

A

菲尼克斯有 $n$ 个硬币，重 $2^1, 2^2, \dots, 2^n$ 他知道 $n$ 是偶数。

他想把硬币分成两堆，这样每堆硬币正好有 $n/2$ 个硬币，两堆硬币之间的重量差最小化。形式上 $a$ 表示第一堆中的权重之和 $b$ 表示第二堆中的权重之和。帮助菲尼克斯最小化 $a-b$ 的绝对值。

输入

输入由多个测试用例组成。第一行包含整数 $t$  ( $1 \leq t \leq 100$ ) - 测试用例数。

每个测试用例的第一行包含一个整数 $n$  ( $2 \leq n \leq 30$ ,  $n$ 为偶数) - 菲尼克斯拥有的硬币数量。

输出

对于每个测试用例，输出一个整数 - 两个桩之间可能的最小权重差。

样例

输入

2 2 4

输出

2 6

注意

在第一个测试案例中，凤凰有两个硬币，重量分别为2和4。无论他如何划分硬币，差别将是 $4-2=2$ 。

在第二个测试案例中，凤凰有四枚重量分别为2、4、8和16的硬币。菲尼克斯最好把重量为2和16的硬币放在一堆里，把重量为4和8的硬币放在另一堆里。差别是 $(2+16) - (4+8) = 6$ 。

分析与解答

这个题很显然。如果将最大的 $2^n$ 放到一堆，那么剩余所有的硬币加起来也不如 $2^n$ 大。

因此，差别最小的，一定是最大的 $2^n$ 和较小的 $1+n/2$ 个硬币放在一起，剩余硬币放在一起。根据等比数列求和，最小的差为 $2^{\{1+n/2\}} - 2$ 个。（赞同）

B

凤凰喜欢美丽的阵列。如果所有长度为 $k$ 的子数列具有相同的和，则数组是美丽的。数组的子数列是任何连续元素的序列。

菲尼克斯现在有一个长度为 $n$ 的数组 $a$ 。他想要在数组中插入一些整数，插入个数可能是0，这样数组就变得漂亮了。插入的整数必须介于1和 $n$ 之间（包括1和 $n$ ）。整数可以插入任何位置（甚至在第一个元素之前或之后），并且他并没有试图最小化插入的整数的数量。

输入

输入由多个测试用例组成。第一行包含整数 $t$  ( $1 \leq t \leq 50$ ) - 测试用例数。

每个测试用例的第一行包含两个整数 $n$ 和 $k$  ( $1 \leq k \leq n \leq 100$ )

每个测试用例的第二行包含 $n$ 个空格分隔的整数  $1 \leq a_i \leq n$  - Phoenix当前拥有的数组。这个数组可能很漂亮，

也可能不漂亮。

## 输出

对于每个测试用例，如果不可能创建一个漂亮的数组，请打印-1。否则，打印两行。

第一行应包含美丽数组的长度  $m$   $n \leq m \leq 10^4$  你不需要最小化  $m$

第二行应该包含  $m$  个空格分隔的整数  $1 \leq b_i \leq n$  菲尼克斯在其数组  $a$  中插入一些整数（可能为零）后可以获得的漂亮数组。您可以打印最初不在数组  $a$  中的整数。

如果有多种解决方案，请打印一个解决方案。它保证了如果我们能使数组变得漂亮，我们总是可以使它的长度不超过  $10^4$ 。

## 样例

### 输入

```
4 4 2 1 2 2 1 4 3 1 2 2 1 3 2 1 2 3 4 4 4 3 4 2
```

### 输出

```
5 1 2 1 2 1 4 1 2 2 1 -1 7 4 3 2 1 4 3 2
```

## 注意

在第一个测试用例中，我们可以通过在索引3处插入整数1（在两个现有的2之间）使数组变漂亮。现在，长度  $k=2$  的所有子数组的和都是3。还有许多其他可能的解决方案，例如：

```
2,1,2,1,2,1 1,2,1,2,1,2
```

