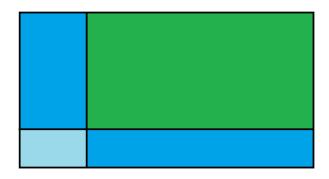
2025/11/29 22:02 1/2 前缀和

前缀和

一些情况下,对数组的子区间和进行多次询问,遍历是一个费时的行为,前缀和在这里就很有用。

多维前缀和



在一个二维数组中要求一个方形区域的和。这里同样可以运用前缀和。例如这张图,求绿色部分,就可以用整个减去横侧和纵侧的条,再加上被减两次的块。三维数组中同理,只是算式略不同。就是容斥定理的应用。但是随着维度t变高,计算前缀和的容斥的复杂度是\$2^t\$\[总复杂度达到了O(\$n^t\times2^t\$\]

以三维为例:

我们其实有个更好的办法

 $[a_1[i][j][k]=\sum_{l=1}^k a[l][j][k]$ \quad a_2[i][j][k]=\sum_{l=1}^j a_1[i][l][k]\quad a_3[i][j][k]=\sum_{l=1}^i a[i][j][l]\] a3数组即为所求,更高维度同理 就是说按维每一维加一遍。 这样做可以将复杂度降至O(n^t) ### 做较高的情况下会节省一些时间。

例子

1.数字列表项目给定一个\$n\times n\$的矩阵,找一个最大的子矩阵,使得这个子矩阵里面的元素和最大。

最朴素的想法是枚举左下角、右上角并在内部枚举每个元素,复杂度O(\$n^6\$)□利用前缀和降 至O(\$n^4\$)□

好一点的想法是枚举上下边,中间的矩阵就成了一维数列,变成求最大区间和的问题,达到O(\$n^3\$)□

2.

差分

有时在询问区间和之前有若干对区间的改动。如将a[l]~a[r]内的数都加上p□那么我们可以用差分的方法。 建立一个数组b \square 如果将a[I]~a[r]内的数加p \square 那么在b[I]处加p \square 在b[r+1]处减p \square 那么最终b的前缀和就是每 个位置的增量,再在相应位置修改即可。代码略。

总结

一个基础技巧。

https://wiki.cvbbacm.com/ - CVBB ACM Team

Last update: 2020/05/13 22:16

