

Great Party

题意

有 n 堆石子，第 i 堆有 a_i 个，两个人轮流操作，每次可以从一堆中拿走任意正数个石子，并可以将剩余石子合并到另一堆中（也可以不合并）。每次询问给定 l 和 r 求 $[l,r]$ 中有多少个子段的石子单独拿出来进行游戏可以先手必胜。

$n, q \le 10^5, a_i \le 10^6$

题解

结论：奇数堆时先手必胜，偶数堆时 $\oplus_{i=1}^n a_i \neq 0$ 时先手必胜。

证明：考虑数学归纳法。

1堆时显然先手必胜；2堆时双方都不可能进行合并操作，此时被迫拿完一堆的就输了，所以考虑将两堆数量都减1后当作nim游戏。

对于大于2的偶数，我们仍然按照上面的逻辑，每堆数量都减1后当作nim游戏。

对于大于2的奇数，我们考虑如何操作能将局面变为先手必败。我们考虑操作数量最多的堆，设该堆有 x 个。设第2大的堆有 y 个，第3大的堆有 z 个。显然除了最大的两堆之外的堆减1后的异或和 S 有 $S \le 2*(z-1)$ 我们只需要将

From: <https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link: https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2022-2023:teams:eager_to_embrace_the_seniors_thigh:7k&rev=1660040745

Last update: 2022/08/09 18:25