在第二个测试用例中，数组已经很漂亮了：长度为  $k=3$  的所有子数组都有相同的和5。在第三个测试用例中，可以证明我们不能插入数字来使数组变得漂亮。在第四个测试用例中，所示的数组  $b$  是美丽的，并且长度  $k=4$  的所有子数组具有相同的和10。还有其他的解决办法。

## 分析

如果任意连续  $k$  个数都具有相同的和，那么这个数列一定是循环的，循环节为  $k$

这样一来，如果原数列中已经出现了超过  $k$  个不同的数字，一定不可能实现，否则应该可以实现。

既然不需要保证最短，我们只需要想各种办法让数列变成  $k$  位循环就行了。

假设这个数列一共用到了  $c$  个数字  $c \leq k$  首先从左往右读，直到  $c$  个数字均在数列中出现。假设这  $c$  个数字出现的次序依次是  $d_1 d_2 \dots d_c$

那么就可以构造一个循环数列，循环节为  $d_1 d_2 \dots d_c d_c d_c \dots d_c$  共  $k$  位。

接下来再从头开始读。每当读下一个数字的时候，先判断是不是循环节中下一个数。如果不是，就把后面一整个循环节续进去，直到是为止。这样就构造完了这个冗长的数列。

（反正题目没有要求最优解，只要可行解就行了）

有  $c$  个数字  $c \leq k$  的话，直接  $1 2 3 \dots k$  行不？循环几遍到  $m \geq n$  停止？

也有道理。反正暴力解决，保证有子串就行了。

看了眼数据范围  $n < 100$  这...直接输出自然数就行，要保证出现过，用个散列表统计一下。

### C

菲尼克斯有一个由小写拉丁字母组成的字符串  $s$ 。他想把字符串中的所有字母都分配到  $k$  个非空字符串  $a_1 a_2 \dots a_k$  中，这样  $s$  的每个字母都正好指向其中一个字符串  $a_i$ 。字符串  $a_i$  不需要是  $s$  的子字符串。Phoenix 可以分发  $s$  的字母，并在每个字符串  $a_i$  中重新排列字母。

例如，如果  $s = \text{baba}$  和  $k = 2$ ，Phoenix 可能会以多种方式分发字符串中的字母，例如：

$ba$  和  $ba$   $a$  和  $abb$   $ab$  和  $ab$   $aa$  和  $bb$

但这些方法是无效的：

$baa$  和  $ba$   $b$  和  $ba$   $baba$  和空字符串 ( $a_i$  应非空)

菲尼克斯想把字符串  $s$  的字母分布成  $k$  个字符串  $a_1 a_2 \dots a_k$  以最小化其中词汇最大字符串，即最小化  $\max |a_1 a_2 \dots a_k|$  帮助他找到最优分布并打印  $\max |a_1 a_2 \dots a_k|$  的最小可能值。

String  $x$  的字形小于  $y$  如果  $x$  是  $y$  的前缀并且  $x$  不等于  $y$  或者存在下标  $i (1 \leq i \leq \min(|x|, |y|))$  使得  $x_i < y_i$  对于每个  $j (1 \leq j < i)$  均有  $x_j = y_j$  这里  $|x|$  表示字符串  $x$  的长度。

总之就是字典序的意思。

### 输入

输入由多个测试用例组成。第一行包含整数  $t (1 \leq t \leq 1000)$  - 测试用例数。每个测试用例由两行组成。

每个测试用例的第一行包含两个整数  $n$  和  $k (1 \leq k \leq n \leq 105)$  - 字符串  $s$  的长度和非空字符串的数目。Phoenix 希望将  $s$  的字母分别分配到这两个整数中。

