

莫队算法 2

树上莫队

算法模型

树上单点修改 + 树上路径查询，且路径难以用树剖维护。

算法实现

考虑先将树转化为括号序列，设结点 u 对应的左括号编号为 dfn_{1u} 右括号编号为 dfn_{2u}

对当前维护的括号序列区间 $[l,r]$ 仅计算 $[l,r]$ 中未匹配的括号代表的结点的贡献。

即某个结点第奇数次出现时加上该结点的贡献，第偶数次出现时减去该结点贡献。

于是对每个询问路径 $u \rightarrow v$ 不妨设 $\text{dfn}_{1u} \leq \text{dfn}_{1v}$

如果 u 为 v 的祖先，则路径对应区间为 $[\text{dfn}_{2u}, \text{dfn}_{1v}]$

否则路径对应区间为 $[\text{dfn}_{2u}, \text{dfn}_{1v}] + \text{LCA}(u,v)$

对于修改操作，如果修改的点在当前区间中且出现奇数次，则考虑更新答案，否则直接更新该点权值即可。

算法例题

[洛谷p4074](#)

题意

给定一棵树，树上每个点有一种颜色，总共有 m 种颜色。同时给定序列 $\{v_i\}, \{w_i\}$

要求支持单点颜色修改操作和路径权值查询操作。设一条路径上颜色为 i 的颜色出现了 c_i 次，则该路径的权值为

$$\sum_{i=1}^m v_i \sum_{j=1}^m \{c_j\} w_j$$

题解

树上莫队板子题。

```
const int MAXN=1e5+5,MAXC=1e6+5;
int blk_sz;
```

```
struct Edge{
    int to,next;
}edge[MAXN<<1];
int head[MAXN],edge_cnt,dfn1[MAXN],dfn2[MAXN],invn[MAXN<<1],dfs_t;
void AddEdge(int u,int v){
    edge[++edge_cnt]=Edge{v,head[u]};
    head[u]=edge_cnt;
}
void dfs(int u,int fa){
    dfn1[u]=++dfs_t;
    invn[dfs_t]=u;
    for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
        int v=edge[i].to;
        if(v==fa)continue;
        dfs(v,u);
    }
    dfn2[u]=++dfs_t;
    invn[dfs_t]=u;
}
namespace LCA{
    int d[MAXN],sz[MAXN],f[MAXN];
    int h_son[MAXN],mson[MAXN],p[MAXN];
    void dfs_1(int u,int fa,int depth){
        sz[u]=1;f[u]=fa;d[u]=depth;mson[u]=0;
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==fa)continue;
            dfs_1(v,u,depth+1);
            sz[u]+=sz[v];
            if(sz[v]>mson[u])
                h_son[u]=v,mson[u]=sz[v];
        }
    }
    void dfs_2(int u,int top){
        p[u]=top;
        if(mson[u])dfs_2(h_son[u],top);
        for(int i=head[u];i;i=edge[i].next){
            int v=edge[i].to;
            if(v==f[u]||v==h_son[u])continue;
            dfs_2(v,v);
        }
    }
    void init(int root){dfs_1(root,0,0);dfs_2(root,root);}
    int query(int u,int v){
        while(p[u]!=p[v]){
            if(d[p[u]]<d[p[v]])swap(u,v);
            u=f[p[u]];
        }
    }
}
```

```

        return d[u]<d[v]?u:v;
    }
};
struct query{
    int l,r,t,idx;
    bool operator < (const query &b)const{
        if(l/blk_sz!=b.l/blk_sz)return l<b.l;
        if(r/blk_sz!=b.r/blk_sz)return ((l/blk_sz)&1)?(r<b.r):(r>b.r);
        return ((r/blk_sz)&1)?(t<b.t):(t>b.t);
    }
}q[MAXN];
struct opt{
    int pos,pre,now;
}p[MAXN];
int cc[MAXN],lc[MAXN],val[MAXN],w[MAXN];
int col[MAXN],qn,pn,lef=1,rig=0;
LL ans[MAXN],cur_ans;
bool vis[MAXN];
void update_ans(int idx,int c){
    if(!vis[idx])
        cur_ans+=1LL*val[c]*w[++col[c]];
    else
        cur_ans-=1LL*val[c]*w[col[c]--];
    vis[idx]=!vis[idx];
}
void update_val(opt &p){
    if(vis[p.pos]){
        update_ans(p.pos,cc[p.pos]);
        cc[p.pos]=p.now;
        update_ans(p.pos,cc[p.pos]);
    }
    else
        cc[p.pos]=p.now;
    swap(p.pre,p.now);
}
int main()
{
    int n=read_int(),m=read_int(),q0=read_int();
    blk_sz=pow(n,2.0/3);
    _rep(i,1,m)val[i]=read_int();
    _rep(i,1,n)w[i]=read_int();
    _for(i,1,n){
        int u=read_int(),v=read_int();
        AddEdge(u,v);
        AddEdge(v,u);
    }
    _rep(i,1,n)cc[i]=lc[i]=read_int();
    LCA::init(1);
    dfs(1,0);
    while(q0--){
        int type=read_int();

```

```
if(type==0){
    pn++;
    int pos=read_int(),v=read_int();
    p[pn].pos=pos,p[pn].pre=lc[pos],p[pn].now=(lc[pos]=v);
}
else{
    qn++;
    int u=read_int(),v=read_int();
    if(dfn1[u]>dfn1[v])swap(u,v);
    if(LCA::query(u,v)==u)
        q[qn].l=dfn1[u],q[qn].r=dfn1[v];
    else
        q[qn].l=dfn2[u],q[qn].r=dfn1[v];
    q[qn].t=pn,q[qn].idx=qn;
}
}
sort(q+1,q+qn+1);
int tim=0;
_rep(i,1,qn){
    while(lef>q[i].l)lef--,update_ans(invn[lef],cc[invn[lef]]);
    while(rig<q[i].r)rig++,update_ans(invn[rig],cc[invn[rig]]);
    while(lef<q[i].l)update_ans(invn[lef],cc[invn[lef]]),lef++;
    while(rig>q[i].r)update_ans(invn[rig],cc[invn[rig]]),rig--;
    while(tim<q[i].t)update_val(p[++tim]);
    while(tim>q[i].t)update_val(p[tim--]);
    int u=invn[q[i].l],v=invn[q[i].r],p=LCA::query(u,v);
    if(u==p)
        ans[q[i].idx]=cur_ans;
    else{
        update_ans(p,cc[p]);
        ans[q[i].idx]=cur_ans;
        update_ans(p,cc[p]);
    }
}
_rep(i,1,qn)
enter(ans[i]);
return 0;
}
```

回滚莫队

算法模型

算法实现

算法例题

Loj 2874

题意

题解



From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:%E8%8E%AB%E9%98%9F%E7%AE%97%E6%B3%95_2&rev=1612425353

Last update: 2021/02/04 15:55