

Fly

题意

给定一个长度为 n 的数列 a_i 和 k 个限制形如 (b_i, c_i) 和一个数 m 求有多少个数列 x_i 满足 $\sum\{a_{ix_i}\} \leq m$ 且 $x_{\{b_i\}} \& 2^{\{c_i\}} = 0$

$n \leq 4 \cdot 10^4, m \leq 10^{18}, k \leq 5 \cdot 10^3, \sum\{a_i\} \leq 4 \cdot 10^4, b_i \leq n, c_i < 60, MOD = 998244353$

题解

我们发现限制是对于每个 x_i 的二进制位进行的，所以考虑直接将 a_{ix_i} 分成 $\sum\{a_i 2^{ky_{i,k}}\}$ 其中 $y_{i,k}$ 表示 $a_i 2^k$ 是否被选择了。这样我们就把问题转化成了 $a_i 2^k$ 这共 $60n$ 个物品，其中有 k 个物品被强制不能选择时，选择的物品的总和不超过 m 的方案数。

注意到 m 非常大，所以直接做背包是没有前途的。这时候我们注意到 $a_i 2^k$ 这样的物品是不会影响到总和的二进制最低的 k 位的，所以我们考虑按照 2^0 到 2^{59} 这个顺序来对这些物品进行DP

我们定义 $dp_{i,j,0/1}$ 表示已经选完 2^i 一类的物品，总和 S 满足 $\lfloor \frac{S}{2^{i+1}} \rfloor = j$ 且 $S \% 2^i$ 是否严格大于 $m \% 2^i$ 的方案数。

考虑先分析一下第二维的范围，我们假设 $\sum\{a_i\} = SA$ 已经选完 2^k 的物品时 $S \leq \sum_{i=0}^k \{2^i SA\} \leq 2^{k+1} SA$

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2022-2023:teams:eager_to_embrace_the_seniors_thigh:1h&rev=1660204939

Last update: 2022/08/11 16:02