

2019 Multi-University Training Contest 3

比赛情况

题号	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
状态	-	-	-	O	-	O	O	Ø	O	-	Ø

O 在比赛中通过 Ø 赛后通过! 尝试了但是失败了- 没有尝试

比赛时间

2020-07-15 13:00-18:00

题解

F - Fansblog

给一个大质数 $1e9 \leq P \leq 1e14$ 求小于它的最大质数 Q 的阶乘 $Q!$ 模 P 的值。

猜 Q 和 P 之间差距不会太大，从 $P-1$ 往下枚举，用米勒拉宾素性测试。然后求阶乘的时候考虑威尔逊定理（学到了 $(P-1)! \equiv -1 \pmod{P}$ 注意要用快速乘^^_

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ALL(x) (x).begin(),(x).end()
#define ll long long
#define ull unsigned long long
#define pii_ pair<int,int>
#define mp_ make_pair
#define pb push_back
#define fi first
#define se second
#define TIMES 30
#define rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);i++)
#define per(i,a,b) for(int i=(a);i>=(b);i--)
#define show1(a) cout<<#a<<" = "<<a<<endl
#define show2(a,b) cout<<#a<<" = "<<a<<" "; cout<<#b<<" = "<<b<<endl
using namespace std;
const ll INF = 1LL<<60;
const int inf = 1<<30;
const int maxn = 2e5+5;
inline void fastio() {ios::sync_with_stdio(false);cin.tie(0);cout.tie(0);}

ll gcd(ll a,ll b) {return b==0?a:gcd(b,a%b);}
ll qmul(ll a,ll b,ll M) {a%=M;b%=M;ll
s=0;while(b){if(b&1)s=(s+a)%M;a=(a+a)%M;b>>=1;}return s; }
ll qpow(ll a,ll b,ll M) {a%=M;ll
```

```
s=1;while(b){if(b&1)s=qmul(s,a,M);a=qmul(a,a,M);b>>=1;}return s; }
ll Rand(){
    static ll x=(srand((int)time(0)),rand());
    x+=1000003;
    if(x>1000000007)x-=1000000007;
    return x;
}
bool Witness(ll a,ll n) {
    ll u=n-1,t=0;
    while(u%2==0)t++,u>>=1;
    ll x=qpow(a,u,n);
    if(x==1)return false;
    for(int i=1; i<=t; i++,x=qmul(x,x,n))
        if(x!=n-1&&x!=1&&qmul(x,x,n)==1)return true;
    return x!=1;
}
bool Miller_Rabin(ll n) {
    if(n==2)return true;
    if(n<2||!(n&1))return false;
    for(int i=1; i<=TIMES; i++)
        if(Witness(Rand()%(n-1)+1,n))return false;
    return true;
}

int main()
{
    fastio();
    int _;
    for(cin>>_;;_--){
        ll P; cin>>P;
        ll Q = P-1;
        while(1){
            if(Miller_Rabin(Q)) break;
            Q--;
        }
        ll ans = P-1;
        for(ll i=Q+1;i<=P-1;i++){
            ans = qmul(ans,qpow(i,P-2,P),P);
        }
        cout<<ans<<endl;
    }
    return 0;
}
```

G - Find the answer

对于 1 到 n 每个位置 i 删除 $[1,i]$ 区间的几个元素能使得该位置的前缀和不大于 m

离散上权值线段树，查询最少多少个元素和大于等于 $\text{sum}-m$ (肯定是最大的若干个元素)，相当于线段树上二分。

```
#pragma GCC optimize(2)
#pragma GCC optimize(3,"Ofast","inline")
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=2e5+5;
ll w[N],num[N];
ll read()
{
    ll x=0,f=1;char c=getchar();
    while(c<'0' || c>'9'){if(c=='-')f=-1;c=getchar();}
    while(c>='0'&& c<='9'){x=x*10+c-'0';c=getchar();}
    return x*f;
}
struct Node{int l,r;ll sz,sum;}t[N*4];
void build(int idx,int l,int r)
{
    t[idx].l=l,t[idx].r=r,t[idx].sz=t[idx].sum=0;
    if(l==r)return;
    int mid=(l+r)>>1;
    build(idx<<1,l,mid),build(idx<<1|1,mid+1,r);
}
void ins(int idx,int x)
{
    if(t[idx].l==t[idx].r){t[idx].sz++,t[idx].sum+=num[x];return;}
    int mid=(t[idx].l+t[idx].r)>>1;
    if(x<=mid)ins(idx<<1,x);else ins(idx<<1|1,x);
    t[idx].sz=t[idx<<1].sz+t[idx<<1|1].sz;
    t[idx].sum=t[idx<<1].sum+t[idx<<1|1].sum;
}
int que(int idx,ll x)
{
    if(x<=0)return 0;
    if(t[idx].l==t[idx].r)return x/num[t[idx].l]+(x%num[t[idx].l]>0);
    if(t[idx<<1|1].sum>=x)return que(idx<<1|1,x);
    return t[idx<<1|1].sz+que(idx<<1,x-t[idx<<1|1].sum);
}
int main()
{
    int q=read();
    while(q--)
    {
        int n,tot=0;
        ll m,sum=0;
        n=read(),m=read();
        for(int i=1;i<=n;i++)w[i]=read(),num[++tot]=w[i];
    }
}
```

