#include <stack>  
#include <queue>  
#include <ctime>  
#include <cassert>  
#define _for(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)  
#define _rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);++i)
```

```

#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
typedef long long LL;
inline int read_int(){
    int t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline LL read_LL(){
    LL t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline char get_char(){
    char c=getchar();
    while(c==' '||c=='\n' ||c=='\r')c=getchar();
    return c;
}
inline void write(LL x){
    register char c[21],len=0;
    if(!x)return putchar('0'),void();
    if(x<0)x=-x,putchar('-');
    while(x)c[++len]=x%10,x/=10;
    while(len)putchar(c[len--]+48);
}
inline void space(LL x){write(x),putchar(' ');}
inline void enter(LL x){write(x),putchar('\n');}
const int MAXN=1e5+5,MAXM=20;
struct Edge{
    int to,next;
}edge[MAXN<<1];
int head[MAXN],edge_cnt;
void Insert(int u,int v){
    edge[++edge_cnt].to=v;
    edge[edge_cnt].next=head[u];
    head[u]=edge_cnt;
}
struct LCA{
    int d[MAXN],anc[MAXN][MAXM],log2[MAXN];
    void dfs(int u,int fa,int dep){
        anc[u][0]=fa,d[u]=dep;
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==fa)
                continue;
            dfs(v,u,dep+1);
        }
    }
}
void build(int root,int n){

```

```
log2[1]=0;
_rep(i,2,n)
log2[i]=log2[i>>1]+1;
dfs(root,-1,1);
_rep(i,1,n){//下标从1开始
    for(int j=1;(1<<j)<n;j++)
        anc[i][j]=-1;
}
for(int j=1;(1<<j)<n;j++){
    _rep(i,1,n){
        if(anc[i][j-1]==-1)
            continue;
        anc[i][j]=anc[anc[i][j-1]][j-1];
    }
}
}
int query(int p,int q){
    if(d[p]<d[q])
        swap(p,q);
    for(int i=log2[d[p]];i>=0;i--){
        if(d[p]-(1<<i)>=d[q])
            p=anc[p][i];
    }
    if(p==q)
        return p;
    for(int i=log2[d[p]];i>=0;i--){
        if(anc[p][i]!=-1&&anc[p][i]!=anc[q][i]){
            p=anc[p][i],q=anc[q][i];
        }
    }
    return anc[p][0];
}
}lca;
const int MAXS=MAXN*60;
int root[MAXN],tot;
struct Node{
    int max_cnt,ans;
    int ch[2];
}node[MAXS];
void push_up(int k){
    if(node[node[k].ch[0]].max_cnt>=node[node[k].ch[1]].max_cnt)
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[0]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[0]].ans;
    else
node[k].max_cnt=node[node[k].ch[1]].max_cnt,node[k].ans=node[node[k].ch[1]].ans;
}
void update(int &k,int lef,int rig,int pos,int v){
    if(!k) k=++tot;
    if(lef==rig) return node[k].max_cnt+=v,node[k].ans=pos,void();
```

```

    int mid=lef+rig>>1;
    if(pos>mid)
        update(node[k].ch[1],mid+1,rig,pos,v);
    else
        update(node[k].ch[0],lef,mid,pos,v);
    push_up(k);
}
void Merge(int &k1,int k2,int lef,int rig){
    if(!k1||!k2) return k1|=k2,void();
    if(lef==rig) return node[k1].max_cnt+=node[k2].max_cnt,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    Merge(node[k1].ch[0],node[k2].ch[0],lef,mid);
    Merge(node[k1].ch[1],node[k2].ch[1],mid+1,rig);
    push_up(k1);
}
int X[MAXN],Y[MAXN],Z[MAXN],b[MAXN],ans[MAXN],Max_z;
void dfs(int u){
    for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
        int v=edge[i].to;
        if(lca.anc[u][0]==v)
            continue;
        dfs(v);
        Merge(root[u],root[v],1,Max_z);
    }
    ans[u]=node[root[u]].max_cnt>0?node[root[u]].ans:0;
}
int main()
{
    int n=read_int(),q=read_int(),u,v,p;
    _for(i,1,n){
        u=read_int(),v=read_int();
        Insert(u,v);
        Insert(v,u);
    }
    lca.build(1,n);
    _for(i,0,q)
        X[i]=read_int(),Y[i]=read_int(),Z[i]=read_int();
    memcpy(b,Z,sizeof(Z));
    sort(b,b+q);
    Max_z=unique(b,b+q)-b;
    _for(i,0,q){
        Z[i]=lower_bound(b,b+Max_z,Z[i])-b+1;
        update(root[X[i]],1,Max_z,Z[i],1);update(root[Y[i]],1,Max_z,Z[i],1);
        p=lca.query(X[i],Y[i]);
        update(root[p],1,Max_z,Z[i],-1);
        p=lca.anc[p][0];
        if(p!=-1)
            update(root[p],1,Max_z,Z[i],-1);
    }
    dfs(1);
    _rep(i,1,n)

```