每个测试用例的第二行包含一个长度为  $n$  的字符串  $s$ 。该字符串仅由小写拉丁字母组成。

保证所有测试用例的  $n$  之和  $\leq 105$ 。

### 输出

打印  $t$  答案 - 每个测试用例一个。第  $i$  个答案应该是第  $i$  个测试用例中  $\max |a_1 a_2 \dots a_k|$  的最小可能值。

### 样例

#### 输入

6 4 2 baba 5 2 baacb 5 3 baacb 5 3 aaaaa 6 4 aaxzzz 7 1 phoenix

#### 输出

ab abbc b aa x ehinopx

### 注意

在第一个测试用例中，一个最优的解决方案是将  $baba$  分配到  $ab$  和  $ab$ 。在第二个测试用例中，一个最优的解决方案是将  $baacb$  分配到  $abbc$  和  $a$  中。在第三个测试用例中，一个最佳解决方案是将  $baacb$  分配到  $ac$ 、 $ab$  和  $b$  中。在第四个测试用例中，一个最优的解决方案是将  $aaaaa$  分布到  $aa$ 、 $aa$  和  $a$  中。在第五个测试用例中，一个最佳解决方案是将  $aaxzzz$  分布到  $az$ 、 $az$ 、 $x$  和  $x$  中。在第六个测试用例中，一个最佳的解决方案是将  $phoenix$  分配到  $ehinopx$  中。

## 分析

——以下算法好像出了点问题——

逆向考虑。

首先，把所有的字母全部拆掉，即对于长为 $n$ 的串，先拆成 $n$ 个单独的字母，然后不断拼接，直到拼成剩下 $k$ 个串为止。

由于字母顺序可以打乱，那么先将 $n$ 个字母按照字典序排序。（字母可重复）

每次合并的时候，把字典序最大的合并到字典序最小，并将新串串内排序，再插入原串的排列。这是二分查找加插入的操作。

大佬说用STL里面的`multiset`（元素可重复），本质还是树，每次取最大元和最小元维护就行了。

（瑟瑟发抖。至于具体怎么写，感觉有·点·复·杂）

——以上是有点问题的算法——

先排序，然后分这几种情况：

1. 比较 $s[0]$ 和 $s[k-1]$ 如果不同直接输出 $s[k-1]$ 因为这时在首字母中 $s[k-1]$ 已经是最大的了，后面什么都不加就是最小的，其他的加到别的地方。2. 如果 $s[0]$ 和 $s[k-1]$ 相同，说明首字母相同，注意样例中的aaaaa这就是一种特殊情况，这个情况 $a$ 要均分，才是最小，比较 $s[k]$ 和 $s[n-1]$ 相同就是尽量均分。3.  $s[k]$ 和 $s[n-1]$ 不同的话，只能把 $s[k]$ 到 $s[n-1]$ 全都放在一个的后面，因为如果分给了其他的，一定会导致字典序增大。如abbc变成abc

## D

菲尼克斯决定成为一名科学家！他目前正在调查细菌的生长。

最初，在第1天，有一种细菌的质量为1。

每天，一些细菌会分裂（可能为零或全部）。当一个质量为 $m$ 的细菌分裂时，它变成两个质量为 $m/2$ 的细菌。例如，一个质量为3的细菌可以分裂为两个质量为1.5的细菌。

