

唱跳rap打代码

训练记录

比赛时间	比赛名称	赛中过题	总计过题	题目总数	校内排名	总榜排名
23.07.17	2023 牛客暑期多校训练营 1	4	-	13	12/15	206/1505
23.07.21	2023 牛客暑期多校训练营 2	-	-	-	-	-

训练题解

牛客1

A

B

C

D

E

F

G

H

I

J

题目大意

赌博，初始赌1块钱，如果输了，下次赌两倍(1,2,4...)，如果赢了，获得当前次两倍的赌资(赢2,4,8...)，如果现在的钱不够赌，则失败。

现在有n块钱，想赢到n+m块，求成功的概率。

算法思路

钱数为x时失败的概率为 $\frac{1}{2^k}$, $k = \lceil \log_2(x+1) \rceil$

设从n赢到x块钱时失败的概率为ans,则从n赢到x+1块钱时失败的概率为 $ans + (1 - ans) * 1 / (2^k)$, $k = \lceil \log_2(x+2) \rceil$

对于一段区间内的x其k是相同的,这是一个线性递推数列,很容易得到通项公式 $a_n = (ans - 1) * (1 - 1 / (2^k))^{n+1}$, $a_0 = ans$;

即 $ans = (ans - 1) * (1 - 1 / (2^k))^{n+1}$

遍历每一个k找到对应的项数n更新ans可求出最终失败的概率

输出 $1 - ans$ 即为答案

AC代码

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
long long n,m;
const int mod=998244353;
long long mul(long long a,long long b){
    long long res=1;
    while(b){
        if(b&1){
            res=res*a%mod;
        }
        a=a*a%mod;
        b>>=1;
    }
    return res;
}
int main(){
    cin>>n>>m;
    long long tmp=n;
    long long ans=0;
    long long p=pow(2,int(log2(n+1))+1)-1;
    p=min(p,tmp+m);
    int a0=log2(n+1);
    int a1=log2(n+m);
    for(int i=a0;i<=a1;i++){
        long long Ln=mul(pow(2,i),mod-2);
        long long C=(ans-1+mod)%mod;
        ans=(C*mul((1-Ln+mod)%mod,p-n)%mod+1)%mod;
        n=p;
        p=min(tmp+m,(p+1)*2-1);
    }
    cout<<(1-ans+mod)%mod<<endl;
    return 0;
}
```

K

题目大意

给定一个简单图和常数 k ，每条边长度均为1，可以在图上的任意一条边上加一个点，操作次数不限。求最终图中与1号节点距离不大于 k 的点最多有多少个。

算法思路

bfs固定一棵生成树，同时处理每个点到1号点的距离。可以在所有非生成树的边加满点，所有生成树边不动（非生成树的边好像叫桥来着）

遍历每一条非生成树边，可以加 $2 * k - \text{dis}[u] - \text{dis}[v]$ 数量的点， u, v 为该边两端的节点。注意处理 u 或 v 本身距离大于 k 的情况。

最后检查生成树的叶节点，若叶节点的距离小于 k 可以在叶子结点处加 $k - \text{dis}[\text{leaf}]$

答案为上述所添加的节点数 + 最初距离小于等于 k 的节点数

AC代码

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
using namespace std;
const int maxn=2e5+50;
ll n,m,k,ans;
int to[maxn<<1];
int nxt[maxn<<1];
int head[maxn],cnt=-1;
int a,b,d[maxn];
int dis[maxn];
bool vis[maxn];
bool f[maxn<<1];
bool flag[maxn];
void add_edge(int u,int v){
    to[++cnt]=v;
    nxt[cnt]=head[u];
    head[u]=cnt;
}
vector<int>ve[maxn];
void bfs(int st){
    queue<pair<int,int> >qu;
    qu.push(make_pair(st,0));
    vis[st]=1;
    while(!qu.empty()){
        int fr=qu.front().first;
        int d=qu.front().second;
        qu.pop();
        for(int i=head[fr];i!=-1;i=nxt[i]){
            if(vis[to[i]]){
                continue;
            }
        }
    }
}
```

```
        vis[to[i]]=1;
        qu.push(make_pair(to[i],d+1));
        ve[fr].push_back(to[i]);
        f[i]=1;
        dis[to[i]]=d+1;
    }
}
}
bool dfs(int p,int fa){
    int sz=ve[p].size();
    ans++;
    for(int i=0;i<sz;i++){
        if(dis[ve[p][i]]>k)continue;
        if(!dfs(ve[p][i],p)){
            ans+=k-dis[ve[p][i]];
        }
        flag[p]=1;
    }
    for(int i=head[p];i!=-1;i=nxt[i]){
        if(f[i]||to[i]==fa||dis[to[i]]>k)continue;
        ans+=2*k-dis[p]-dis[to[i]];
        f[i]=1;
        f[i^1]=1;
        flag[p]=1;
        flag[to[i]]=1;
    }
    return flag[p];
}
int main(){
    cin>>n>>m>>k;
    memset(head,-1,sizeof(head));
    for(int i=0;i<m;i++){
        cin>>a>>b;
        add_edge(a,b);
        add_edge(b,a);
    }
    bfs(1);
    dfs(1,0);
    cout<<ans<<endl;
    return 0;
}
```