```
sort(num+1,num+1+tot);
tot=unique(num+1,num+1+tot)-num-1;
build(1,1,tot);
for(int i=1;i<=n;i++)
{
    sum+=w[i];
    printf("%d ",que(1,sum-m));
    int x=lower_bound(num+1,num+1+tot,w[i])-num;
    ins(1,x);
}
puts("");
return 0;
}
```

H - Game

其实是在可以动态修改的情况下（交换 a_i, a_{i+1} ）回答若干 $[L, R]$ 有多少子区间异或和为零的问题。记录前缀异或和（相同则意味着区间异或和为零）swap只改变 $pre[i]$ 带修改莫队一下，可能要卡常。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=1e5+5;
const int M=2e7+10;
int n,m,swp[N],bloc,a[N],pre[N],qcnt,mcnt,inq[N],l,r;
ll res[N],num[M],ans;
ll read()
{
    ll x=0,f=1;char c=getchar();
    while(c<'0' || c>'9'){if(c=='-')f=-1;c=getchar();}
    while(c>='0' && c<='9'){x=x*10+c-'0';c=getchar();}
    return x*f;
}
struct Node
{
    int l,r,now,id;
    Node(int l=0,int r=0,int now=0,int id=0):l(l),r(r),now(now),id(id){}
}q[N];
bool cmp(Node x,Node y)
{
    if((x.l-1)/bloc==(y.l-1)/bloc)
    {
        if((x.r-1)/bloc==(y.r-1)/bloc)return
```

```

((x.r-1)/bloc&1)?x.now<y.now:x.now>y.now;
    return x.r<y.r;
}
return x.l<y.l;
}
void exchange(int x)
{
    swap(a[x],a[x+1]);
    if(x>=l-1&&x<=r)
    {
        ans-=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
        num[pre[x]]--;
        ans+=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
    }
    pre[x]^=a[x]^a[x+1];
    if(x>=l-1&&x<=r)
    {
        ans-=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
        num[pre[x]]++;
        ans+=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
    }
}
void work(int x)
{
    int f=1;
    if(inq[x])f=-1;
    if(x==l)
    {
        ans-=num[pre[x-1]]*(num[pre[x-1]]-1)/2;
        num[pre[x-1]]+=f;
        ans+=num[pre[x-1]]*(num[pre[x-1]]-1)/2;
    }
    if(x==r)
    {
        ans-=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
        num[pre[x]]+=f;
        ans+=num[pre[x]]*(num[pre[x]]-1)/2;
    }
    inq[x]^=1;
}
int main()
{
    clock_t start1=clock(),end1;
    while(~scanf("%d%d",&n,&m))
    {
        qcnt=mcnt=ans=0,bloc=pow(n,0.6666666666)+1;
        for(int i=1;i<=n;i++)a[i]=read(),pre[i]=pre[i-1]^a[i];
        for(int i=1;i<=m;i++)
        {
            int op=read();
            if(op==1)

```

```
    {
        int l=read(),r=read();
        ++qcnt;
        q[qcnt]=Node(l,r,mcnt,qcnt);
    }
    else swp[++mcnt]=read();
}
sort(q+1,q+1+qcnt,cmp);
l=1,r=0;
for(int i=1;i<=qcnt;i++)
{
    for(int j=q[i-1].now+1;j<=q[i].now;j++)exchange(swp[j]);
    for(int j=q[i-1].now;j>q[i].now;j--)exchange(swp[j]);
    while(l>q[i].l)--l,work(l);
    while(r<q[i].r)++r,work(r);
    while(l<q[i].l)work(l),l++;
    while(r>q[i].r)work(r),r--;
    ll len=q[i].r-q[i].l+1;
    res[q[i].id]=len*(len-1)/2+len-ans;
}
for(int i=1;i<=qcnt;i++)printf("%lld\n",res[i]);
while(l<=r)work(l),l++;
}
return 0;
}
```