而且，每天晚上，所有细菌的质量增加1。

菲尼克斯想知道所有细菌的总质量是否有可能精确到 $n$ 如果可能的话，他感兴趣的是如何使用尽可能少的夜数来获得这个质量。帮助他成为最好的科学家！

## 输入

输入由多个测试用例组成。第一行包含整数 $t$  ( $1 \leq t \leq 1000$ ) - 测试用例数。

每个测试用例的第一行包含一个整数 $n$  ( $2 \leq n \leq 10^9$ ) - 菲尼克斯感兴趣的细菌总数。

## 输出

对于每个测试用例，如果细菌无法精确达到总质量 $n$ 请打印-1。否则，打印两行。

第一行应该包含一个整数 $d$  - 所需的最少夜数。

下一行应该包含 $d$ 个整数，第 $i$ 个整数表示第 $i$ 天应该分裂的细菌数量。

如果有多种解决方案，请打印任何解决方案。

例子

输入复制

3 9 11 2

输出

3 1 0 2 3 1 1 2 1 0

注意

在第一个测试用例中，以下过程产生总质量为9的细菌：

第1天：质量为1的细菌分裂。现在有两种细菌，每种质量为0.5。

夜1：所有细菌的质量增加一个。现在有两种质量为1.5的细菌。

第二天：没有分裂。

第二晚：现在有两种细菌的质量是2.5。

第三天：两种细菌都分裂了。现在有四种质量为1.25的细菌。

第三晚：现在有四种细菌的质量是2.25。

总质量为 $2.25+2.25+2.25+2.25=9$ 。可以证明，3是所需的最少夜数。还有其它方法可以在3晚内获得总质量9。

在第二个测试用例中，以下过程产生总质量为11的细菌：

第1天：质量为1的细菌分裂。现在有两种质量为0.5的细菌。

夜1：现在有两种细菌的质量是1.5。

第二天：一个细菌分裂。现在有三种细菌的质量分别为0.75、0.75和1.5。

第二夜：现在有三种细菌，质量分别为1.75、1.75和2.5。

第3天：质量为1.75和2.5的细菌分裂。现在有5种细菌的质量分别为0.875、0.875、1.25、1.25和1.75。

第三夜：现在有五种细菌，它们的质量分别是1.875、1.875、2.25、2.25和2.75。

总质量为 $1.875+1.875+2.25+2.25+2.75=11$ 。可以证明，3是所需的最少夜数。还有其它方法可以在3晚内获得总质量11。

在第三个测试案例中，细菌在第1天不会分裂，然后在第1天晚上生长到第2块。

分析

因为最后要求的是总质量，显然我们完全不用关心细菌究竟质量多少，只要看总个数就行了。相当于要求每次增加的质量为当前细菌个数，并且只增不减，要求从1开始，最少步骤精确达到给定值 $n$

这个 $n$ 就是细菌个数数列某个部分和+1（初始质量）。如果将1置于数列最前面（第0天），那就是部分和。要求数列下一项在前一项1倍到2倍之间。

可以想象，如果是 $2^{n-1}$ 这样的数，只需要 $n-1$ 次全体分裂就行了，也就是说次数的大致增长量级是对数量级。

那么方法也就呼之欲出了。

需要的最少晚上数，就是 $\log_2 n$ 即二进制位数-1。例如对于质量1，需要0个晚上。

细菌总个数和总质量无关.....

对于二进制数1xxxxxxxx.....考虑后面xxxxxxxx.....部分：

从左往右数第一个1出现在哪里，代表现在正在修改第几位。

10000 0 1 2 4——初始数列0 1 2 4。

10001 1 0 2 4——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改12两位。

10010 1 1 1 4——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改23两位。 10011 1 2 0 4——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改23两位。

10100 1 2 1 3——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改34两位。 10101 1 2 2 2——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改34两位。 10110 1 2 3 1——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改34两位。 10111 1 2 4 0——从初始数列0 1 2 4到最终数列1 2 4 8过渡中，正在修改34两位。

11000 1 2 4 1——修改1 2 4 8的末位。 ..... 11111 1 2 4 8

100000 0 1 2 4 8——以此类推

被修改的两位，和始终保持不变，为2的{位数减一}次幂，前一个数是标红的1后面部分减1。

## E

菲尼克斯在后院摘浆果。有n灌木，每个灌木有 $a_i$ 红色浆果和 $b_i$ 蓝色浆果。

每个篮子可以装k浆果。但是，菲尼克斯决定每个篮子只能装同一种灌木的浆果或同一颜色的浆果（红色或蓝色）。换句话说，篮子里的所有浆果必须来自同一种灌木或/和具有相同的颜色。