```
if(ans[i])
    enter(b[ans[i]-1]);
else
    enter(0);
return 0;
}
```

## 题解 2

考虑树剖，将树上问题转换为区间问题，更新路径时只打差分打标记。

最后询问时只建一棵权值线段树，依次释放区间上每个位置的标记，维护标记前缀和、答案。

时间复杂度  $O(m \log^2 n)$  空间复杂度  $O(m \log n)$  但常数远小于线段树合并。

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <sstream>
#include <cstring>
#include <cctype>
#include <cmath>
#include <vector>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>
#include <queue>
#include <ctime>
#include <cassert>
#define _for(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)
#define _rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);++i)
#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
typedef long long LL;
inline int read_int(){
    int t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline LL read_LL(){
    LL t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline char get_char(){
```

```

char c=getchar();
while(c==' '||c=='\n' ||c=='\r')c=getchar();
return c;
}
inline void write(LL x){
register char c[21],len=0;
if(!x)return putchar('0'),void();
if(x<0)x=-x,putchar('-');
while(x)c[++len]=x%10,x/=10;
while(len)putchar(c[len--]+48);
}
inline void space(LL x){write(x),putchar(' ');}
inline void enter(LL x){write(x),putchar('\n');}
const int MAXN=1e5+5,MAXM=20;
struct Edge{
int to,next;
}edge[MAXN<<1];
int head[MAXN],edge_cnt;
void Insert(int u,int v){
edge[++edge_cnt].to=v;
edge[edge_cnt].next=head[u];
head[u]=edge_cnt;
}
struct lazy_tag{
int v,next;
}lazy[MAXN*MAXM];
int head_2[MAXN],lazy_cnt;
void Insert_2(int u,int v){
lazy[++lazy_cnt].v=v;
lazy[lazy_cnt].next=head_2[u];
head_2[u]=lazy_cnt;
}
int Max_cnt[MAXN<<2],Ans[MAXN<<2],lef[MAXN<<2],rig[MAXN<<2];
void build(int k,int L,int R){
lef[k]=L,rig[k]=R;
int M=L+R>>1;
if(L==R)return Ans[k]=M,void();
build(k<<1,L,M);
build(k<<1|1,M+1,R);
}
void push_up(int k){
if(Max_cnt[k<<1]>=Max_cnt[k<<1|1]){
Max_cnt[k]=Max_cnt[k<<1];
Ans[k]=Ans[k<<1];
}
else{
Max_cnt[k]=Max_cnt[k<<1|1];
Ans[k]=Ans[k<<1|1];
}
}
void update(int k,int pos,int v){

