Easy Counting Problem

题意

1 到 w 这 w 种数每种至少在字符串中出现 $c_1, c_2, ..., c_w$ 次， q 次询问，每次给出一个 n 求长度恰好为 n 的字符串有多少种。

$w\le 10, q\le 300, n\le 10^7, \sum{c_i}\le 5*10^4$

题解

考虑对每种数构建指数生成函数。对于数 i 显然有 $ F_i = \sum_{j \ge c_i}{\frac{x^j}{j!}} $

然后对于每个询问的答案就是 $ ans = n![x^n]\prod_{i=1}^{w}{F_i} $

我们注意到这个题 $\sum{c_i}$ 很小但是 n 很大，考虑将 F_i 写成 $F_i = \sum_{j\ge c_i}{\frac{x^j}{j!}} = e^x-\sum_{j=0}^{c_i-1}{\frac{x^j}{j!}}$

那么答案就可以写作 $ans = n![x^n]\prod_{i=1}^{w}{(e^x-\sum_{j=0}^{c_i-1}{\frac{x^j}{j!}})}$

From:
https://wiki.cvbbacm.com/ - **CVBB ACM Team**

Permanent link:
https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2022-2023:teams:eager_to_embrace_the_seniors_thigh:c&rev=1659853814

Last update: **2022/08/07 14:30**