K - Squirrel

在一颗带权树上割掉一条边，求到其他点最远距离最小的点和这个最远距离。

容易想到换根 dp 得到每个节点 u 沿着子树的前三远的距离和沿着父亲的最远距离。然后用这些距离求割掉一条边后的最远距离。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define MEM(x) memset((x),0,sizeof(x))
#define ALL(x) (x).begin(),(x).end()
#define ll long long
#define ull unsigned long long
#define pii_pair<int,int>
#define mp_make_pair
#define pb push_back
#define fi first
#define se second
#define rep(i,a,b) for(int i=(a);i<=(b);i++)
#define per(i,a,b) for(int i=(a);i>=(b);i--)
#define showl(a) cout<<#a<<" = "<<a<<endl
```

```

#define show2(a,b) cout<<#a<<" = "<<a<<"; "<<#b<<" = "<<b<<endl
using namespace std;
const ll INF = 1LL<<60;
const int inf = 1<<30;
const int maxn = 2e5+5;
inline void fastio() {ios::sync_with_stdio(false);cin.tie(0);cout.tie(0);}

int n,head[maxn],tot;
int
idx1[maxn],idx2[maxn],idx3[maxn],fi[maxn][2],se[maxn][2],th[maxn][2],fa[maxn][2],d[maxn];
struct edge
{
    int u,v,w,nxt;
}es[maxn<<1];
void addedge(int u,int v,int w)
{
    es[++tot] = (edge){u,v,w,head[u]};
    head[u] = tot;
}
void dfs1(int u,int f)
{
    for(int i=head[u];~i;i=es[i].nxt){
        int v = es[i].v,w = es[i].w;
        if(v==f) continue;
        dfs1(v,u);
        d[v] = w;
        if(fi[v][0] + w > fi[u][0]){
            th[u][0] = se[u][0];
            idx3[u] = idx2[u];
            se[u][0] = fi[u][0];
            idx2[u] = idx1[u];
            fi[u][0] = fi[v][0] + w;
            idx1[u] = v;
        }else if(fi[v][0] + w > se[u][0]){
            th[u][0] = se[u][0];
            idx3[u] = idx2[u];
            se[u][0] = fi[v][0] + w;
            idx2[u] = v;
        }else if(fi[v][0] + w > th[u][0]){
            th[u][0] = fi[v][0] + w;
            idx3[u] = v;
        }
    }
    fi[u][1] = min(fi[idx1[u]][0], max(fi[idx1[u]][1],se[idx1[u]][0]) + d[idx1[u]]);
    se[u][1] = min(fi[idx2[u]][0], max(fi[idx2[u]][1],se[idx2[u]][0]) + d[idx2[u]]);
}
void dfs2(int u,int f)
{

```

```
for(int i=head[u];~i;i=es[i].nxt){
    int v = es[i].v,w = es[i].w;
    if(v==f) continue;
    if(idx1[u]==v){
        fa[v][0] = max(fa[u][0],se[u][0]) + w;
        fa[v][1] = min(max(fa[u][0],se[u][0]),
min(max(fa[u][1],se[u][0]), max(fa[u][0],max(se[u][1],th[u][0]))) + w);
    }else{
        fa[v][0] = max(fa[u][0],fi[u][0]) + w;
        if(idx2[u]==v){
            fa[v][1] = min(max(fa[u][0],fi[u][0]),
min(max(fa[u][1],fi[u][0]), max(fa[u][0],max(fi[u][1],th[u][0]))) + w);
        }else{
            fa[v][1] = min(max(fa[u][0],fi[u][0]),
min(max(fa[u][1],fi[u][0]), max(fa[u][0],max(fi[u][1],se[u][0]))) + w);
        }
    }
    dfs2(v,u);
}
}
int main()
{
    fastio();
    int _,u,v,w;
    for(cin>>_;;_--){
        tot=0;
        cin>>n;
        MEM(fi);MEM(se);MEM(th);MEM(fa);
        memset(head,-1,sizeof(head));
        rep(i,1,n-1){
            cin>>u>>v>>w;
            addedge(u,v,w);
            addedge(v,u,w);
        }
        dfs1(1,0);
        dfs2(1,0);
        int ans = inf,id;
        rep(i,1,n){
            int res =
min(max(fa[i][1],fi[i][0]),max(fa[i][0],max(fi[i][1],se[i][0])));
            if(res<ans) ans=res,id=i;
        }
        cout<<i<<" "<<ans<<endl;
    }
    return 0;
}
```

比赛总结与反思

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:wangzai_milk:20200715%E6%AF%94%E8%B5%9B%E8%AE%B0%E5%BD%95&rev=1594882467

Last update: 2020/07/16 14:54