```

```
if(lef[k]==rig[k])
return Max_cnt[k]+=v,void();
int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
if(pos<=mid)
update(k<<1,pos,v);
else
update(k<<1|1,pos,v);
push_up(k);
}
int d[MAXN],sz[MAXN],f[MAXN],dfs_id[MAXN],inv_id[MAXN],dfs_t;
int h_son[MAXN],mson[MAXN],p[MAXN];
void dfs_1(int u,int fa,int depth){
sz[u]=1;f[u]=fa;d[u]=depth;mson[u]=0;
for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
int v=edge[i].to;
if(v==fa)
continue;
dfs_1(v,u,depth+1);
sz[u]+=sz[v];
if(sz[v]>mson[u]){
h_son[u]=v;
mson[u]=sz[v];
}
}
}
void dfs_2(int u,int top){
dfs_id[u]=++dfs_t;inv_id[dfs_t]=u;p[u]=top;
if(mson[u])
dfs_2(h_son[u],top);
for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
int v=edge[i].to;
if(v==f[u]||v==h_son[u])
continue;
dfs_2(v,v);
}
}
void update_path(int u,int v,int w){
while(p[u]!=p[v]){
if(d[p[u]]<d[p[v]])
swap(u,v);
Insert_2(dfs_id[p[u]],w);
Insert_2(dfs_id[u]+1,-w);
u=f[p[u]];
}
if(d[u]>d[v])
swap(u,v);
Insert_2(dfs_id[u],w);
Insert_2(dfs_id[v]+1,-w);
}
void update_node(int u){
```

```

for(int i=head_2[u];i;i=lazy[i].next){
    if(lazy[i].v>0)
        update(1,lazy[i].v,1);
    else
        update(1,-lazy[i].v,-1);
}
}
int X[MAXN],Y[MAXN],Z[MAXN],b[MAXN],ans[MAXN];
int main()
{
    int n=read_int(),q=read_int(),u,v,w;
    _for(i,1,n){
        u=read_int(),v=read_int();
        Insert(u,v);
        Insert(v,u);
    }
    _for(i,0,q)
    X[i]=read_int(),Y[i]=read_int(),Z[i]=read_int();
    memcpy(b,Z,sizeof(Z));
    sort(b,b+q);
    int Max_z=unique(b,b+q)-b;
    dfs_1(1,-1,0);
    dfs_2(1,1);
    build(1,1,Max_z);
    _for(i,0,q)
    update_path(X[i],Y[i],lower_bound(b,b+Max_z,Z[i])-b+1);
    _rep(i,1,n){
        update_node(i);
        ans[inv_id[i]]=Max_cnt[1]>0?b[Ans[1]-1]:0;
    }
    _rep(i,1,n)
    enter(ans[i]);
    return 0;
}

```

## 习题二

[洛谷p3224](#)

### 题意

给定  $n$  个点，所有点的点权恰好为  $1 \sim n$  的排列，接下来两种操作。

1. 询问与某点  $x$  联通的点集中的第  $k$  大元素的编号，若不存在输出  $-1$ 。
2. 连接点  $u$  和  $v$

### 题解

每个点维护一棵权值线段树，并查集维护连通分量。

对操作 \$1\$ 类似名次树操作，对操作 \$2\$ 使用线段树合并即可，时空间复杂度  $O(n\log n)$

```
#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <sstream>
#include <cstring>
#include <cctype>
#include <cmath>
#include <vector>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>
#include <queue>
#include <ctime>
#include <cassert>
#define _for(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)
#define _rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);++i)
#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
typedef long long LL;
inline int read_int(){
    int t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline LL read_LL(){
    LL t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline char get_char(){
    char c=getchar();
    while(c==' '||c=='\n'||c=='\r')c=getchar();
    return c;
}
inline void write(LL x){
    register char c[21],len=0;
    if(!x)return putchar('0'),void();
    if(x<0)x=-x,putchar('-');
    while(x)c[++len]=x%10,x/=10;
    while(len)putchar(c[len--]+48);
}
inline void space(LL x){write(x),putchar(' ');}
```

```

inline void enter(LL x){write(x),putchar('\n');}
const int MAXN=1e5+5,MAXS=MAXN*40;
int root[MAXN],tot;
struct Node{
    int sz;
    int ch[2];
}node[MAXS];
void push_up(int
k){node[k].sz=node[node[k].ch[0]].sz+node[node[k].ch[1]].sz;}
void update(int &k,int lef,int rig,int pos){
    k=++tot;
    node[k].sz++;
    if(lef==rig) return;
    int mid=lef+rig>>1;
    if(pos>mid)
        update(node[k].ch[1],mid+1,rig,pos);
    else
        update(node[k].ch[0],lef,mid,pos);
}
void Merge(int &k1,int k2,int lef,int rig){
    if(!k1||!k2) return k1|=k2,void();
    int mid=lef+rig>>1;
    Merge(node[k1].ch[0],node[k2].ch[0],lef,mid);
    Merge(node[k1].ch[1],node[k2].ch[1],mid+1,rig);
    push_up(k1);
}
int query(int k,int lef,int rig,int rk){
    if(rk>node[k].sz)return 0;
    int mid=lef+rig>>1;
    if(lef==rig)return mid;
    if(rk<=node[node[k].ch[0]].sz)
        return query(node[k].ch[0],lef,mid,rk);
    else
        return query(node[k].ch[1],mid+1,rig,rk-node[node[k].ch[0]].sz);
}
int kth[MAXN],Rank[MAXN],p[MAXN],n;
int Find(int x){return x==p[x]?x:p[x]=Find(p[x]);}
void Merge(int u,int v){
    int x=Find(u),y=Find(v);
    if(x!=y){
        p[y]=x;
        Merge(root[x],root[y],1,n);
    }
}
int main()
{
    n=read_int();
    int m=read_int(),u,v;
    Rank[0]=-1;
    _rep(i,1,n){
        kth[i]=read_int(),p[i]=i,Rank[kth[i]]=i;
    }
}

