

# Codeforces Round #732 (Div. 1)

[比赛链接](#)

## D. Top-Notch Insertions

### 题意

定义插入排序过程：遍历  $i=2\sim n$  当且仅当  $a_i < a_{i-1}$  时找到最小的  $j$  满足  $a_i < a_j$  然后将  $a_i$  插入位置  $j$  用二元组  $(i,j)$  记录。

多组数据，每组数据给定序列长度  $n$  和排序过程的所有二元组(共  $m$  个)，假设原序列每个值  $\in [1,n]$  求原序列的所有可能情况。

数据保证  $\sum m \leq 2 \times 10^5$

### 题解

固定  $n$  和二元组序列，不难发现最终结果的下标序列唯一。假定最终结果下标序列为  $p$  于是有  $a_{p_1} \leq a_{p_2} \leq \dots \leq a_{p_n}$

当且仅当  $a_{p_{i-1}}$  是在插入排序时直接插在  $a_{p_i}$  后面时  $a_{p_{i-1}} \leq a_{p_i}$  无法取等号。

假定有  $k$  个位置无法取等，根据简单组合数学知识，知最终答案为  $\binom{n+n-1-k}{n}$

现在需要维护无法取等的  $a_{p_{i-1}} \leq a_{p_i}$  的个数，发现正向维护是十分困难的，考虑逆序维护。

最后序列共有已经排序好的  $n$  个元素，设最后一个二元组为  $(x,y)$  则最后一个二元组取得第  $y$  个元素一定就是当前序列得第  $y$  个元素。

不难发现当前序列的第  $y+1$  个元素一定无法取等，将他标记，然后删除当前序列第  $y$  个元素，继续处理倒数第二个二元组。

于是问题转化为构造一个支持查询第  $k$  大和删除固定元素的数据结构，显然可以线段树维护。

另外题目只保证  $\sum m$  的范围不保证  $\sum n$  的范围，因此需要记录被修改的位置进行复原。总时间复杂度  $O(m \log n)$

```
const int MAXN=2e5+5,mod=998244353;
int frac[MAXN<<1],invf[MAXN<<1];
int quick_pow(int n,int k){
    int ans=1;
    while(k){
        if(k&1)ans=1LL*ans*n%mod;
        n=1LL*n*n%mod;
        k>>=1;
    }
}
```

```
    }
    return ans;
}
int C(int n,int m){
    return 1LL*frac[n]*invf[m]%mod*invf[n-m]%mod;
}
int lef[MAXN<<2],rig[MAXN<<2],s[MAXN<<2];
void build(int k,int L,int R){
    lef[k]=L,rig[k]=R,s[k]=R-L+1;
    if(L==R) return;
    int M=L+R>>1;
    build(k<<1,L,M);
    build(k<<1|1,M+1,R);
}
void update(int k,int pos,int v){
    s[k]+=v;
    if(lef[k]==rig[k])
        return;
    int mid=lef[k]+rig[k]>>1;
    if(pos<=mid)
        update(k<<1,pos,v);
    else
        update(k<<1|1,pos,v);
}
int query(int k,int rk){
    if(lef[k]==rig[k])
        return lef[k];
    if(rk<=s[k<<1])
        return query(k<<1,rk);
    else
        return query(k<<1|1,rk-s[k<<1]);
}
pair<int,int> a[MAXN];
void solve(){
    int n=read_int(),m=read_int();
    set<int> vis;
    vector<int> upd;
    _for(i,0,m)
        a[i].first=read_int(),a[i].second=read_int();
    for(int i=m-1;i>=0;i--){
        int p1=query(1,a[i].second),p2=query(1,a[i].second+1);
        vis.insert(p2);
        upd.push_back(p1);
        update(1,p1,-1);
    }
    enter(C(2*n-1-vis.size(),n));
    for(int p:upd)
        update(1,p,1);
}
void Init(){
```

```
int N=2e5;
build(1,1,N);
N<<=1;
frac[0]=1;
_rep(i,1,N)
frac[i]=1LL*frac[i-1]*i%mod;
invf[N]=quick_pow(frac[N],mod-2);
for(int i=N;i;i--)
invf[i-1]=1LL*invf[i]*i%mod;
}
int main()
{
    Init();
    int T=read_int();
    while(T--)
        solve();
    return 0;
}
```

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

[https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal\\_string:jxm2001:contest:cf\\_740\\_div\\_1&rev=1629860942](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:legal_string:jxm2001:contest:cf_740_div_1&rev=1629860942)

Last update: 2021/08/25 11:09