

1322B - Present

4×10^5 个数，问两两求和后的异或和。

可以按位考虑，考虑第 k 位时给数字模 2^{k+1} 这样第 k 位为 1 和只可能在 $[2^k, 2^{k+1}-1], [2^{k+1}+2^k, 2^{k+2}-2]$ 区间，对于每个数 `lower_bound` 找位置就好。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pii pair<int,int>
#define mp make_pair
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=4e5+10;
int a[N],num[N];
int main()
{
    int n;
    scanf("%d",&n);
    for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&a[i]);
    int ans=0;
    for(int k=1;k<=2e7;k<=1)
    {
        ll tot=0,res=0;
        for(int i=1;i<=n;i++)num[++tot]=a[i]%(k<<1);
        sort(num+1,num+1+tot);
        for(int i=1;i<=tot;i++)
        {
            int l=k-num[i],r=(k<<1)-num[i];
            if(l<=r)res+=lower_bound(num+1,num+i,r)-
lower_bound(num+1,num+i,l);
            l=(k<<1)+k-num[i],r=(k<<2)-1-num[i];
            if(l<=r)res+=lower_bound(num+1,num+i,r)-
lower_bound(num+1,num+i,l);
        }
        if(res&1)ans|=k;
    }
    printf("%d\n",ans);
    return 0;
}
```

1322C - Instant Noodles

二分图，右边的点每个有一个点权，对于左边点的集合 $S \subseteq N(S)$ 是所有与集合中点邻接的点 $f(S)$ 是 $N(S)$ 的点权之和。问对与所有非空集合 $S \subseteq f(S)$ 的 \gcd

如果某些右边的点邻接的点完全相同，则缩点，将权值定为它们的和，去除度数零的点，此时所有点权的 \gcd 即答案。

证明：设此时的 \gcd 为 g 全集 U 给所有 c_i 除以 g 若答案为 $k \times g (k > 1)$ 则 $f(U)$ 而必定存在 c_j (因为 \gcd 已除)，取度数最小的这样的 j 取集合 S 为左边所有不与 j 相邻的点，则 $N(S)$ 仅不包含 j 与邻接点是 j 的子集的点，所有右边点的点权和被 k 整除，而这些点的点权和不被 k 整除，可以推出 $f(S)$ 矛盾，故不存在这样的 k

写法参考了别人的题解，第一次用iota还有vector比较大小什么的，很神秘。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pii pair<int,int>
#define mp make_pair
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=5e5+10;
ll c[N];
vector<int>g[N],num;
int main()
{
    int t;
    scanf("%d",&t);
    while(t--)
    {
        int n,m;
        scanf("%d%d",&n,&m);
        for(int i=1;i<=n;i++)vector<int>().swap(g[i]),scanf("%lld",&c[i]);
        for(int i=1;i<=m;i++)
        {
            int u,v;
            scanf("%d%d",&u,&v);
            g[v].pb(u);
        }
        for(int i=1;i<=n;i++)sort(g[i].begin(),g[i].end());
        vector<int>(n).swap(num);
        iota(num.begin(),num.end(),1);
        sort(num.begin(),num.end(),[&](int a,int b){return g[a]<g[b];});
        ll res=0;
        for(int i=0;i<n;i++)
        {
```

```

        if(g[num[i]].empty())continue;
        ll f=c[num[i]];
        while(i+1<n&&g[num[i+1]]==g[num[i]])i++,f+=c[num[i]];
        if(!res)res=f;else res=__gcd(res,f);
    }
    printf("%lld\n",res);
}
return 0;
}

```

1322D - Reality Show

n 个观众每个观众有攻击力 l_i 邀请他花费 s_i 并直接获得 c_{l_i} 的收益。当现有的两个观众攻击力相同，他们中一个会消失另一个攻击力变 l_i+1 并获得新的收益 c_{l_i+1} 这个过程会不断进行直到选择的观众互不相同)。所选观众的攻击力要求是不上升的，最大化利润。