L

题目大意

给定三个长度为 n 的排列 $\mathbf{a}\ \mathbf{b}\ \mathbf{c}$ 和 $x\ y\ z$ 经过一次操作 $x\ y\ z$ 变为 $a[y], b[z], c[x]$ (注意下标顺序), 初始 $x=y=z=1$ Q 次询问, 每次询问 x', y', z' 求最少的操作次数, 使 $(x, y, z) = (1, 1, 1)$ 变为 (x', y', z') 如果不能则

输出-1。

算法思路

只考虑 x 每3次操作 x 会变成 $a[b[c[x]]]$,维护 $px[i]$ 为 i 经过3次操作变成了 $px[i]$ 则 $px[i]$ 也是 n 的一个排列 x 按照 $x=px[x]$ 的规则变换,该变换会在 px 中形成若干个环,我们预处理出每个 x 在 px 中参与的环长度 $cir[x]$ 和在环中的位置 $dis[x]$ 同时记录每个 x 所属环的编号。那么最终 x 到达 x' 的操作次数为 $dis[x']-dis[x]+k*cir[x]$ 对 a b c 三个排列都按如上方式处理。

查询时,只需求是否存在一组 k_1 k_2 k_3 使得 $dis[x']-dis[1]+k_1*cir[x']=dis[y']-dis[1]+k_2*cir[y']=dis[z']-dis[1]+k_3*cir[z']$ 。

即求同余方程组:(用扩展中国剩余定理)

$$T=(dis[x']-dis[1])\%cir[x']$$

$$T=(dis[y']-dis[1])\%cir[y']$$

$$T=(dis[z']-dis[1])\%cir[z']$$

由于该预处理方法是每三个一跳,遍历三组初始

值 $x=1$ $y=1$ $z=1$ $x=a[1]$ $y=b[1]$ $z=c[1]$ $x=a[b[1]]$ $y=b[c[1]]$ $z=c[a[1]]$ 每组求出一个 T 最终每组的答案分别为 $3*T+i(i=0,1,2)$ 取最小值。