```

```
    update(root[i], 1, n, kth[i]);  
}  
while(m--){  
    u=read_int(),v=read_int();  
    Merge(u,v);  
}  
int q=read_int();  
char opt;  
while(q--){  
    opt=get_char(),u=read_int(),v=read_int();  
    if(opt=='Q')  
        enter(Rank[query(root[Find(u)], 1, n, v)]);  
    else  
        Merge(u,v);  
}  
return 0;  
}
```

### 习题三

#### 洛谷p1600

#### 题意

一棵  $n$  个结点的树，树上有  $m$  个玩家，第  $i$  个玩家的起点为  $s_i$  终点为  $t_i$  每个玩家每秒移动一条边。

在每个结点放置一名观察者，第  $i$  个结点的观察者会在第  $w_i$  秒观察到该点的玩家。

玩家到终点后立即消失，但可以在该时刻被观察者观测。

问每个观察者观察到的玩家数量。

#### 题解 1

先将树转化为一棵有根树，考虑玩家对的结点  $u$  的观察者的贡献。

可以把玩家的运动分解为  $s \rightarrow \text{LCA}(s,t) \rightarrow t$

考虑  $s \rightarrow \text{LCA}(s,t)$  只当且仅当  $u \in \{s \rightarrow \text{LCA}(s,t)\}$  且  $w_u = d_s - d_u$  才产生贡献。

考虑  $\text{LCA}(s,t) \rightarrow t$  只当且仅当  $u \in \{\text{LCA}(s,t) \rightarrow t\}$  且  $\text{dist}(s,t) - w_u = d_t - d_u$  才产生贡献。

分离变量，得  $w_u + d_u = d_s$  和  $w_u - d_u = \text{dist}(s,t) - d_t$  可以考虑每个结点用两个桶维护可以产生贡献的  $d_s$  和  $\text{dist}(s,t) - d_t$  的数量。

然后考虑怎么处理  $u \in \{s \rightarrow \text{LCA}(s,t)\}$  和  $u \in \{\text{LCA}(s,t) \rightarrow t\}$  这两个限制条件。

考虑树上差分，在  $s$  和  $t$  结点打上增加标记  $\text{LCA}(s,t)$  结点打上删除标记。

对每个结点，先  $\text{dfs}$  子节点，然后处理增加标记，然后查询答案，最后处理删除标记。

考虑如果  $\text{LCA}(s,t)$  满足  $w_{\text{LCA}(s,t)} + d_{\text{LCA}(s,t)} = d_s$  必有  $w_{\text{LCA}(s,t)} - d_{\text{LCA}(s,t)} = \text{dist}(s,t) - d_t$  导致  $s$  和  $t$  重复贡献，所以要提前处理。

```

#include <iostream>
#include <cstdio>
#include <cstdlib>
#include <algorithm>
#include <string>
#include <sstream>
#include <cstring>
#include <cctype>
#include <cmath>
#include <vector>
#include <set>
#include <map>
#include <stack>
#include <queue>
#include <ctime>
#include <cassert>
#define _for(i,a,b) for(int i=(a);i<(b);++i)
#define _rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);++i)
#define mem(a,b) memset(a,b,sizeof(a))
using namespace std;
typedef long long LL;
inline int read_int(){
    int t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline LL read_LL(){
    LL t=0;bool sign=false;char c=getchar();
    while(!isdigit(c)){sign|=c=='-';c=getchar();}
    while(isdigit(c)){t=(t<<1)+(t<<3)+(c&15);c=getchar();}
    return sign?-t:t;
}
inline char get_char(){
    char c=getchar();
    while(c==' '||c=='\n'||c=='\r')c=getchar();
    return c;
}
inline void write(LL x){
    register char c[21],len=0;
    if(!x)return putchar('0'),void();
    if(x<0)x=-x,putchar('-');
    while(x)c[++len]=x%10,x/=10;