例如，如果有两个灌木，第一个灌木中有5红色和2蓝色浆果，第二个灌木中有2红色和1蓝色浆果，则Phoenix可以完全填充2篮容量4：

第一个篮子将包含来自第一个灌木的3红色和1蓝色浆果；

第二个篮子将包含来自第一个灌木的2剩余红色浆果和来自第二个灌木的2红色浆果。

帮助菲尼克斯确定他能完全填满的最大篮数！

## 输入

第一行包含两个整数n和k $1 \leq n \leq 500$ —分别是灌木的数量和篮子容量。

接下来的n行中的i-th包含两个整数 $a_i$ 和 $b_i$  $0 \leq a_i, b_i \leq 10^9$ —分别是i-th灌木中红色和蓝色浆果的数量。输出输出一个整数-菲尼克斯可以完全填充的最大篮数。 样例输入 2 4 5 2 2 1 输出 2 输入 1 5 2 3 输出 1 输入 2 5 2 1 1 3 输出 0 输入 1 2 1000000000 1 输出 500000000 注意 上面描述了第一个示例。在第二个例子中，菲尼克斯可以用第一个（也是唯一一个）灌木的所有浆果填满一个篮子。在第三个示例中Phoenix无法完全填充任何篮子，因为每个灌木中的浆果少于5，总红色浆果少于5，总蓝色浆果少于5。

在第四个例子中，菲尼克斯可以把所有的红色浆果放进篮子里，留下一个额外的蓝色浆果。

## 分析

( 暂无思路 )

大致意思是只能从矩阵同行或同列取值，要求每次取值必须填满篮子k个)，问最多填多少个篮子。

F

菲尼克斯正在给他的n个朋友拍照，他们的标签是1 2 ... n按特殊顺序排成一排。但他还没来得及拍照，他的朋友们就被一只鸭子弄得心烦意乱，把秩序搞得一团糟。

现在，菲尼克斯必须恢复秩序，但他记不清了！他只记得左边的第i个朋友在ai和bi-inclusive之间有一个标签。有没有一种独特的方法可以根据他的记忆来安排他的朋友？

输入

第一行包含一个整数n(1 ≤ n ≤ 2 · 10<sup>5</sup>) - 朋友数。

接下来n行中的第i行包含两个整数ai和bi(1 ≤ ai ≤ bi ≤ n) - 菲尼克斯从左侧对第i个位置的记忆。

菲尼克斯的内存是有效的，所以至少有一个有效的顺序。

输出

如果菲尼克斯可以按照唯一的顺序重新排列他的朋友，请在“是”后面加上n个整数 - 第i个整数应该是第i个朋友在左侧的标签。

否则，请打印“否”。然后，在以下两行上打印任意两个不同的有效订单。如果是多个解决方案，请打印任意两个。

样例

输入

4 4 4 1 3 2 4 3 4

输出

YES 4 1 2 3

输入

4 1 3 2 4 3 4 2 3

输出

NO 1 3 4 2 1 2 4 3

分析

( 这个题也没思路 )

大致意思是找一个合法的排列，使得每个数恰好落进给定的区间。

如果合法排列唯一，是YES 合法排列数大于等于2 NO并输出任意两个。

Last update: 2020/05/31 12:55 2020-2021:teams:namespace:codeforces\_round\_638\_div\_2 [https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:namespace:codeforces\\_round\\_638\\_div\\_2&rev=1590900907](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:namespace:codeforces_round_638_div_2&rev=1590900907)

---

From:  
<https://wiki.cvbbacm.com/> - **CVBB ACM Team**

Permanent link:  
[https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:namespace:codeforces\\_round\\_638\\_div\\_2&rev=1590900907](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:namespace:codeforces_round_638_div_2&rev=1590900907) 

Last update: **2020/05/31 12:55**