

牛客练习赛87

[比赛链接](#)

C - 牛老板

题意

用最少的 $6^k, 9^k$ 表示 n ($1 \leq n \leq 10^{12}$)

题解

预处理 10^6 的答案，然后启发式搜索。

```
const LL MAXV=1e12+5,MAXN=1e6;
vector<LL> vec;
LL dp[MAXN];
void Init(){
    vec.push_back(1);
    LL base=6;
    while(base<MAXV){
        vec.push_back(base);
        base*=6;
    }
    base=9;
    while(base<MAXV){
        vec.push_back(base);
        base*=9;
    }
    sort(vec.begin(),vec.end());
    _for(i,1,MAXN){
        dp[i]=i;
        for(int v:vec){
            if(v<=i)
                dp[i]=min(dp[i],dp[i-v]+1);
            else
                break;
        }
    }
}
LL ans;
void dfs(LL x,int pos,int step){
    if(x<MAXN){
        ans=min(ans,dp[x]+step);
        return;
    }
}
```

```
    }  
    if(pos==0){  
        ans=min(ans,x+step);  
        return;  
    }  
    LL m=x/vec[pos];  
    for(int i=m;i>=0;i--){  
        if(m+step>=ans) return;  
        dfs(x-i*vec[pos],pos-1,step+i);  
    }  
}  
int main()  
{  
    Init();  
    int T=read_int();  
    while(T--){  
        LL x=read_LL();  
        ans=1e9;  
        dfs(x,vec.size()-1,0);  
        enter(ans);  
    }  
    return 0;  
}
```

D - 小G的排列-加强版

题意

求不存在某个长度超过 m 的连续子串恰好是 $i,i+1,i+2\cdots i+k-1$ 或 $i+k-1,i+k-2\cdots i$ 的 $1\sim n$ 的排列的个数。

数据保证 $m\geq \lfloor \frac{n}{2} \rfloor$

题解

称 $i,i+1,i+2\cdots i+k-1$ 或 $i+k-1,i+k-2\cdots i$ 为长度等于 k 的非法子串。

显然，当 $m\geq \lfloor \frac{n}{2} \rfloor$ 时任意一个排列不存在两个不相交的长度超过 m 的非法子串。

设 $f(n,m)$ 表示所有 $1\sim n$ 的排列包含的长度为 m 的非法子串个数。

考虑非法子串的元素选中，共 $n-m+1$ 种，然后将非法子串当成一个元素和其他正常元素可以任意排列，因此有 $(n-m+1)$ 排列方式。

最后 m 超过 1 时还要考虑 $i,i+1,i+2\cdots i+k-1$ 或 $i+k-1,i+k-2\cdots i$ 不同的贡献，于是有

$$f(n,m)=(n-m+1)(n-m+1)!(1+(m\neq 1))$$

最后，考虑每个含有长度超过 m 的非法子串的排列，假设他含有的最长非法子串长度为 k 则他对 $f(n, m+1)$ 的计数贡献为 $k-m$

同时他对 $f(n, m+2)$ 的计数贡献为 $k-m-1$ 于是每个含有长度超过 m 的非法子串的排列对 $f(n, m+1)-f(n, m+2)$ 的贡献恰好为 1 。

于是 $f(n, m+1)-f(n, m+2)$ 就等于所有含有长度超过 m 的非法子串的排列个数。根据容斥，答案为 $n!-f(n, m+1)+f(n, m+2)$

```

const int MAXN=1e7+5,mod=1e9+7;
int frac[MAXN];
void Init(){
    frac[0]=1;
    _for(i,1,MAXN)
        frac[i]=1LL*frac[i-1]*i%mod;
}
int cal(int n,int m){
    if(m>n)
        return 0;
    else
        return (1LL+(m!=1))*(n-m+1)%mod*frac[n-m+1]%mod;
}
int main()
{
    Init();
    int T=read_int();
    while(T--){
        int n=read_int(),m=read_int();
        int ans=(frac[n]-(cal(n,m+1)-cal(n,m+2)))%mod;
        enter((ans+mod)%mod);
    }
    return 0;
}

```

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:contest:%E7%89%9B%E5%AE%A2%E7%BB%83%E4%B9%A0%E8%B5%9B87&rev=1629548472

Last update: 2021/08/21 20:21