无解情况 x' 与 x 不在同一个环上,或方程组无解。

AC代码

```
#include<bits/stdc++.h>
#define ll long long
using namespace std;
const int maxn=1e5+50;
ll n,q;
ll a[3][maxn];
bool f[3][maxn];
ll p[3][maxn];
ll dis[3][maxn];
ll cir[maxn];
int ma[3][maxn];
int cnt;
int getstart(int u,int v,int id){
    if(ma[id][u]!=ma[id][v])return -1;
    int tmp=dis[id][v]-dis[id][u];
    return tmp<0?tmp+cir[ma[id][u]]:tmp;
}
ll mul(ll a,ll b,ll mod){
    ll res=0;
    while(b){
        if(b&1){
            res=(res+a)%mod;
        }
        a=(a+a)%mod;
        b>>=1;
    }
}
```

```
    }
    return res;
}
ll ex_gcd(ll A,ll B,ll &x,ll &y){
    if(B==0){
        x=1;
        y=0;
        return A;
    }
    ll d=ex_gcd(B,A%B,y,x);
    y-=A/B*x;
    return d;
}
int main(){
    cin>>n;
    memset(dis,-1,sizeof(dis));
    for(int i=0;i<3;i++){
        for(int j=1;j<=n;j++){
            cin>>a[i][j];
        }
    }
    for(int i=1;i<=n;i++){
        p[0][i]=a[0][a[1][a[2][i]]];
        p[1][i]=a[1][a[2][a[0][i]]];
        p[2][i]=a[2][a[0][a[1][i]]];
    }
    for(int i=1;i<=n;i++){
        for(int j=0;j<3;j++){
            if(ma[j][i])continue;
            ma[j][i]=++cnt;
            dis[j][i]=0;
            int k=i,len=0;
            do{
                ma[j][p[j][k]]=cnt;
                dis[j][p[j][k]]=dis[j][k]+1;
                k=p[j][k];
                len++;
            }while(i!=k);
            cir[cnt]=len;
        }
    }
    cin>>q;
    ll x,y,z;
    while(q--){
        cin>>x>>y>>z;
        ll ans=-1;
        for(int i=0;i<3;i++){
            int x1=1,y1=1,z1=1;
            if(i==1){
```

```

        x1=a[0][1];
        y1=a[1][1];
        z1=a[2][1];
    }
    if(i==2){
        x1=a[0][a[1][1]];
        y1=a[1][a[2][1]];
        z1=a[2][a[0][1]];
    }
    int st[3];
    st[0]=getstart(x1,x,0);
    st[1]=getstart(y1,y,1);
    st[2]=getstart(z1,z,2);
    int c[3];
    c[0]=cir[ma[0][x]];
    c[1]=cir[ma[1][y]];
    c[2]=cir[ma[2][z]];
    //solve the equations by using ex_CRT
    //t=st[0] (mod c[0])
    //t=st[1] (mod c[1])
    //t=st[2] (mod c[2])
    if(st[0]<0||st[1]<0||st[2]<0)continue;
    ll m=c[0];
    ll tmp=st[0];
    for(int i=1;i<3;i++){
        //solve the equation:
        //tmp + X*m = st[i] (mod c[i])
        //X*m + Y*c[i] = st[i]-tmp
        //d = gcd(m,c[i]);
        //-->X*(m/d) + Y*(c[i]/d) = (st[i]-tmp)/d
        ll X,Y;
        ll d=ex_gcd(m,c[i],X,Y);
        if((tmp-st[i])%d!=0){
            tmp=-1;
            break;
        }
        //find the minimum solution:X = X * (st[i]-tmp)/d %
(c[i]/d);
        X=mul(X,((st[i]-tmp%c[i]+c[i])%c[i])/d,c[i]/d);
        tmp=tmp+X*m;
        m=m*c[i]/d;
        tmp=(tmp%m+m)%m;
    }
    if(tmp==-1)continue;
    if(ans==-1)ans=tmp*3+i;
    else ans=min(ans,tmp*3+i);
}
cout<<ans<<endl;
}
return 0;
}

```

M

知识点总结

扩展中国剩余定理

解同余方程组

$$x \equiv r[i] \pmod{m[i]}, i=0, 1, \dots, n-1$$

注意模数 m 可能不两两互质

遍历 $i=1, 2, 3, \dots, n-1$, 每次解方程 $x^* + t^*M \equiv r[i] \pmod{m[i]}$, 即 $t^*M + k^*m[i] = r[i] - x^*$, 其中 x^* 为之前 $i-1$ 个方程的一个解, M 为前 $i-1$ 个 m 的最小公倍数

最后解为 $x^* + k^*lcm(m[i])$


模板 (缩略版)

```
ll m[n], r[n];
ll ex_CRT(){
    ll M=m[0];
    ll tmp=r[0];
    for(int i=1; i<n; i++){
        ll X, Y;
        ll d=ex_gcd(M, m[i], X, Y);
        if((tmp-r[i])%d!=0){
            tmp=-1;
            //no solution
            break;
        }
        //mul() is a fast multiply which prevents overflow
        //just like fast power
        X=mul(X, ((r[i]-tmp%m[i]+m[i])%m[i])/d, m[i]/d);
        //X = X*(r[i]-tmp)%m[i]
        tmp=tmp+X*M;
        M=M*c[i]/d; //update M=lca(m[i])
        tmp=(tmp%M+M)%M; //make the solution positive
    }
    return tmp;
}
```

From:

<https://wiki.cvbbacm.com/> - **CVBB ACM Team**

Permanent link:

[https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2023-2024:teams:ikun_is_coding:front_page
&rev=1689754172](https://wiki.cvbbacm.com/doku.php?id=2023-2024:teams:ikun_is_coding:front_page&rev=1689754172) 

Last update: **2023/07/19 16:09**