```

```
while(len) putchar(c[len--]+48);
}
inline void space(LL x){write(x),putchar(' ');}
inline void enter(LL x){write(x),putchar('\n');}
const int MAXN=3e5+5;
int head[MAXN],edge_cnt;
struct Edge{
    int to,next;
}edge[MAXN<<1];
void Insert(int u,int v){
    edge[++edge_cnt].next=head[u];
    edge[edge_cnt].to=v;
    head[u]=edge_cnt;
}
struct LCA{
    int d[MAXN],sz[MAXN],f[MAXN];
    int h_son[MAXN],mson[MAXN],p[MAXN];
    void dfs_1(int u,int fa,int depth){
        sz[u]=1;f[u]=fa;d[u]=depth;mson[u]=0;
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==fa) continue;
            dfs_1(v,u,depth+1);
            sz[u]+=sz[v];
            if(sz[v]>mson[u])
                h_son[u]=v,mson[u]=sz[v];
        }
    }
    void dfs_2(int u,int top){
        p[u]=top;
        if(mson[u])dfs_2(h_son[u],top);
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==f[u]||v==h_son[u]) continue;
            dfs_2(v,v);
        }
    }
    void Init(int root){dfs_1(root,-1,0);dfs_2(root,root);}
    int query_lca(int u,int v){
        while(p[u]!=p[v]){
            if(d[p[u]]<d[p[v]])swap(u,v);
            u=f[p[u]];
        }
        return d[u]<d[v]?u:v;
    }
    int query_dis(int u,int v){return d[u]+d[v]-2*d[query_lca(u,v)];}
}lca;
int C[MAXN<<2],*c1=C,*c2=C+MAXN*3;
```

```

struct Path{
    int u,v,len;
}path[MAXN];
struct Tag{
    int p,next;
}tag[MAXN<<1];
int w[MAXN],head_s[MAXN],head_t[MAXN],head_lca[MAXN],tot,ans[MAXN];
void Insert_t(int node,int k){
    tag[++tot].next=head_t[node];
    tag[tot].p=k;
    head_t[node]=tot;
}
void Insert_lca(int node,int k){
    tag[++tot].next=head_lca[node];
    tag[tot].p=k;
    head_lca[node]=tot;
}
void dfs(int u,int fa){
    int t1=c1[w[u]+lca.d[u]],t2=c2[w[u]-lca.d[u]];
    for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
        int v=edge[i].to;
        if(v==fa)
            continue;
        dfs(v,u);
    }
    c1[lca.d[u]]+=head_s[u];
    for(int i=head_t[u];i;i=tag[i].next){
        Path& p=path[tag[i].p];
        c2[p.len-lca.d[p.v]]++;
    }
    ans[u]+=c1[w[u]+lca.d[u]]-t1+c2[w[u]-lca.d[u]]-t2;
    for(int i=head_lca[u];i;i=tag[i].next){
        Path& p=path[tag[i].p];
        c1[lca.d[p.u]]--;
        c2[p.len-lca.d[p.v]]--;
    }
}
int main()
{
    int n=read_int(),m=read_int(),u,v;
    _for(i,1,n){
        u=read_int(),v=read_int();
        Insert(u,v);
        Insert(v,u);
    }
    lca.Init(1);
    _rep(i,1,n)
    w[i]=read_int();
    _rep(i,1,m){
        path[i].u=u=read_int(),path[i].v=v=read_int();
        int p=lca.query_lca(u,v);
    }
}

```

```
    path[i].len=lca.d[u]+lca.d[v]-lca.d[p]*2;
    head_s[u]++;
    Insert_t(v,i);
    Insert_lca(p,i);
    if(lca.d[p]+w[p]==lca.d[u])
        ans[p]--;
}
dfs(1,0);
_rep(i,1,n)
space(ans[i]);
return 0;
}
```

## 题解 2

树上差分的思路同题解 1，但这次考虑用线段树代替桶维护答案，对每个点可以直接处理贡献，然后从叶子结点向上合并线段树即可。

贴了一段别人的代码。

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
char ch;
bool fi;
template<typename _Type>
inline void read(_Type&d) {
    d=0, fi=0, ch=getchar();
    while(!isdigit(ch) && ch!='-') ch=getchar();
    if(ch=='-') fi=1, ch=getchar();
    do d=d*10+ch-'0', ch=getchar();
    while(isdigit(ch));
    if(fi) d=~d+1;
}

const int N=300000+1;

struct DymSegTree {
    int ls[30*N],rs[30*N],sum[30*N],rt[N];
    int rb[30*N],top,tot;
    inline int newNode() {
        return top?rb[top--]:++tot;
    }
    inline void delNode(int x) {
        rb[++top]=x;
        ls[x]=rs[x]=sum[x]=0;
    }
    void modify(int&x,int l,int r,int pos,int val) {
        if(!x) x=newNode();
        if(l==r) { sum[x]+=val; return;}
}
```

