2025/12/02 17:04 1/2 帯修莫队

带修莫队

• Write by Withinlover

本文建立在已经掌握并熟知普通莫队的基础上,如果你对普通莫队的使用仍有疑惑,请前往阅读普通莫队。

算法介绍

普通莫队的一大局限在于不支持修改操作。

我们可以通过增加时间轴的方式让莫队强行支持修改。

具体的,就是由 \$(I, r)\$ 变为 \$(I, r, t)\$□

若已知 \$(I, r, t)\$□我们考虑如下 \$6\$ 种情况

- \$(I 1, r, t)\$
- (1 + 1, r, t)
- \$(l, r 1, t)\$
- \$(l, r + 1, t)\$
- \$(l, r, t 1)\$
- (1, r, t + 1)

写法对比

普通莫队

```
for(int i = 1;i <= m; ++i){
    while(r < Q[i].r) ans = ans + Calc(++r, 1);
    while(r > Q[i].r) ans = ans + Calc(r--, -1);
    while(l < Q[i].l) ans = ans + Calc(l++, -1);
    while(l > Q[i].l) ans = ans + Calc(--l, 1);
    Ans[Q[i].pos] = ans;
}
```

带修莫队

```
for(int i = 1;i <= m; ++i) {
    while(r < Q[i].r) Add(a[++r]);
    while(r > Q[i].r) Del(a[r--]);
    while(l < Q[i].r) Del(a[l++]);
    while(l > Q[i].l) Add(a[--l]);
    while(t < Q[i].t) Make(++t);
    while(t > Q[i].t) Make(t--);
    Ans[Q[i].pos] = ans;
}
```

基本上没什么差距,会普通的约等于会带修改的。

复杂度证明

假设共有 \$N\$ 个点□ \$M\$ 次操作□ \$A\$ 次查询□\$B\$ 次修改 , 块大小为 \$S\$□

对于 \$I\$ 指针: -块内移动,每次查询的最大代价为\$S\$□共有 \$A\$ 次,复杂度 \$SA\$□

对于 r 指针 - 随 r 指针移动[]r 指针固定在一块中时[]r 指针单调递增,最大代价为r r *\frac{N}{S} 次,复杂度 r *\frac{N^2}{S}

对于 \$t\$ 指针 - 当\$I, r\$固定时[]\$t\$单调递增,最大代价为 \$B\$次,共有\$\frac{N^2}{S^2}\$ 次,复杂度 \$\frac{BN^2}{S^2}\$

推一推,由于题目中不会告诉你查询和修改的次数,所以 \$A\$ 和 \$B\$ 均视为 \$M\$ 即 $$O(SM+\frac{N^2}{S}+\frac{MN^2}{S^2})$

这玩意的极值不好确定,取得精确结果比较困难。一般而言,在题目中 \$N\$ 和 \$M\$ 是同阶的,设 \$S=N^x\$ 则可得复杂度为\$O\left(N^{x+1}+N^{2-x}+N^{3-2x}\right)\$\[]我们希望其指数部分尽可能 的小。即\$\max\{x+1,2-x,3-2x\}\$最小。解得\$x=\frac{2}{3}\$\[]即取\$S=N^{\frac{2}{3}}\[]此时的复杂度为\$O\left(N^{\frac{5}{3}}\right)\$\[]

例题

咕咕咕

From:

https://wiki.cvbbacm.com/ - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:mian:withinlover:mos_algorithm&rev=1589208161

Last update: 2020/05/11 22:42



https://wiki.cvbbacm.com/ Printed on 2025/12/02 17:04