

Easy Counting Problem

题意

w 到 w 这 w 种数每种至少在字符串中出现 c_1, c_2, \dots, c_w 次, q 次询问, 每次给出一个 n 求长度恰好为 n 的字符串有多少种。

$w \leq 10, q \leq 300, n \leq 10^7, \sum c_i \leq 5 \cdot 10^4$

题解

考虑对每种数构建指数生成函数。对于数 i 显然有 $F_i = \sum_{j \geq c_i} \frac{x^j}{j!}$

然后对于每个询问的答案就是 $ans = n! [x^n] \prod_{i=1}^w F_i$

我们注意到这个题 $\sum c_i$ 很小但是 n 很大, 考虑将 F_i 写成 $F_i = \sum_{j \geq c_i} \frac{x^j}{j!} = e^{x - \sum_{j=0}^{c_i-1} \frac{x^j}{j!}}$

那么答案就可以写作 $ans = n! [x^n] \prod_{i=1}^w (e^{x - \sum_{j=0}^{c_i-1} \frac{x^j}{j!}})$

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - CVBB ACM Team

Permanent link:

https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2022-2023:teams:eager_to_embrace_the_seniors_thigh:c&rev=1659853814



Last update: 2022/08/07 14:30