```

    int mid=(l+r)>>1;
    if(pos<=mid) modify(ls[x],l,mid,pos,val);
    else modify(rs[x],mid+1,r,pos,val);
    sum[x]=sum[ls[x]]+sum[rs[x]];
}
int merge(int x,int y,int l,int r) {
    if(!x||!y) return x|y;
    int now=newNode();
    if(l==r) sum[now]=sum[x]+sum[y];
    else {
        int mid=(l+r)>>1;
        ls[now]=merge(ls[x],ls[y],l,mid);
        rs[now]=merge(rs[x],rs[y],mid+1,r);
        sum[now]=sum[ls[now]]+sum[rs[now]];
    }
    delNode(x), delNode(y);
    return now;
}
int query(int x,int l,int r,int pos) {
    if(l==r) return sum[x];
    int mid=(l+r)>>1;
    return (mid>=pos) ? query(ls[x],l,mid,pos)
        :query(rs[x],mid+1,r,pos);
}
} T1, T2;

vector<int> E[N];
vector<int> G[N];
struct Player {
    int u,v,tim;
} a[N];
int n,m,w[N],ans[N],dep[N],fa[N][22];

void pre(int x,int pa) {
    dep[x]=dep[fa[x][0]=pa]+1;
    for(int i=1; (1<<i)<=dep[x]; ++i)
        fa[x][i]=fa[fa[x][i-1]][i-1];
    for(int y:E[x]) if(y!=pa) pre(y,x);
}

inline int lca(int x,int y) {
    if(dep[x]<dep[y]) x^=y^=x^=y;
    int dif=dep[x]-dep[y];
    for(int i=20; ~i; --i)
        if(dif&(1<<i)) x=fa[x][i];
    if(x==y) return x;
    for(int i=20; ~i; --i) if(fa[x][i]!=fa[y][i])
        x=fa[x][i], y=fa[y][i];
    return fa[x][0];
}

void dfs(int x,int pa) {
    for(int y:E[x]) if(y!=pa) dfs(y,x);
}

```

```
for(int i:G[x]) T2.modify(T2.rt[x],1,N+N, a[i].tim-dep[a[i].v]+N,-1);
ans[x]=T1.query(T1.rt[x],1,N+N, dep[x]+w[x])
      +T2.query(T2.rt[x],1,N+N, w[x]-dep[x]+N);
for(int i:G[x]) T1.modify(T1.rt[x],1,N+N, dep[a[i].u],-1);
if(pa) {
    T1.rt[pa]=T1.merge(T1.rt[pa],T1.rt[x],1,N+N);
    T2.rt[pa]=T2.merge(T2.rt[pa],T2.rt[x],1,N+N);
}
}

int main() {
    read(n); read(m);
    for(int x,y,i=n; --i; ) {
        read(x); read(y);
        E[x].push_back(y);
        E[y].push_back(x);
    }
    pre(1,0);
    for(int i=1; i<=n; ++i) read(w[i]);
    for(int i=1; i<=m; ++i) {
        read(a[i].u); read(a[i].v);
        int LCA=lca(a[i].u,a[i].v);
        a[i].tim=dep[a[i].u]+dep[a[i].v]-2*dep[LCA];
        T1.modify(T1.rt[a[i].u],1,N+N, dep[a[i].u],1);
        T2.modify(T2.rt[a[i].v],1,N+N, a[i].tim-dep[a[i].v]+N,1);
        G[LCA].push_back(i);
    }
    dfs(1,0);
    for(int i=1; i<=n; ++i) printf("%d ",ans[i]);
    return 0;
}
```

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal\\_string:jxm2001:%E7%BA%BF%E6%AE%B5%E6%A0%91%E5%90%88%E5%B9%B6\\_%E5%88%86%E8%A3%82&rev=1594115183](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E7%BA%BF%E6%AE%B5%E6%A0%91%E5%90%88%E5%B9%B6_%E5%88%86%E8%A3%82&rev=1594115183)

Last update: 2020/07/07 17:46