2025/11/29 17:33 Dijkstra的三步走

写在前面:为什么把这两个页面合二为一了呢?因为只需要把最短路中的优先队列换成普通的队列,就变成了广度优先搜索。

# Dijkstra的三步走

## 前提条件

Dijkstra算法(又称标号法),运行结果是从权重为0的起始点开始,为所有顶点标号——标权重。

要求权重全部为正。(为负的话请另寻他法)

头文件只有stdio.h□输入输出□□string.h□memset初始化)......

以及 queue 和C++里万能的语句 using namespace std;

需要两个数组。两个数组的大小都是顶点数。

数据类型小一点的数组vis□用于记录顶点是否已经编号了。

数据类型大一点的数组dis□用于记录顶点权重(即运行结果)。

您还需要一个特殊的优先队列□priority queue<pair<int,int> > q;

介绍一下工具[[priority queue]]又称大顶堆。每次默认弹出最大元素。

和通常的队列语法类似□pop是弹出□push是压入。

top是堆顶元素[empty是判断是否为空。

其中[pair 是特殊的结构体,两元素 first 和 second [

比较时默认先比较 first 大小 first 相同时比较 second 大小。这是在强调序关系的 priority\_queue 中可以调用的原理基础。

make pair 函数,将输入两个元素按顺序结合,成为输出的 pair 类型结构体。

### 第一步:初始化

利用 memset 函数,将 dis 数组全写成 0x3f []正最大值,代指距离无穷大),将 vis 数组全写为 0 (未访问过)。

将起始点(标号为 0 的点,可以不止一个)全部压入堆,同时将对应 dis 数组(之前置为最大值了)置为 0 。

#### 语句为:

```
q.push(make_pair(0,begin));
dis[begin]=0;
```

根据堆特征[] push 和 make\_pair 连用。因为要对权重(距离)排序,所以权重是第一元素。这里的 0 ,

代表距离为0。

## 第二步:找下一个标号点

```
while(!q.empty())
{
    int x=q.top().second;
    q.pop();
    if(vis[x])
    {
        continue;
    }
    vis[x]=1;
```

这段的意思:只要堆 q 非空——(空的话就表示图里全标完了,结束就完事了)

令 x 是要找的下一标号点(的编号,那么x是第二元素)。那么 x 一定在堆顶。

于是top [second [pop组合拳连用。

但是堆顶未必是想要的元素,没准 x 已经被访问过了。因此,检查 vis 数组。如果已经访问,就直接 continue 掉这一循环,从下一循环重新找,本循环仅仅 pop 了一个元素而已。

然后,置 vis 数组为1,表示已经访问过。

## 第三步:标号

令 i 跑遍上文节点 x 的所有邻居□□ for 循环, 跑遍即可□i未必是节点编号)

这里依赖于图的建构。如果用矩阵写,就跑遍矩阵的一行。如果用邻接表写,就跑遍邻接表的一行。

注意,对于无向图,建构时要将两个方向全部写入(序号、权重)。

对于每一个邻居节点,无论标过与否,都跑一遍。这里 y 是节点编号□ time 是对应权重,然后有:

```
if(dis[y]>dis[x]+time)
{
    dis[y]=dis[x]+time;
    q.push(make_pair(-dis[y],y));
}
```

我们看到,只有新权重(节点+权重)比老权重小的时候,才编号,其余时候并不编号。编号完了,就把 这个刚编的节点压入堆。

注意!这里的堆,默认是大顶堆,而我们每次取的时候(见第二步),要取最小的元素。

因此每次压入的时候,将每个权重(第一元素)取负,变相将大顶堆改造成小顶堆。这个操作很巧妙。

https://wiki.cvbbacm.com/ Printed on 2025/11/29 17:33

总共只有这三个步骤。后面没有了。

# 利用队列的BFS非递归实现

From:
https://wiki.cvbbacm.com/ - CV8B ACM Team

Permanent linic:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:namespace:%E5%B9%BF%E5%BA%A6%E4%BC%98%E5%88%E6%90%9C%E7%B4%A2\_bfs\_%E4%B8%8E%E6%A0%87%E6%95%B0%E6%9C%80%E7%9F%AD%E8%B7%AF\_dijkstraGrev=1589795472

### Last update: 2020(05/18 17:51