注意到观众打架消除的过程像二进制加法的进位，处理观众的顺序其实是不影响最终的获利的。由于进位是向高位进的，翻转序列搞一个不下降序列比较容易。我们可以用 $f[l_i][k]$ 表示当前选择的最大攻击力为 l_i 且 l_i 有 k 个时的最大获利，则 $f[l_i][k]$ 可以向 $f[l_i+1][k/2]$ 转移（因为每次都除二复杂度是可接受的）。

```

#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pii pair<int,int>
#define mp make_pair
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=5005;
const ll inf=(1LL<<60);
int l[N],s[N],c[N];
ll f[N][N],res;
int main()
{
    int n,m;
    scanf("%d%d",&n,&m);
    for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&l[i]);
    for(int i=1;i<=n;i++)scanf("%d",&s[i]);
    for(int i=1;i<=n+m;i++)scanf("%d",&c[i]);
    for(int i=1;i<=n+m;i++)for(int j=1;j<=n;j++)f[i][j]=-inf;
    for(int i=n;i;i--)
    {
        for(int k=n;k;k--)
        {
            f[l[i]][k]=max(f[l[i]][k],f[l[i]][k-1]+c[l[i]]-s[i]);
        }
    }
}

```

```
for(int j=l[i],cnt=k;j<n+m&&cnt;j++,cnt>>=1)
    f[j+1][cnt>>1]=max(f[j+1][cnt>>1],f[j][cnt]+(cnt>>1)*c[j+1]);
}
for(int j=l[i];j<n+m;j++)f[j+1][0]=max(f[j+1][0],f[j][0]);
}
for(int i=1;i<=n+m;i++)res=max(res,f[i][1]);
printf("%lld\n",res);
return 0;
}
```

1325E - Ehab's REAL Number Theory Problem

n 个因子不超过 s 的数 a_i 问最少选多少个乘积会是完全平方数。

首先如果某个数字能被完全平方数整除就除掉它，不影响结果。之后由于因子不超过 s ，所有 a_i 的质因子数不会多于 $2s$ 个。如果有 1 就直接选它结束，否则其余数字将会是 p 或 $p \cdot q$ 的形式，前者给 $1, p$ 连边，后者给 p, q 连边，问题就转化成无向图找最小环。找环我们直接 bfs 由于每条边意味着两个顶点的数字相乘，最小环中必包含一个不大于 $\sqrt{\max\{a_i\}}$ 的点，仅枚举这些点作为起点即可。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pii pair<int,int>
#define mp make_pair
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=1e6+10;
int pri[N],tot1,a[N],head[N],cnt=-1,num[N],tot2,res=N,d[N],vis[N];
bool jud[N];
vector<int>g[N];
struct Node{int nxt,to;}edges[N];
void addedge(int u,int v){edges[++cnt]=Node{head[u],v},head[u]=cnt;}
void init()
{
    jud[1]=1;
    for(int i=2;i<=1000;i++)
    {
        if(!jud[i])pri[++tot1]=i;
        for(int j=1;j<=tot1&&pri[j]*i<=1000;j++)
        {
            jud[pri[j]*i]=1;
            if(i%pri[j]==0)break;
        }
    }
}
```

```

    }
}
queue<int>q;
void bfs(int s)
{
    memset(d,0x3f,sizeof(d));
    memset(vis,0,sizeof(vis));
    queue<int>().swap(q);
    q.push(s),d[s]=0;
    while(!q.empty())
    {
        int u=q.front();q.pop();
        for(int i=head[u];~i;i=edges[i].nxt)
        {
            int v=edges[i].to;
            if(vis[i])continue;
            if(d[v]==0x3f3f3f3f)d[v]=d[u]+1,vis[i]=vis[i^1]=1,q.push(v);
            else {res=min(res,d[u]+d[v]+1);}
        }
    }
}
int main()
{
    int n;
    memset(head,-1,sizeof(head));
    scanf("%d",&n),init();
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        scanf("%d",&a[i]);
        for(int j=1;j<=tot1;j++)
        {
            while(a[i]%(pri[j]*pri[j])==0)a[i]/=pri[j]*pri[j];
            if(a[i]%pri[j]==0)g[i].pb(pri[j]),a[i]/=pri[j],num[++tot2]=pri[j];
        }
        if(a[i]!=1)g[i].pb(a[i]),num[++tot2]=a[i];
        if(g[i].empty()){puts("1");return 0;}
        if(g[i].size()<2)g[i].pb(1),num[++tot2]=1;
    }
    sort(num+1,num+1+tot2);
    tot2=unique(num+1,num+1+tot2)-num-1;
    for(int i=1;i<=n;i++)
    {
        g[i][0]=lower_bound(num+1,num+1+tot2,g[i][0])-num;
        g[i][1]=lower_bound(num+1,num+1+tot2,g[i][1])-num;
        addedge(g[i][0],g[i][1]),addedge(g[i][1],g[i][0]);
    }
    for(int i=1;i<=tot2;i++)if(num[i]<=1000)bfs(i);
    printf("%d\n",res==N?-1:res);
    return 0;
}

```

1325F - Ehab's Last Theorem

给无重边自环的 n 个节点的无向图，要求构造至少 $\lceil \sqrt{n} \rceil$ 个节点的简单环，或 $\lceil \sqrt{n} \rceil$ 个节点的独立集。

dfs树上每个非树边 (u,v) 都代表了一个大小为 $|\mathrm{dep}_u - \mathrm{dep}_v| + 1$ 的环（dfs树的一个性质是所有非树边连接一个点与它的某个祖先）。搞一个栈记录一下节点，如果环的大小满足 $\lceil \sqrt{n} \rceil$ 选择方案2直接输出。

而如果不存在 $|\mathrm{dep}_u - \mathrm{dep}_v| + 1 \geq \lceil \sqrt{n} \rceil$ 则鸽巢原理说明每个点最多连出 $\lceil \sqrt{n} \rceil - 2$ 条非树边，最多限制 $\lceil \sqrt{n} \rceil - 1$ 个点不可取，所以必能得到 $\lceil \sqrt{n} \rceil$ 大小独立集。从dfs树的叶子节点往上取即可。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
#define pii pair<int,int>
#define mp make_pair
#define fi first
#define se second
#define pb push_back
using namespace std;
const int N=2e5+10;
queue<int>q;
int head[N],cnt,st[N],top,vis[N],d[N],f[N],bloc,done=0,banned[N];
struct Node{int nxt,to;}edges[N*2];
void addedge(int u,int v){edges[++cnt]=Node{head[u],v},head[u]=cnt;}
void dfs1(int u)
{
    vis[u]=1,st[++top]=u;
    int isleaf=1;
    for(int i=head[u];~i&&!done;i=edges[i].nxt)
    {
        int v=edges[i].to;
        if(f[u]==v)continue;
        if(!vis[v])isleaf=0,f[v]=u,d[v]=d[u]+1,dfs1(v);
        else if(d[u]-d[v]+1>=bloc)
        {
            printf("2\n%d\n",d[u]-d[v]+1);
            for(int j=d[v];j<=d[u];j++)printf("%d ",st[j]);
            puts(""),done=1;
        }
    }
    if(isleaf)q.push(u);
    top--;
}
int main()
{
    int n,m;
```

```
memset(head, -1, sizeof(head));
scanf("%d%d", &n, &m), bloc = ceil(sqrt(n)) + 0.1;
for(int i=1; i<=m; i++)
{
    int u, v;
    scanf("%d%d", &u, &v);
    addedge(u, v), addedge(v, u);
}
d[1]=1, dfs1(1);
if(!done)
{
    printf("1\n");
    while(!q.empty() && bloc)
    {
        int u = q.front(); q.pop();
        if(!banned[u])
        {
            printf("%d ", u), bloc--, banned[u]=1;
            for(int i=head[u]; ~i; i=edges[i].nxt)
            {
                int v=edges[i].to;
                banned[v]=1;
            }
        }
        if(f[u]) q.push(f[u]);
    }
    assert(bloc==0);
    puts("");
}
return 0;
}
```

From:
<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2020-2021:teams:wangzai_milk:cf2100-2800%E6%B3%9B%E5%81%9A1&rev=1596371726

Last update: 2020/08/02 20:35